

Marina

A

14

Observatorio de San Fernando
BIBLIOTECA

Núm.

Observatorio de Marina
BIBLIOTECA

Sección

Carpetas

Estantería

Núm. 204

Tomo

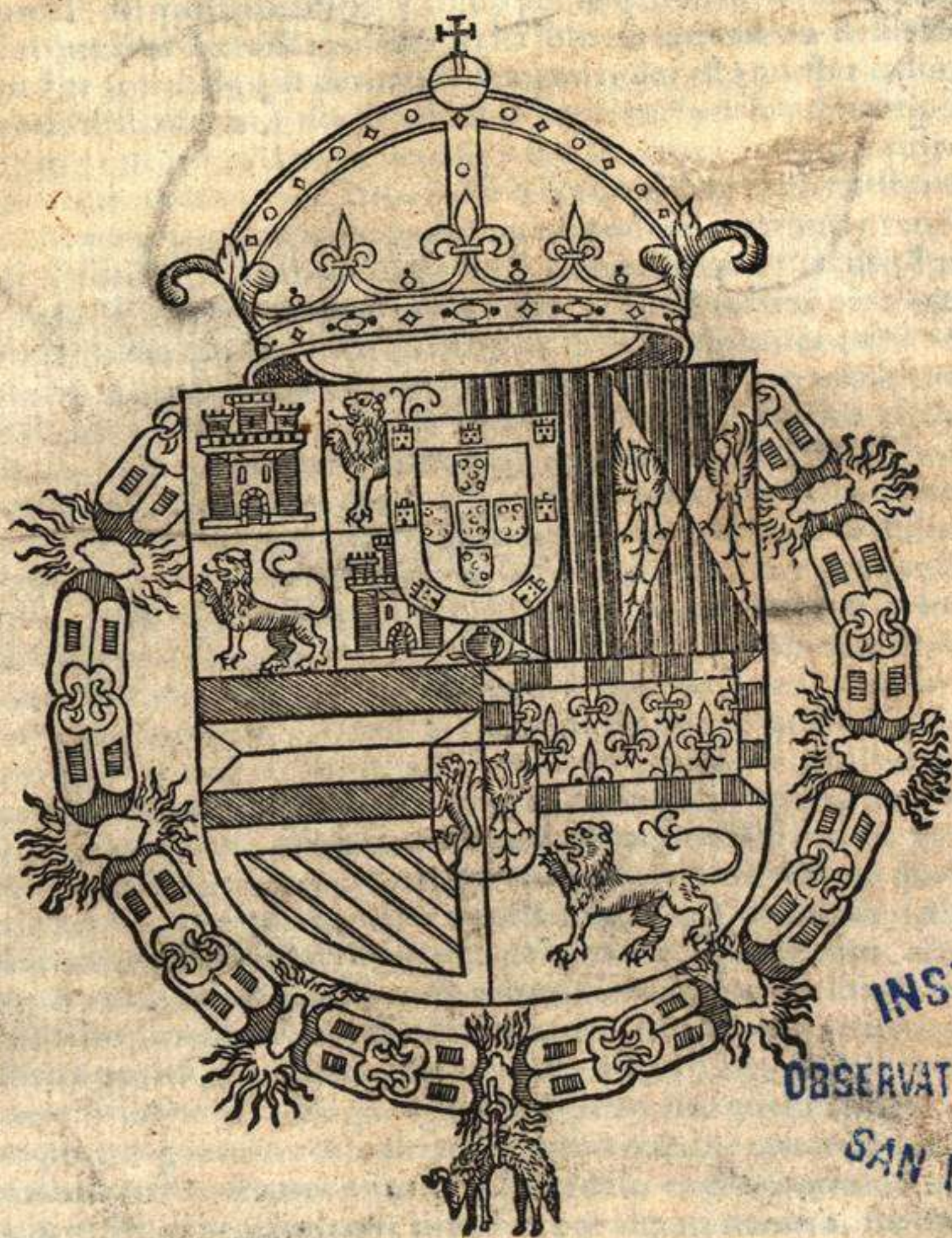
24

**BIBLIOTECA
DEL
OBSERVATORIO DE S. FERNANDO**

BIBLIOTECA
DEL
OBSERVATORIO DE S. FERNANDO

Louisa

LA
PERSPECTIVA,
Y ESPECVLARIA DE
Euclides. Traduzidas en vulgar Castella-
no, y dirigidas a la S. C. R. M. del Rey don Phelippe
nuestro Señor. Por Pedro Ambrosio
Onderiz su criado.



INSTITUTO
Y
OBSERVATORIO DE MARINA
de
SAN FERNANDO

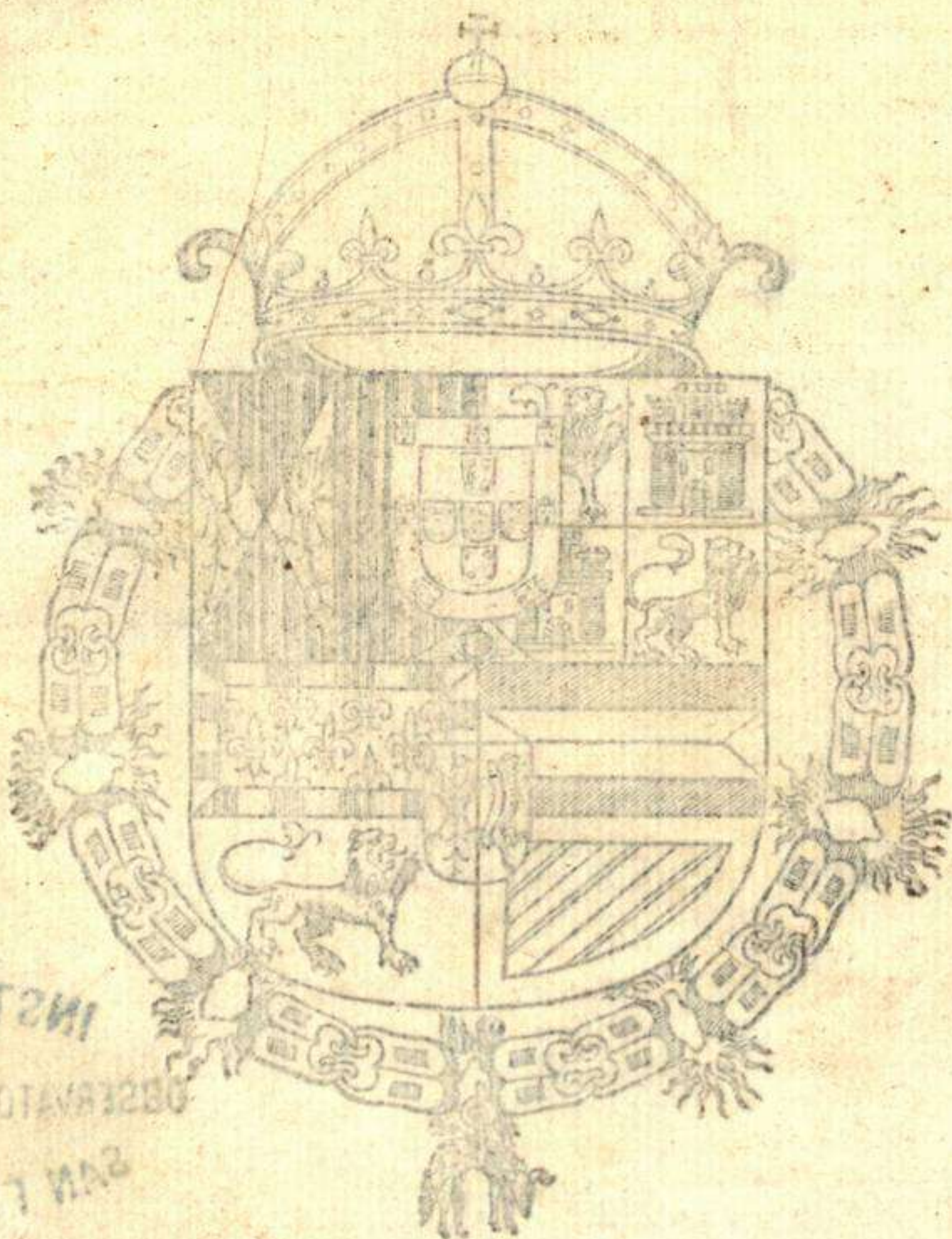
EN MADRID.

672

En casa de la viuda de Alonso Gomez.

Año. M. D. LXXXV.

LA
 PERSPICUA
 Y ESPECULARIA DE
 Fuchidas. Traduzidas en vulgar Castellana
 no y dirigidas la S. C. R. M. del Rey don Phelipe
 nuestro Señor. Por Pedro Ambrosio
 Oñdeniz su criado.



EN MADRID.
 En casa de la viuda de Alonso Gomez.
 Año. M. D. LXXV.

INSTITUTO
 OBSERVATORIO DE MADRID
 SAN FERNANDO

EL REY.



OR quanto por parte de vos Pedro Ambrosio On-
deriz nuestro criado, nos fue fecha relacion que por
auer ordē nuestra, que en nuestra corte se leyessen las
Matematicas en lengua Castellana, y estar os a vos co-
metido por vna nuestra cedula el traduzir libros pa-
ra este effecto, auades traduzido agora vno intitula-
do la Perspectiua, y Especularia de Euclides. Y nos su-
plicastes os mandassemos dar licencia para lo poder
imprimir, y Priuilegio para que por tiempo de veynte años ninguno le pu-
diessse imprimir sino fuessedes vos, o como la nuestra merced fuessse. Lo qual
visto por los del nuestro consejo, y como por su mandado se hizieron las di-
ligencias que la pregmatica por nos hecha sobre la impresion de los libros
dispone. Fue acordado que deuiamos demandar dar esta nuestra cedula pa-
ra vos en la dicha razon, y nos tuuimos lo por bien. Y por la presente, por os
hazer bien y merced, os damos licencia y facultad para que por tiempo de
diez años que corran y se quenten desde el dia de la data desta nuestra cedu-
la, vos o la persona que vuestro poder ouiere podays imprimir e vender el
dicho libro que de suso se haze mencion. Y damos licencia y facultad a qual
quier impressor destos nuestros reynos que vos nombraredes para que por
esta vez lo pueda imprimir, cō que despues de impresso antes que se venda
lo traygays al nuestro consejo juntamēte con el original que en el se vio, que
va rubricado y firmado al cabo de Pedro del Marmol nuestro escrivano
de camara de los que en el nuestro consejo residen para que se vea si la dicha
impression esta conforme a el, o traygays fe en publica forma en como por
corrector nombrado por nuestro mandado se vio y corregio la dicha im-
pression por el dicho original y se imprimio conforme a el, y que quedā assi
mismo impressas las erratas por el apūtadas para cada vn libro de los que
assi fueren impressos, y se os tasse el precio que por cada volumen ouieredes
de auer. Y mandamos que durāte el dieho tiempo persona alguna, sin vuest-
tra licēcia no lo pueda imprimir ni vender, sopena que el que lo imprimiere
aya perdido e pierda todos y qualesquier libros, moldes e aparejos que del
dicho libro tuuiere, y mas incurra en pena de cinquēta mil marauedis, por
cada vez que lo contrario hiziere. La qual dicha pena sea la tercia parte pa-
ra el juez que lo sentenciare, y la otra tercia parte, para la persona que lo de-
nunciare, y la otra tercia parte para nuestra camara. Y mandamos a los del
nuestro consejo Presidentes e oydores de las nuestras audiencias, alcaldes,
alguaziles de la nuestra casa y corte, e chancillerias, y a todos los corregido-
res Asistente Governadores Alcaldes mayores e ordinarios, e otros juezes
e justicias qualesquier de todas las ciudades, villas, y lugares delos nuestros
reynos y señorios, assi a los que agora son, como a los que seran de aqui ade-
lante que vos guarden e cumplan esta nuestra cedula e merced que assi vos
hazemos, e contra el tenor e forma della, ni de lo en ella contenido non va-
yan, ni passen, ni consientan yr ni passar, por alguna manera, sopena de la
nuestra merced, y de diez mil marauedis para la nuestra camara. Dada en
Sant Lorenço, a quinze dias del mes de Septiembre de mil y quinientos y
ochenta y quatro años.

YO EL REY.

Por mandado de su Magestad.

Antonio de Erasso



E L R E T .

HE visto por mandado de los señores del consejo de su Magestad, la tradu-
ción de la Perspectiua, y Especularia de Eu-
clides, hecha por Pedro Ambrosio Onde-
riz criado de su Magestad. Y digo q̄ allen-
de de ser muy conforme al verdadero sen-
tido del autor, es muy clara y propria. Por
lo qual juzgo que sera cosa muy proue-
chosa para los que no entienden Griego,
si se imprimiere. Fecha en Madrid a los
21. de Deziembre. 1584.

**Fernando Paterno.
de la compañía de Iesus.**

Y O E L R E T .

Antonio de...

Por mandado de su Magestad.

T A S S A.

Y O Miguel de Ondarça çauala secretario del Consejo de su Magestad, doy fee, que los señores del dicho Consejo de pedimiento y suplicacion de Pedro Ambrosio Ouderiz, tassaron vn libro intitulado Perspectiua, y Especularia, que con licencia de su Magestad imprimio, a tres maravedis y medio cada pliego en papel, y al dicho precio y no mas, mandaron q̄ se venda. Y que primero que se venda ningun libro, se imprima esta tassa en la primera hoja de cada volunē. Y para que dello conste, de pedimiento del dicho Pedro Ambrosio, y mandamiento de los dichos señores, di la presente firmada de mi nōbre. En la villa de Madrid a veynte y vno de Henero, de mil y quinientos y ochenta y cinco Años.

Miguel de Ondarça çauala.

E R R A T A S.

Hoja.	Plana.	Linea.	Por	Diga.
			Preambulos.	
3.	i.	15.	tambien.	tan bien.
			Obra.	
8.	i.	22.	que angulo.	que el angulo.
43.	2.	20.	y igual angulo.	y igual al angulo.
46.	2.	12.	angulo.FAC.	angulo.FCA.
54.	2.	18,	angulo.FHA.	angulo.EHA.

En Madrid a catorze de Enero de mil y quinientos y ochenta y cinco Años.

Juan Vazquez del Marmol.

† 3



A la S. C. R. M. del Rey don
Phelippe nuestro Señor.



*Q*ua acostumbrada es. C. R. M. quando un señor ha plantado al gun deleytoso jardin, q̄ aquellos que le cultiuan le presenten las primeras flores del, assi para deleytarle con aquello q̄ el puso de su mano, como para ponerle confianza q̄ a su tiempo tambien llevara el fruto qual el lo dessea. Yo ni mas ni menos siguiẽdo esta loable costũbre me parecio presentar a V. M. este nuevo libro, q̄ son las primeras flores q̄ ha produzi- do este jardin de letras q̄ V. M. a plantado en esta su corte. V. M. lo acepte como cosa suya, cõ fiando que auiendo quiẽ le cultiue, llevara adelante muy abundante fructo, assi para el serui- cio de V. M. como para el aprouechamiento de sus Reynos, para cuya conseruacion y augmen- to, nuestro señor nos guarde a V. M. como to- dos desseamos.

Humilde criado y vassallo de V. M.
Que sus Reales manos besa.

Pedro Ambrosio Onderiz.

A la S. C. R. M. del R. e. y don
Philippe nuestro Señor.

Que acordada es. C. R. M.
quando un señor ha plantado al
gun delgado jardín, q̄ aquellos
que se cultivan le presenten las pri-
meras flores del, así para alegrarle con aquellos
q̄ el paso de su mano, como para honrarle con
cada tiempo con las mejores que el fruto de
della. Lo meo en estos siglos es la noble
costumbre me parecio presentar a V. M. este meo
no libro, q̄ son las primeras flores q̄ se producen
de este jardín de letras q̄ V. M. plantado en
esta la corte. V. M. lo acepte como cosa suya, co-
stando que amando que le culmine, llevara ade-
lante muy abundantemente frutos, así para el serui-
cio de V. M. como para el aporocheamiento de
sus Reinos, para cuya conservación y aumento
es nuestro Señor nos guardé a V. M. como to-
dos deseamos.



Familia criada y castillo de V. M.
De los Reales manos de
Pedro e Ambrosio Oudart.

AL LECTOR.



ESP VES que el Architecto del mundo huuo fabricado esta casa vniuersal, la qual desde su eternidad tenia traçada en su diuina idea. Luego crio la luz, y en criando el hombre, le puso en medio de toda ella, para que assi como en lo espiritual veyá con el entendimiento, mediante la luz de su gracia, lo que esta en el cielo Impireo, assi en lo corporal viesse con los ojos, mediante la luz, que aca crio, todo lo que abarca el cielo, lo qual hizo el hombre en siendo criado, porque luego se ocupó en mirar el deleytoso parayso, donde su hazedor le auia aposentado. De donde se infiere la excelencia, y nobleza de la vista, porque si bien se considera, no pudierã tambien los hombres rastrear algo de lo innumerable que ay en Dios, si despues que quito el chaos, y repartio las cosas criadas por sus lugares, no criara estas dos purissimas lamparas con que se distinguieran las vnas de las otras, y aunque las crio no pudiera el hombre verlas, si tambien no pusiera en el otras dos, para que mediante aquellas gozara con la vista, de la marauillosa labor desta casa, y con tener todo esto le falta mucho al hombre que carece de la sciencia que en el ver ay, porque ella le engaña, haziendole que muchas vezes le parezca lo que realmente no es. De donde nace que assi como en las demas cosas, la ignorãcia de los hombres les haze atribuyr muchas cosas que naturalmente se puedẽ hazer a sobre naturales, assi el que ignora esta, las grãdes marauillas que en si tiene le amedrantan, como si fuessen impossibles a la potencia humana siendole connaturales, aun que tienen en

al lector.

en si tantos secretos, que ya que por auer perdido el hombre aquel arte general con que baxaua discurriendo por todo. Vuo de inuentar nuevos particulares, de cinco sentidos que Dios le auia dado, inuento nueva sciencia para los dos dellos. La armonica, o musica, para el oydo, y la optica, o perspectiua para la vista, y con grau razon cierto, porque dexada a parte la musica, que harto la engrandecen los Poetas, con fingir que Arion, Amphion, y Orptheo mouian los animales aquaticos, y terrestres, y las duras piedras. La Perspectiua, aunq̄ no mueue los irracionales, a lomenos a los hombres que la ignoran, los buelue como irracionales de espanto, y a los que la saben les auia mas la razon, y subtiliza el entendimiento. Demanera que juzgan las mesmas cosas por tales quales ellas son, y los engaños que en ella se ofrecē la mesma sciencia se los descubre. Por donde cō gran razon deue ser muy estimada, porque si en alguna se juntaron, lo gustoso y prouechoso fue en esta. Pues en ella da grādissimo gusto, ver vna qualquier figura representarse en el ayre, y vn exercito que esta muy lexos, verlo como delante de los ojos, y abrasarse vna flota sin fuego, y sacar fuego del agua, y otros grandes milagros de naturaleza. Es tambien prouechosa, porque ella descubrio la materia, numero, y orden de los cuerpos celestes. Los milagros de la Iris, el mouimiento, lugar y numero de los elementos. Della como muy necessaria se aprouecha el phisico, con ella escudriña sus secretos, el Astronomo, della se ayuda el Geographo, para descriuir la tierra en la forma plana que quiere. Ella descubre mil engaños de la vista, forçandonos aque creamos, que lo que muchas vezes nos parece grande sea pequeño, y

al lector.

ño. Y lo q̄ nos parece recto sea curuo, lo plano solido, lo que parece baxo, sea leuantado, lo concauo sea cōuexo, y lo que parece tortuoso, sea derecho. Por esta salimos de la dificultad que tenemos en saber la razon que ay para que algunas lumbres en noche tempestuosa andé vagando, a manera de aues, ora dos, ora tres, y chirlé como si tuuieran voz, pareciédonos de diuersas colores, esta desatemoriza los nocturnos caminantes si en el camino les sale al encuentro algun fuego leuantado en el ayre. El qual ha sido ocasiō a que muchos huyendo del se han precipitado, entendiendo ser (como dize el vulgo) algo de la otra vida. Esta haze que no se espanten los que ven en el ayre hombres armados, escudos sangrientos, tres soles, fuegos encédidos. Esta va ya desengañando a los marineros en q̄ no todas vezes juzguen ser Santelmo, el fuego que en las neblinas se les pega, y a que tambien no se atemorizen, los que ven su mesma imagen representarseles delante en el ayre lo qual suele de noche acontecer a los que tienē la vista flaca, el q̄ esta supiere no dexara de creer que se puede fabricar vn espejo donde se vean ciento o mas imagines baylādo, y que otro espejo se puede poner en tal parte, q̄ dentro del se vea lo que se haze en todo aquel barrio, y dētro de las casas de los vezinos, y que otro se puede hazer, de tal manera que mirandose en el vn hombre, no vea mas de vn ojo solo de los suyos, y otro tambien dō de vn hombre vea su imagen yr bolando, todo lo qual es razon euidente, por donde se entiende que el que careciere de la Optica, tomara lo falso por verdadero, y tēdra temor a lo que no tiene que temer. Esta es pues la que tenemos entre manos. La qual yo he traduzido
en len-

al lector.

en lengua vulgar quan fielmente pude, arrimandome al antiguo exemplar en q̄ Euclides excelentissimo geometra la compuso, y la razon que huuo para hazerlo fue que como su Magestad ordeno que en esta su corte se le yessen las Mathematicas en lengua Castellana, trayédo para ello a Ioan Baptista Lauaña, por ser eminente en ellas, fue necessario traduzirse este libro en Romance, por auerse de leer, y è lo yo hecho por estar me cometi do ami por ordé de su Magestad el facar libros para esta nueva Academia. Lo qual me mouio a poner en este, como lo hare en los demas la diligéncia possible. Y para mayor claridad fuya se hã dexado muchas delas figuras del mesmo autor, poniendo las mesmas en Perspectiua y en esto no tendre que escufarme, pues la ventaja q̄ para entenderle se haze, me seruira de escusa bastãte, con todos los que lo entendieren. Reciban lo pues con la voluntad que se les ofrece, o con aquella que el Rey nuestro señor tiene de aprouechar a los que de sus vassallos se aficionaren a estas diciplinas, que siendo assi, cada dia facaremos libros nuevos, assi para los que de ellos tuuieren necesidad forçosa, como para los que no teniendola, quifieren emplear el tiempo, en cosas dignas de si mesmos,

Demostan-

PROLOGO DE LA perspectiua.



DEMOSTRANDO VN docto las cosas tocantes, a la vista, cuyo gusto y contento, a muchos auian induzido a tratar de llas. Halló por razones euidenttes que toda luz viene por linea recta. En cófirmacion de lo qual traya por principal argumento las sombras hechas de los cuerpos, y los rayos que paffan por las ventanas y aberturas. Ninguno de los quales, hiziera lo que vemos que haze, si los rayos que salen del Sol, no vinieran por linea recta. Dezia assi mesmo, que los rayos embiados destos nuestros luminosos, son causa que los cuerpos opuestos a ellos en parte sean alumbrados, y en parte hagan sombras, ora iguales a los mesmos cuerpos, ora mayores, ora menores que ellos. Y que aquellos cuerpos hazen las sombras iguales a si mesmos, los quales son tambien iguales a los mesmos luminosos que los alumbrã, porq̃ en ellos los vltimos rayos vienen a ser equidistantes, auiedo se entre si de tal manera q̃ ni concurriendo disminuyen la sombra, ni ensanchandose la augmentan, si no que tal qual es el mesmo cuerpo, tal medida de sombra cõseruan los mesmos rayos. Y que entõces las sombras son menores que los mesmos cuerpos, quando los luminosos que los alumbran son mayores que ellos: porque como los rayos vlti-

la perspectiua

mos vienen a concurrir, vienen tambien a hazer la sombra menor. Y que en tal punto las sombras son mayores que los mesmos cuerpos quando los luminosos q̄ los alūbran son menores que ellos. Porque en estos se dilatan los rayos, de tal manera que vienen a hazer mayor la parte de la sombra. Todo lo qual en ninguna manera sucediera si los rayos que el fuego embia no vinieran por linea recta. Lo qual tambien mas claramente se puede averiguar con otros effectos: porque si delante de vna candela encendida pusieremos vna tabla que tenga en medio vna hendedura hecha con vna subtil sierra, de tal manera que la tal hendedura este en derecho de la mitad de la candela, y de la otra parte de la tabla pusieremos junto a ella, otra tabla en que hiera el rayo que passa por la hendedura, hallaremos que el rayo que entra por la hendedura de la primera tabla, y da en la segunda tabla, es contenido de lineas rectas. Y que tambien esta en vna mesma linea recta el rayo que saliendo de la mitad de la candela se junta cō la hendedura de la tabla. Por lo qual siendo manifesto a todos que toda qualquier luz viene por linea recta, les sera tambien manifesto que los rayos que salen del ojo corren con la mesma razon viniendo tambien por linea recta, aunque de tal manera que entre vno y otro rayo ay alguna distancia. De donde inferia el, que qualquier cosa que se mira no se v̄ toda juntamente, trayendo para ello esta razon, que cayendose en el suelo vna aguja, o otro pequeño cuerpo y buscando lo muchos con diligencia acontece muchas vezes no poderlo hallar, con no auer impedimento alguno que estorue el tal cuerpo para que dexede ser visto, y despues poco a poco fixando los ojos en el lugar donde esta v̄n la mesma

ma

ma aguja. De lo qual se manifiesta que no pudiéndose ver el tal cuerpo que tampoco se vé el lugar donde esta, y por esto el ojo no puede ver juntamente todas las partes del lugar que mira, porque si pudiera ver las, viera también el aguja que buscava, y no por esto las vé. Ni mas ni menos afirmava que los que con cuydado están leyendo no pueden ver juntamente todas las letras que en vna plana estan escriptas, y que siendo forçados muchas vezes a buscar algunas de las tales letras, acontece no poder las hallar, lo qual sucede: porque los rayos visuales no van a todas las letras, ni estan juntos, ni continuos, entre si. Si no que entre vno y otro a y alguna distancia, y esta es la causa por donde no se pueden ver muchas de aquellas letras escriptas por orden. De donde se infiere q̄ no se puede ver juntamente todo el lugar de la plana, y esto mesmo sucede en otra qualquier cosa visible, por dōde las cosas que se miran no se pueden ver todas juntamente, y si parece que se vèn, es porque los rayos visuales se mueuen con tanta presteza que no dexã nada que no toquen. Pero aquello que dizen muchos q̄ la especie de la cosa que se mira sale della y va al ojo, para que mouido el ojo con ella, pueda ver la tal cosa, lo refutava poniendo esta duda en aquel que busca el aguja que se le ha caydo, y el otro que con gran atencion esta leyendo: porque podria dezir se, que si el ver, se haze por las especies que salen de la cosa visible y van al ojo, y de todos los cuerpos salen especies que mueuen nuestros sentidos a que vean, como puede fer que aquel que busca el aguja no la vea, y el otro que con gran atencion esta leyendo no vea todas las letras de vna plana. Y si dizé que esto sucede porque aquellos que estan mirando estan diuertidos en otras co-

la perspectiua

fas, tambien muchas vezes quando estan muy atetos buscando alguna cosa no la hallan, y otras vezes quando estan parlando con otros, y distraydos en otras cosas fueren hallarla. Mas a esto diran tambien que no todas las especies de las cosas que se miran van al ojo. Pues veamos que razon ay para que las vnas vayan y las otras no? Dizia vltra desto que la naturaleza auia hecho en los animales instrumetos para que sintiessen, de tal manera que vnos fueffen acomodados a recibir en si, y otros no, por que el oydo, y el gusto, y el olfacto los hizo huecos por dentro para que pudiessen acoger en si los cuerpos que viniessen de afuera amouer los mesmos sentidos, por do de la voz acomodandose al oydo tiene necesidad de hallar vn lugar apto para detenerse algo, porq̃ si luego que llega se partieffe dexaria el sentido sin auerlo mouido, y la mesma voz confusa, por la mesma razon hizo la naturaleza el instrumento del olfacto hueco. Pues de el del gusto no ay que tratar, que al fin todos estos sentidos, los hizo, la naturaleza huecos, ya manera de cauernas, para que los cuerpos que a ellos viniessen, pudiessen de tenerse algo. Por lo qual si los cuerpos que mueuen la vista viniessen al ojo, y el ojo no embiasse rayos a ellos, conuenia que la forma del ojo fuera hueca, para q̃ fueffe mas acomodada a recibir en si qualesquier especies, lo qual es al contrario, pues el ojo parece ser espherico. Estas cosas le parecieron a el ser bastantes para probar que los rayos que mueuen a ver nuestro sentido, son los que salen del ojo y van ala cosa que mira, y para demostrar ansi mesmo que las circunferencias puestas en vna mesma superficie cõ la vista parecen lineas rectas, traya estas razones, diciendo que porque el ojo que esta en el mesmo plano

que

que la cosa que mira esta de tal manera situado, que ni esta mas alto ni mas baxo que la tal cosa (porque esto es estar en el mesmo plano que ella) seguir se ha que el ojo que ni esta mas alto ni mas baxo que la circumferencia descrita en el mesmo plano echara los rayos, no mas altos hazia las vnas partes de la circumferencia, ni mas baxos hazia las otras, fino que embiara todos estos rayos tirados por el mesmo plano igualmente hazia todas las partes de la circumferencia, lo qual es causa para que el plano en que esta el ojo parezca linea recta, y ni mas ni menos la circumferencia descrita en el mesmo plano, porque el plano que junto al ojo se pone a manera de linea recta, este no se puede ver, por no caer en el ninguno de los rayos que salen del ojo, pero su extremidad se vè que es linea recta. Y esto dezia, porque esta linea oppuesta al ojo estorquando las demas partes del plano, impide que el plano no se vea, y la mesma razon que fuerça a que el plano puesto junto al ojo parezca linea recta, haze que entre las circumferencias que estan en el mesmo plano q̄ el ojo, parte parezcan mayores, quando mas rayos visuales se applican a ellas, y parte iguales, quando son iguales estos rayos, y parte parezcan menores, quando aquellos angulos, como de rayos, que se hazè junto al ojo son menores.

S V P P O S I C I O N E S.

I.

Suppongase que los rayos que salen del ojo van por linea recta, y que entre si estan apartados con alguna distancia.

A 4 . Y que

la perspectiua

2.
Y que la figura comprehendida de los rayos visuales es vn cono, cuya puncta esta en el ojo, y la basa en las extremidades de las cosas vistas.

3.
Aquellas cosas se ven donde los rayos visuales llegan.

4.
Aquellas cosas no se ven dõde los rayos visuales no llegan.

5.
Las cosas que se miran debaxo de mayor angulo parecen mayores.

6.
Las cosas que se miran debaxo de menor angulo parecen menores.

7.
Las cosas que se miran debaxo de igual angulo parecen iguales.

8.
Las cosas que se miran debaxo de rayos mas altos parecen mas altas.

Las

Las cosas que se miden de varios de *κρυπτα*, *ορατα*,
 son mas *υαφα*.

10.

Las cosas que se miden con *κρυπτα* que doblan mas
 a mano de *δεχα* *παυσην* mas de *δεχα*.

11.

Las cosas que se miden con *κρυπτα* que doblan mas
 a mano *υσκειν* *δου* *παυσην* mas *υσκειν* *αδα*.

12.

Las cosas que se miden de varios de mas angulos se ven
 mas *δισι* *μικρον* *μεντοι*.

Suponganse estas cosas p.^a

mostian los *Theorema* &

siguiente &

Al Lector.

Advertira el lector, que la claridad de este libro ha escu
 sado los *escholios* que en otros suele haver, por que aun
 que van algunos, son los mismos, que enian en *επι* *επι* *επι* *επι*
πλα *γ* *χι* *ο* *ρ*: Solo se han puesto en las *μα* *α* *α* *α*
 nes las proposiciones, con que se prueba la demostraci
 on. Las quales no estan sino muy raras, assi en

A la perspectiva

de *Geometria* de *Euclides* deste libro, como en otras locante de
de *Matematicas*, porque los antiguos trabajavan mas
en ellas q. cosas, y tenian las mas en la memoria, y asi
donde quicra q. en este libro se viere esta señal \dagger se de oca
abusava la misma en la margen, por q. con ella esta escrita
la proposicion, por donde aquello se demuestra, como si se viere
esta señal \dagger y en dexcho della en la margen otra señal \dagger
y tras ella escrito 1. 6. 3. cl. Entiendese q. aquello se prueba
por la 16. proposiz. del lib. 3. de los *Elementos* de *Euclides*. An
si que el primer numero muestra la proposiz. o defini-
cion, que es y el segundo de qual libro es de los *Elementos*
de *Euclides*, mas quando se viere 3. Th. Entiende
se, que es por el 3. Theorema de aqueste libro, ni mas, ni me-
nos, quando se viere en la perspectiva, o especularia. S.
Supposicion, entiendese por la 5. hipposicion de aqueste
libro. Los escholios de lo *Griego* hemos notado de esta
manera, que en la margen se pone la mesma señal \dagger
con una letra. A. o B. la qual responde a otra señal q. esta
en la demostracion, y despues adelante se pone otra A.
o B. con la mesma señal \dagger , y enfrente della esta el es-
cholio, como se ve en el 2. Theorema de este libro. Vale

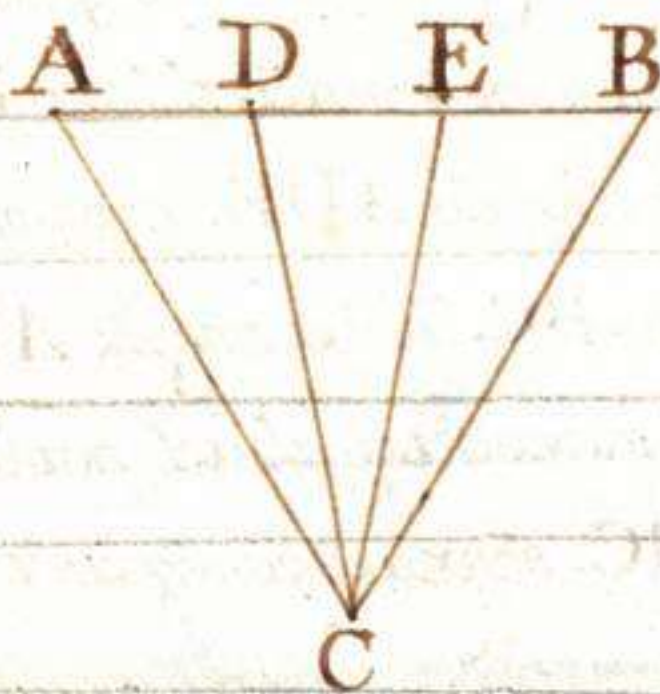
Theorema.

THEOREMA.

1.

Ninguna cosa visible se ve toda juntamente

Sea la cosa visible AB . y
el ojo sea C , del qual salen los
rayos visuales CA . CD . CE .



CB . y porque los rayos visuales que salen del ojo van con alguna distancia entre si y luego no caen en continuos sobre AB .

por lo qual habra en AB algunas distancias, donde no llegaran los rayos visuales. Y asi por esto vea la cantidad AB no se veia juntamente, mas parece que se ve por la velocidad con que salen los rayos visuales.

t. l. supposit.

THEOREMA.

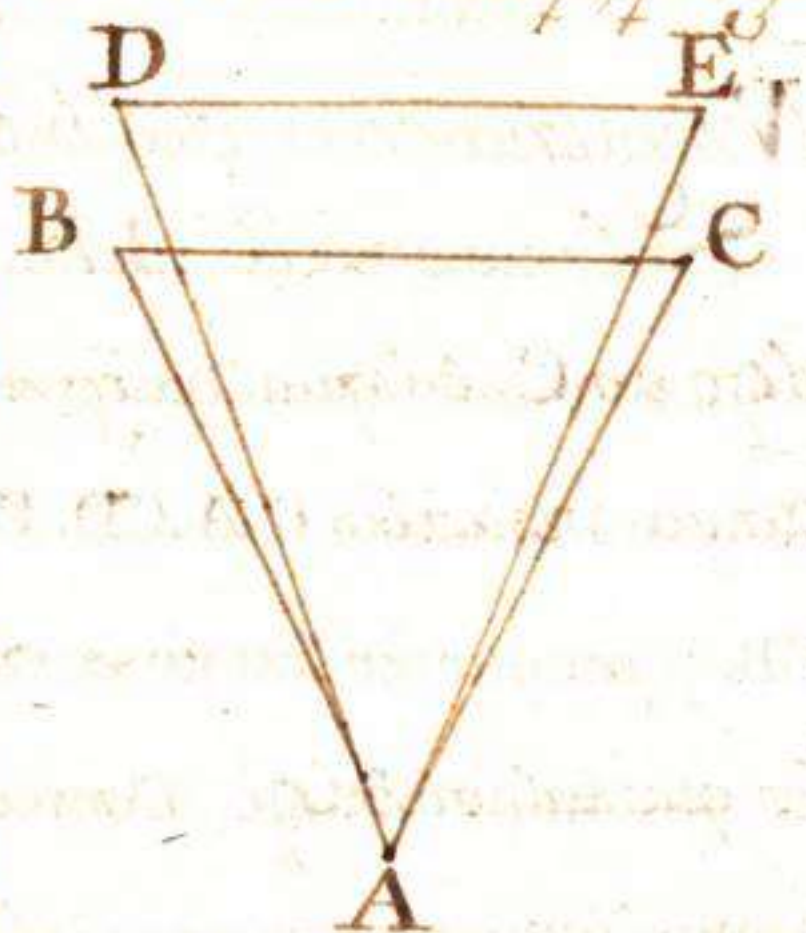
2.

Entre las grandezas iguales, que estan apartadas entre si, las que estan mas cerca del ojo se ven mas distintamente.

Sea

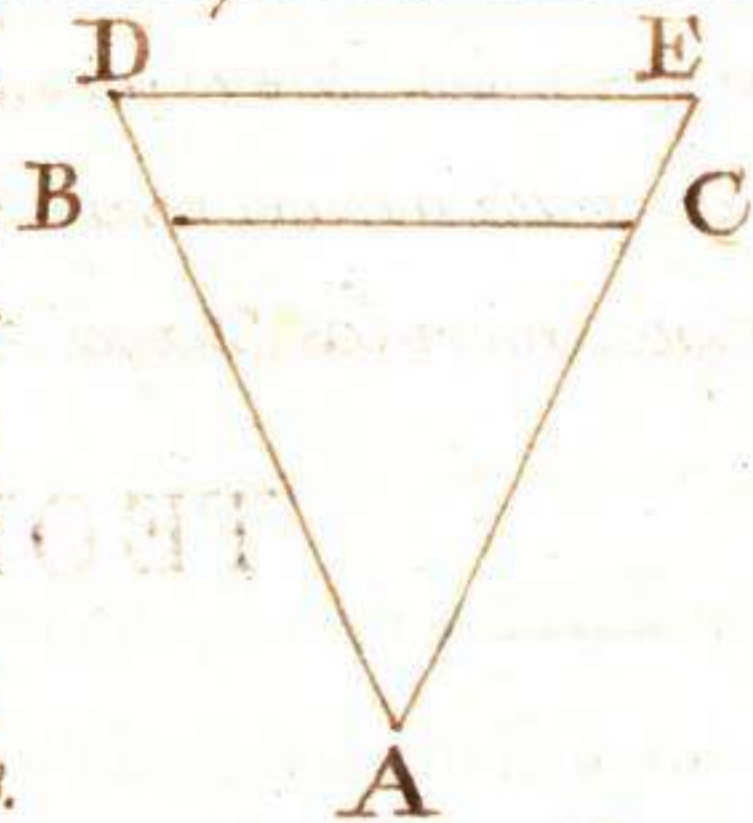
la perspectiva

Sea el ojo A y las grandezas visibles BC . DE . las quales sean iguales, y paralelas, y este BC . mas seaca del ojo, y salgan los rayos visuales AB . AC . AD . AE . no diremos pues que estos rayos visuales, que van desde el ojo A . a la grandezza DE . por que si antes fueren \dagger sea el lado DE . del triangulo ADE . mayor que el lado BC . del triangulo ABC . mas porose igual a el, por lo que al BC . se vera con mas rayos visuales q̄ DE , y asi BC . se vera mas distintamente que DE \dagger



SCHOLIO.

\dagger Que DE . sea mayor que BC . si los rayos visuales AD . AE . pasan por los puntos BC . se demostara asi. Sea como en el presente triangulo, donde para que las lineas rectas AD . AE . caen sobre las lineas rectas paralelas BC . DE . sean los angulos ADE . AED . iguales a los angulos ABC . ACB .



\dagger Tambien los triangulos ABC . ADE . sean equiangulos, y por esto sea como AD . a DE . asi AB . a BC . \dagger y tambien como AB . a AB . asi DE . a BC . \dagger y es AD . maior q̄ AB . luego tambien DE . sea mayor que BC .

Theo.

\dagger 1.

\dagger 12 supposito.

\dagger 1.

\dagger 29. p. elemē.

\dagger 4. 6. elemē.

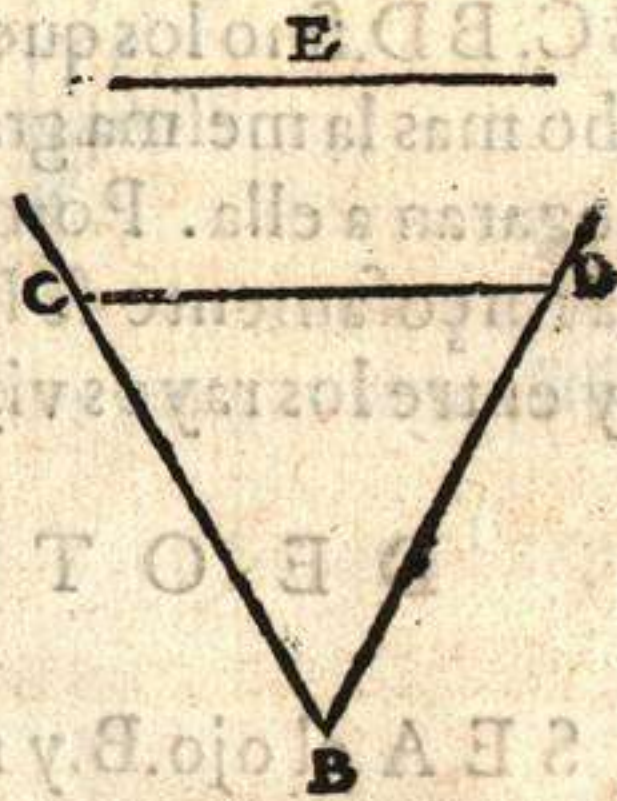
\dagger 16. 5. elem.

T H E O R E M A

3.

Cada cosa visible tiene vna determinada longitud de distancia, la qual passada no se vè mas.

S E A el ojo B. y la cosa visible CD. digo q̄ CD. puede apartarse a tal distancia donde no se vea mas, este CD. en la distancia q̄ ay entre los rayos visuales, y sobre ella este E. luego ningũo de los rayos visuales que salen del ojo B. llega a E. mas aquellas cosas no se vèn donde no llegan los rayos visuales. † Por lo



qual cada vna cosa visible tiene vna determinada longitud de distancia, la qual passada no se vè mas: pero conviene que entre la cosa visible y el ojo aya alguna distancia: porque de otra manera no se ueria.

†. 4. suposic.

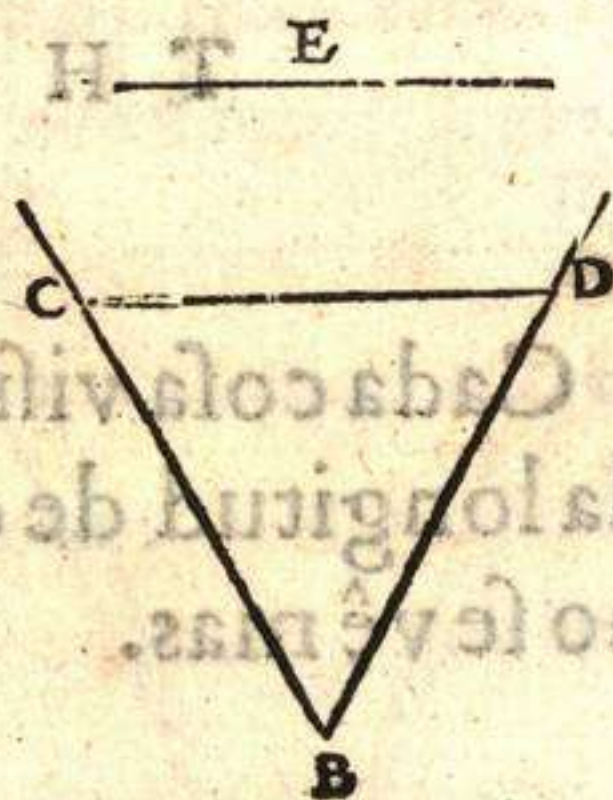
S C H O L I O.

B. 2.

PERO

la perspectiua

P E R O dira alguno que no solaméte los rayos visuales B C. B D. llegaran a la grandeza C D. sino tambien otros muchos entre los pũctos. C D. por q̄ alexada mas la grandeza C D. sino llegaren a ella los rayos visuales B C. B D. llegarã los que estã en medio: a esta duda respondemos anfi, que aunque alexada la grandeza C D. no la hieran los rayos visuales B C. B D. sino los que estan en medio, que alexada mucho mas la mesma grandeza, ni los que estan en medio, llegaran a ella. Porque apartandose la mesma grandeza forçosamente se ha de hazer mayor la distancia que ay entre los rayos visuales y ella.



D E O T R A M A N E R A.

S E A el ojo. B. y mirese la cosa visible. C D. debaxo del menor angulo que pueda auer, el qual sea C B D. digo que apartandose mas lexos. C D. no se vera, aparte-se pues poniendose mas lexos como en el punto. E. luego estando en. E. mirarse a con mas pocos rayos visuales y mirauase cõ los mas pocos que podia auer por auerse puesto el angulo C B D. el menor que podia ser, lo qual no puede ser.

T H E O R E M A

4.

Entre

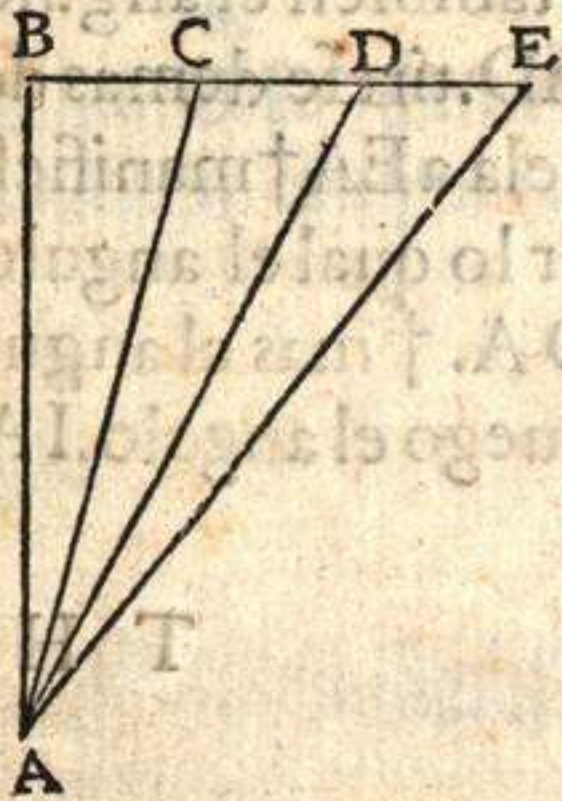
de Euclides.

7

8.

Entre las distancias iguales puestas sobre vna mesma linea recta, las que se miraren de mas lexos pareceran menores.

SEAN las distancias iguales BC , CD , DE . y el ojo sea A . del qual salgan los rayos visuales AB , AC , AD , AE . y este AB . en angulos rectos sobre BE . y porque en el triangulo rectangulo ABE . son iguales BC , CD , DE . †. sera el angulo BAC . mayor que el angulo CAD . y el angulo CAD . mayor que el angulo DAE . luego mayor parecera BC . que CD . y CD . que DE . ‡.

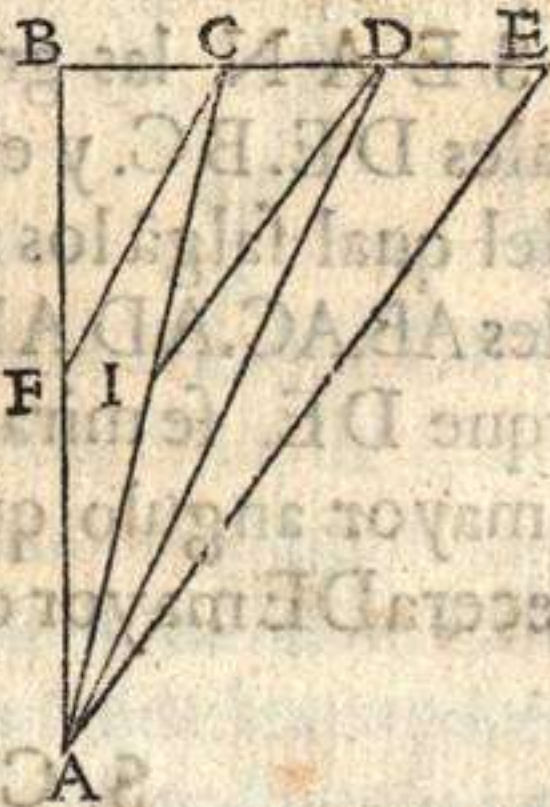


†. A.

‡. 5. suposic.

SCHOLIO.

† SEA el triangulo ABE . que tenga recto el angulo. B . y sean iguales BC , CD , DE . y tirese CA . DA . digo que el angulo BAC . es mayor que el angulo CAD . y el angulo CAD . mayor que el angulo DAE . tirese por el punto. C . la linea recta CF . para lela a DA . ‡. luego sera como DC . a CB . ansi AF . a FB . †. mas DC . es igual a CB .



†. A.

‡. 31. 1. elem.

†. 2. 6. elem.

B 3

luego

la perspectiua

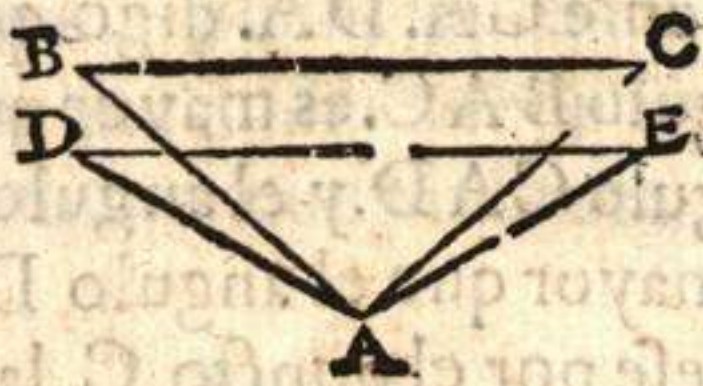
†19.1.elem. luego tambien AF. sera igual a FB. y porque el angulo
 B. es recto sera FC. mayor que FB. † mas FB. es igual a
 FA. luego FC. mayor sera que FA. y por esso el angulo
 †18.1.elem. FAC. sera mayor que el angulo FCA. † mas el angulo
 †29.1.elem. FCA. es igual al angulo CAD. por ser coalternos † lue
 go tambien el angulo FAC. sera mayor que el angulo
 CAD. tirese demas desto por el punto D. la linea DI. pa
 †31.1.elem. ralela a EA † manifiesto esta pues que DI. es mayor q̄ IA.
 por lo qual el angulo IAD. sera mayor que el angulo
 †18.1.elem. IDA. † mas el angulo IDA. es igual al angulo DAE.
 †29.1.elem. † luego el angulo. IAD. mayor es que el angulo DAE.

T H E O R E M A

5.

Las grandezas iguales que desigualmente estan apartadas parecen desiguales, y siempre parece mayor la que esta mas cerca del ojo.

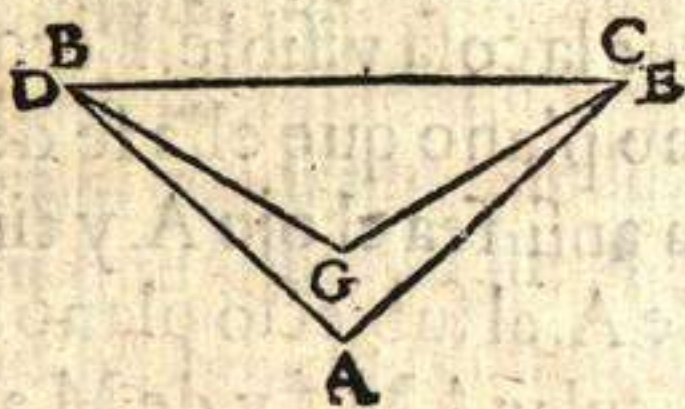
†. A.
 †. 5. suposic. S E A N las grandezas iguales DE. BC. y el ojo sea A, del qual salgã los rayos visuales AB. AC. AD. AE. † pues porque DE. se mira debaxo de mayor angulo que BC. parecera DE mayor que BC. †.



S. C. H O L I O.

L. A.

† L A grandeza DE. se mira debaxo de mayor angulo que BC. porque juntadas DE. BC. de manera q̄ B. caiga sobre D, y C. sobre E. y siendo las dos lineas AB. AC. mayores que GD. GE. caera el triangulo GDE. dentro del triangulo ABC. y sus lados contendran mayor angulo por la. 21. del primero.

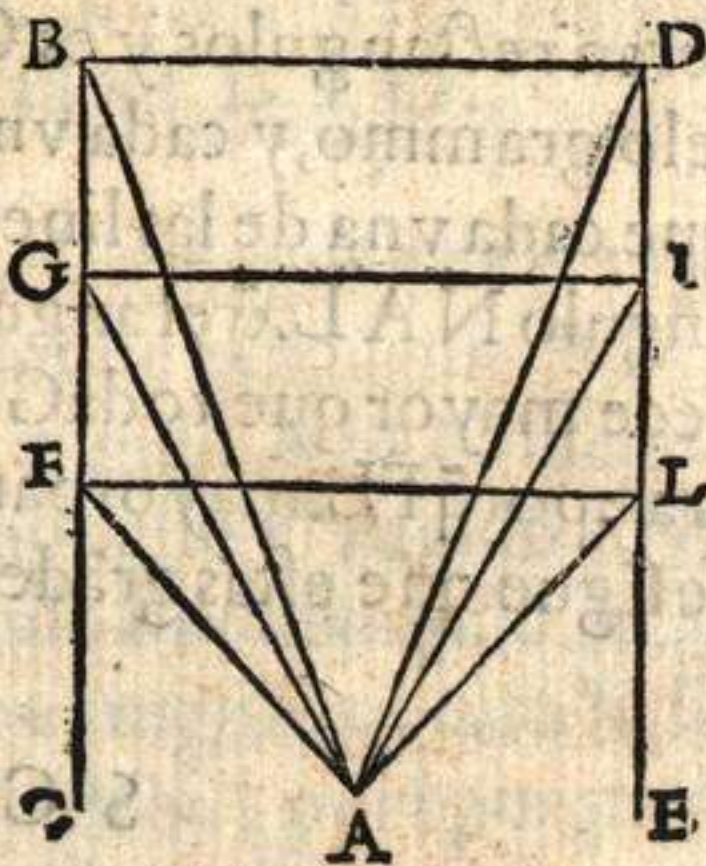


THEOREMA

6.

Las distancias paralelas miradas desde lexos, parecen de desigual latitud.

SEAN las distancias paralelas BC. DE. y el ojo sea A. digo que BC. DE. parecen de desigual latitud. Y que siempre la distancia que esta mas cerca parece mayor q̄ la mas apartada, salgan los rayos visuales AF. AG. AB. AD. AI. AL. y tirése las lineas rectas. LF. IG. DB. y porque el angulo FAL. es mayor q̄ angulo GAI. luego mayor parece la linea recta FL. que GI. † y por esso mesmo la linea recta GI. parece mayor q̄ la recta BD. de dõde se figure q̄ estas distancias no parecen paralelas, sino q̄ se van juntando con desigual latitud. Por lo qual las distancias paralelas miradas desde lexos parecen de desigual latitud, desta manera se demostraralo propuesto



†. 5. suposi.

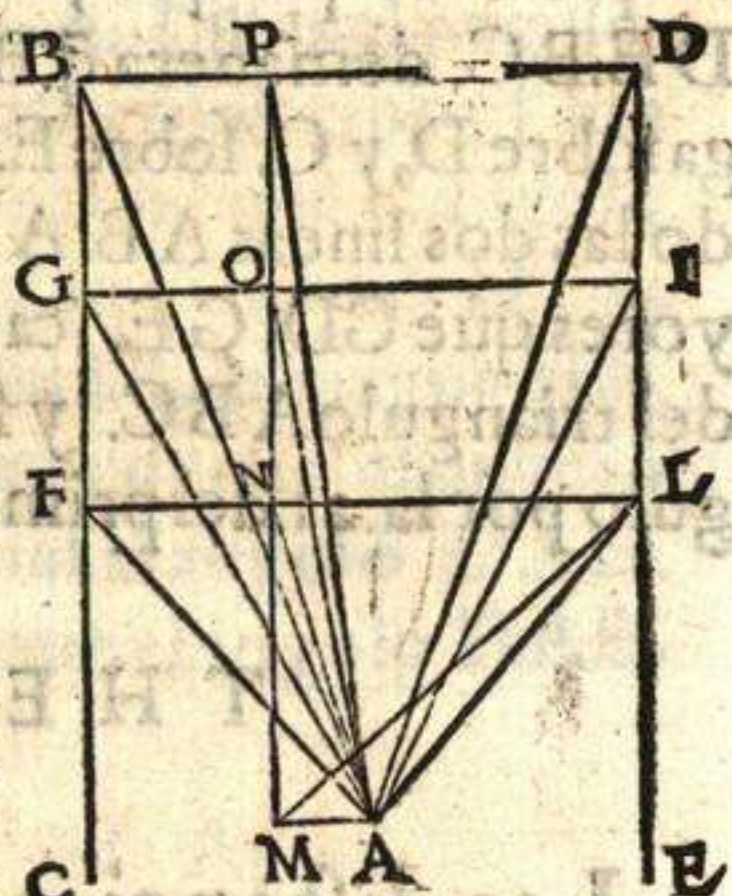


la perspectiua

puesto siempre que el ojo estuuiere en el mesmo plano que la cosa visible. Pero si el ojo no estuuiere en el mesmo plano que ella se demost

†.prop.ii.el

ra ansi sea el ojo A. y tirese desde A. al sujeto plano la perpendicular AM. † y de M. a FL. tirese la perpendicular MN. y estienda se hasta P. y salgan los rayos visuales AB. AG. AF. AD. AI. AL y juntense AN. AO. AP. y porque del punto A. puesto en alto se ha tirado al punto N. la linea recta AN. luego sera per-



†.A.

pendicular a LN. † y semejanteméte lo sera AO. a GI. y AP. a BD. por dōde los triangulos ANL. AOI. APD. seran rectangulos y es OI. igual a NL. por ser NI. paralelo grammo, y cada vna de las lineas OA. AI. es mayor que cada vna de las lineas NA. AL. luego mayor es el angulo NAL. q̄ el angulo OAI. por lo qual toda FL. parece mayor que toda GI. †. y lo mesmo es en todas las otras: por q̄ FL. mayor parece tambien que BD. de donde se sigue que estas grãdezas parecen de desigual latitud.

†.s. suppo.

SCHOLIO

†.A.

†.Q V E. AN sea perpendicular a NL. se demosttrara ansi: porque del punto A. se ha tirado al sujeto plano la perpendicular AM. luego con todas las lineas que la tocan, y estan en el sujeto plano haze los angu-

†3. deff. ii. el

los rectos, † y porque MN. es perpendicular a FL. tambien

bien,

bien MN. hará angulo recto con MA. tirese desde M,
 a L, la linea ML. luego ML. hará angulo recto cō MA, † 3. def. 11. el.
 pues porque el triangulo AMN. es rectangulo que
 tiene recto el angulo AMN. fera el quadrado que se ha
 ze de AN. igual a los quadrados que se hazen de AM.
 MN. † Item porque el triangulo MNL. es rectangulo † 47. 1. el.
 que tiene recto el angulo MNL, fera el quadrado de
 ML. igual a los quadrados de MN. NL. y es el quadra
 do de AL. igual a los q̄ se hazē de AM. MN. NL. y a los
 quadrados de AM. MN. es igual el quadrado de AN.
 por ser el triangulo AMN. rectangulo, que tiene recto
 el angulo AMN. luego el quadrado que se haze de AL.
 fera igual a los que se hazen de AN. NL. y ansi por la
 48. del primero de los elementos el angulo ANL. es
 recto que era lo que conuenia demostrar.

O T R O S C H O L I O.

† QVE el angulo NAL. sea mayor que el angulo
 OAI. se demostrara ansi: porque el triángulo AMN.
 es rectangulo q̄ tiene recto el angulo AMN. luego el
 angulo ANM. fera agudo, y por esto el angulo ANO.
 fera obtuso, y ansi en el triangulo obtusiangulo AON.
 estando el lado AO. oppuesto al angulo obtuso N, fera
 el lado AO. mayor que el lado AN. † pues porque los
 triangulos AOI. ALN. son rectangulos que tienen re
 ctos los angulos O, N, luego el quadrado que se haze de
 AI. es igual a los que se hazen de AO, OI. † y seme
 jantemente el quadrado de AL. es ygual a los quadra
 dos de AN, NL, mas los quadrados de AO, OI. son ma
 yores q̄ los quadrados de AN, NL. porque OI, es igual
 a NL.
 C

† B.

† 19. 1. elem.

† 47. 1. ele.

la perspectiva

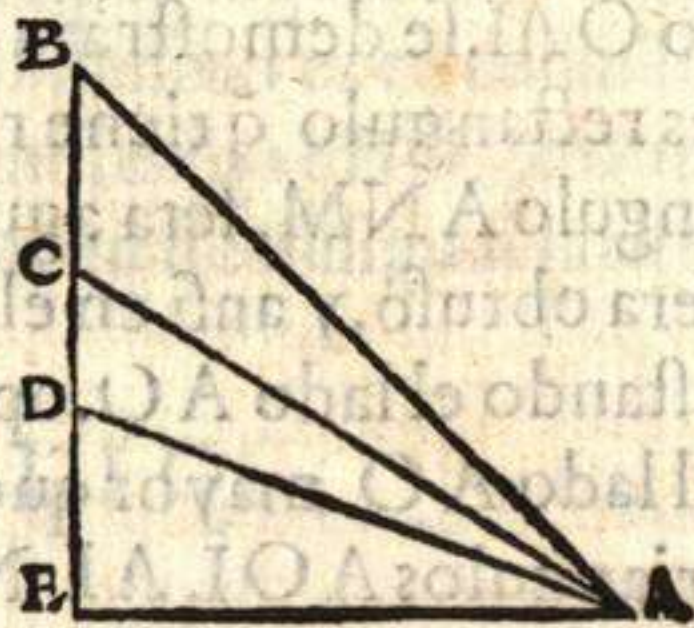
a NL, siendo lados opuestos del paralelogramo NI, y OA, es mayor que NA. por lo qual el quadrado que se haze de AI, es mayor que el que se haze de AL. y assi AI. sera mayor que AL. y ha se demostrado OA. mayor que NA. y OI, igual a NL. luego si pusieremos a OI. sobre NL. caera el triangulo ANL. dentro del triangulo AOI. y assi por la. 21. del primero de los elementos, sera mayor el angulo NAL. que el angulo OAI. lo qual conuenia demostrar.

THEOREMA

7.

Las grandezas iguales, que puestas en vna mesma linea recta, estan entresi apartadas, parecen desiguales.

SEAN las grandezas iguales BC, DE. y el ojo sea A, del qual salgan los rayos visuales AB, AC, AD, AE. y sea recto el angulo BEA. luego mayor es el angulo EAD. q̄ el angulo BAC. † y por esto ED, parecera mayor que BC. † de donde se sigue que las grandezas BC. DE. parecen desiguales.



† Schol. del.
4. theor.
† 5. suposic.

THEOREMA

8.

Las

Las grandezas iguales, desigualmente apartadas, no guardan la misma razón, en los ángulos que en las distancias.

SE A, BC. igual a DE. y póngase paralela a ella, y sea el ojo A. del qual salgan los rayos visuales AEC. AFB. AE. AGD. y este AC. en ángulos rectos sobre CB. digo que no parece aver la misma proporción entre las grandezas BC. DE. que entre las distancias CA. EA. porque el ángulo DEA. es recto sera el ángulo EFA. agudo † por lo qual FA. sera mayor que EA. † pues si sobre el centro A. con la distancia AF. se descriuiere vn circulo caera fuera de EA. descriuase pues, y sea GF. y porque el triangulo DFA. tiene mayor proporción al sector FGA. que el triangulo EFA. al sector IFA. † permutando pues el triangulo FDA. al triangulo EFA. tendra mayor proporción que el sector GFA. al sector IFA. † y componiendo el triangulo EDA. al triangulo EFA. tendra mayor proporción que el sector GIA. al sector IFA. † mas como el triangulo EDA. al triangulo EFA. assi DE. a EF. † y como el sector IGA. al sector IFA. assi el ángulo DAE. al ángulo FAE. † luego DE. a FE. mayor proporción tiene que el ángulo GAE. al ángulo. FAE. mas como DE.



† 17.1. el.
 † 19.1. elem.
 † 7. def. 5.
 † 27. 5. ele.
 † 28. 5. elem.
 † . 1. 6. el.
 † Corol. 33.
 6. elem.

C a a FE.

la perspectiva

† 4.6. elem. a F E. anfi CA. a A E. † tendra pues CA, a AE, mayor pro-
porcion que el angulo G A E. al angulo F A E. y deba-
xo del angulo G A E. se mira la grandeza D E. y deba-
xo del angulo B A E, se mira la grandeza B C. por lo qual
las grandezas iguales no guardan la mesma razon en
los angulos que en las distancias.

T H E O R E M A

Las grandezas rectangulas, miradas desde lexos, parecen redondas.

SE A la grandeza rectan-
gula mirada desde lexos A B.
pues porque cada vna de las co-
sas visibles tiene vna determi-
nada longitud de distancia, la
qual passada no se vè mas † lue-
go el angulo B, no se vè, sino so-
lamente los puntos E F G. lo
mesmo succedera en cada vno de los demas angulos:
por lo qual toda la grandeza A B. parecera redonda.



S C H O L I O.

EL angulo B, no se vè porque la latitud de las fi-
guras rectangulas es menor hazia los angulos que ha-
zia otra parte, y anfi las partes que està mas cerca de los
angulos se desaparecen mas presto que las de en medio
de la figura.

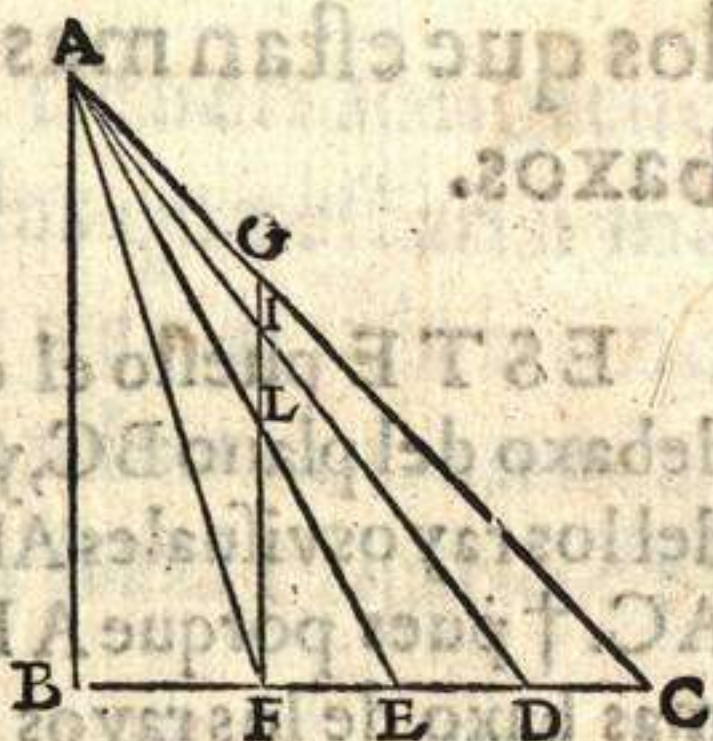
T H E O

THEOREMA

10.

Entre los planos puestos debaxo de el ojo, los que estan mas apartados parecen mas altos.

EST E puesto el ojo A, mas alto que el plano BC, y falgan del ojo A, los rayos visuales AC, AD, AE, AF, AB. entre los quales AB, este perpendicularmēte sobre el sujeto plano, digo que CD. parecera mas alto que EF. † por que los rayos visuales AC. AD. debaxo de los quales se mira el plano CD. son mas altos que los rayos visuales AE. AF. debaxo de los quales se mira EF, luego CD. mas alto parecera que EF. y EF. que FB. porque las cosas que se miran cō rayos visuales mas altos parecen mas altas. †.



†. A.

† 8. suposic.

SCHOLIO.

† Q V E los rayos visuales AC, AD. sean mas altos que los rayos AE, AF. esta manifesto tirese FG. perpendicular al sujeto plano BC. † y porq̄ el punto G, esta mas alto q̄ I. y I, mas que L, y el rayo visual AC. se tira por el punto G, y AD, por I, y AE. por L, luego AC,

†. A.

†. 11. 11. el.

C 3

mas

la perspectiua

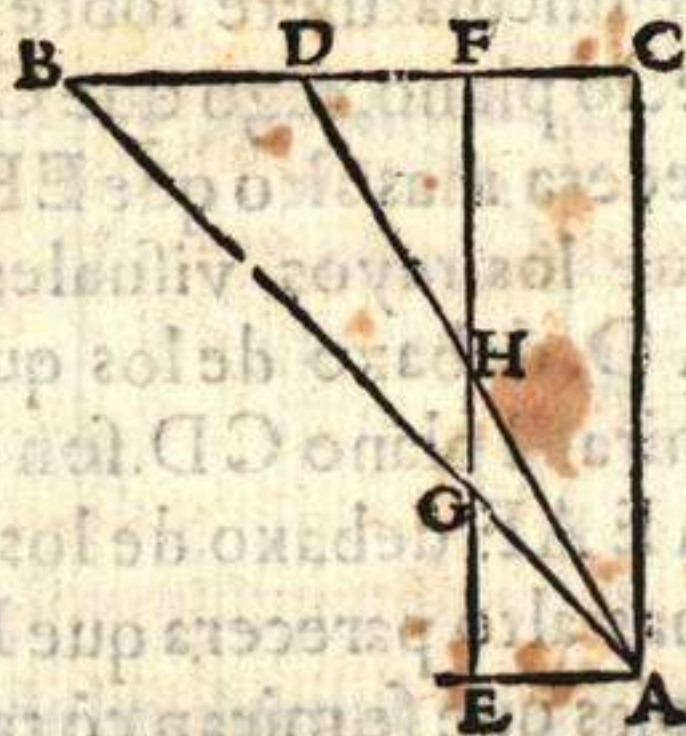
mas alto sera que AD. y AD, mas que AE. y AE. mas que AF. por lo qual los rayos visuales AC, AD. mas altos parecen que los rayos visuales AE, AF.

T H E O R E M A

II.

Entre los planos puestos sobre el ojo, los que estan mas apartados, parecen mas baxos.

t. A. ESTE puesto el ojo A, debaxo del plano BC, y salgã del los rayos visuales AB, AD, AC. † pues porque AB, es el mas baxo de los rayos visuales que salen del ojo A, al plano BC. y AD, es mas baxo que AC. y por los rayos visuales AB, AD. se mira el plano BD. y por los rayos visuales AD, AC. se mira el plano DC. luego BD, mas baxo parece que DC.



SCHOLI O.

t. A. † Q V E, AB. sea el mas baxo de los rayos visuales que salen del ojo A. al plano BC. lo demostraremos assi, sea el plano EA paralelo al plano BC. y menor que DC, y

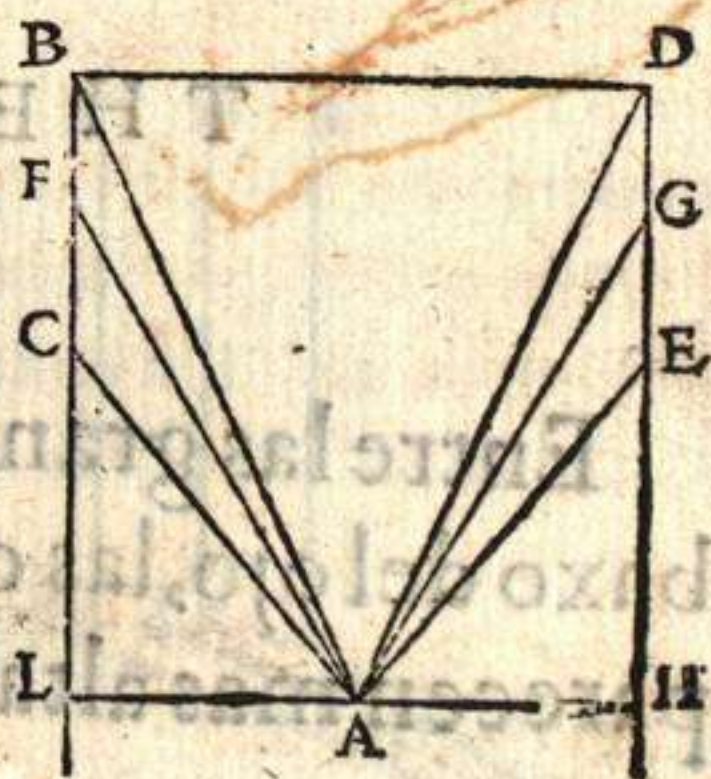
DC, y tirese EF perpendicular al plano AE. y porque el punto G, esta mas baxo que el punto H. y el rayo visual AB, passa por el punto G, y el rayo visual AD, por el punto H. luego AB. mas baxo esta que AD. desta mesma manera demostraremos todos los demas.

T H E O R E M A

12.

Entre las cosas, que tienen longitud hazia la parte anterior, las que estan a mano derecha, parece que van hazia mano izquierda, y las que estan hazia mano izquierda, parece que van hazia mano derecha.

SEAN las cosas visibless BC, DE. y el ojo sea A, del qual salgan los rayos visuales AC, AF, AB, AD, AG, AE. † luego D, mas parece que va hazia mano izquierda que G, y ni mas ni menos B, mas parece que va hazia mano derecha que F, por lo qual entre las cosas que tienen longitud hazia la parte anterior las que



†. *[Handwritten flourish]*

están a mano derecha parece q̄ van hazia mano izquierda y las

la perspectiva

da y las que estan a mano izquierda parece que van hacia mano derecha.

SCHOLIO.

† A.

† QVE, D, parezca yrse mas hacia mano izquierda que G, y G, mas que E, y que ni mas ni menos B, parezca yrse mas hacia mano derecha que F, y F, mas que C, se manifestara ansi, este A H, en angulos rectos con D H, y semejantemente AL, con L B, luego de todos los rayos que salen del ojo A, y van a D H, el menor es el perpendicular AH, por lo qual el punto H, esta el mas a mano derecha y ansi el rayo A H, lo esta mas que los rayos visuales A E, A G, A D. y porque A E, esta mas cerca de AH, que A G, y A G, esta mas cerca de AH, que A D. luego A D, mas parecera declinar a mano izquierda que A G, y A G, mas que A E, y por esto D, parece declinar mas hacia mano izquierda q̄ G. y G, mas q̄ E, semejantemente demostraremos que B. declina mas hacia mano derecha que F, y F, mas, que C.

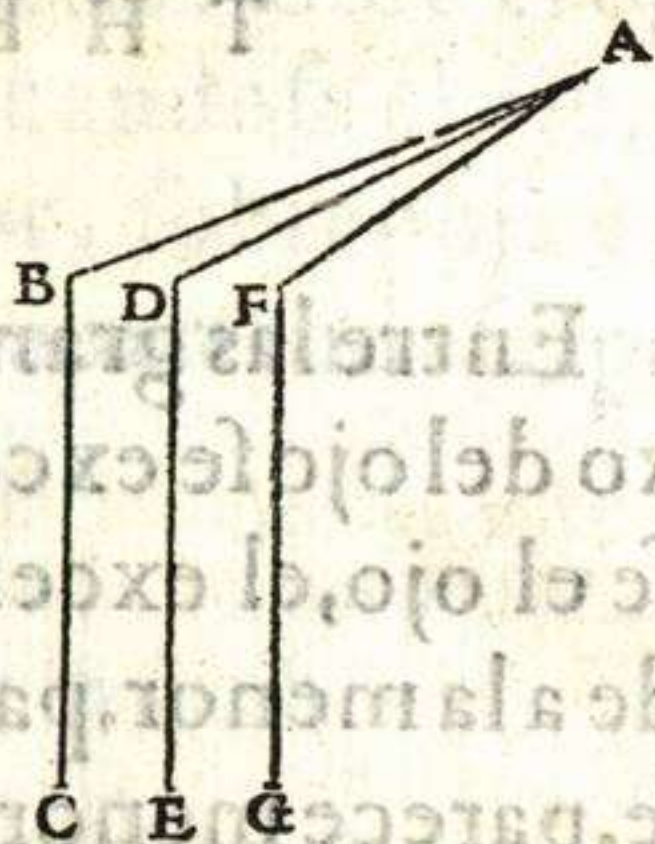
THEOREMA

13.

Entre las grandezas iguales puestas de baxo del ojo, las que estan mas apartadas, parecen mas altas.

SEAN

SE AN las grandezas igua
les BC.D E.FG.las quales esten
puestas debaxo del ojo A, y del
ojo A, salgan los rayos visuales
AB.A D.A F.y porque AB.esta
mas alto que los demas rayos vi
suales, luego tambien el punto
B, estara mas alto que los pun
ctos D.F. y por el configuiente
tambien BC.estara mas alto que
D E.y D E.mas que F G.por lo
qual entre las grãdezas iguales puestas debaxo del ojo
las que estan mas apartadas parecen mas altas.

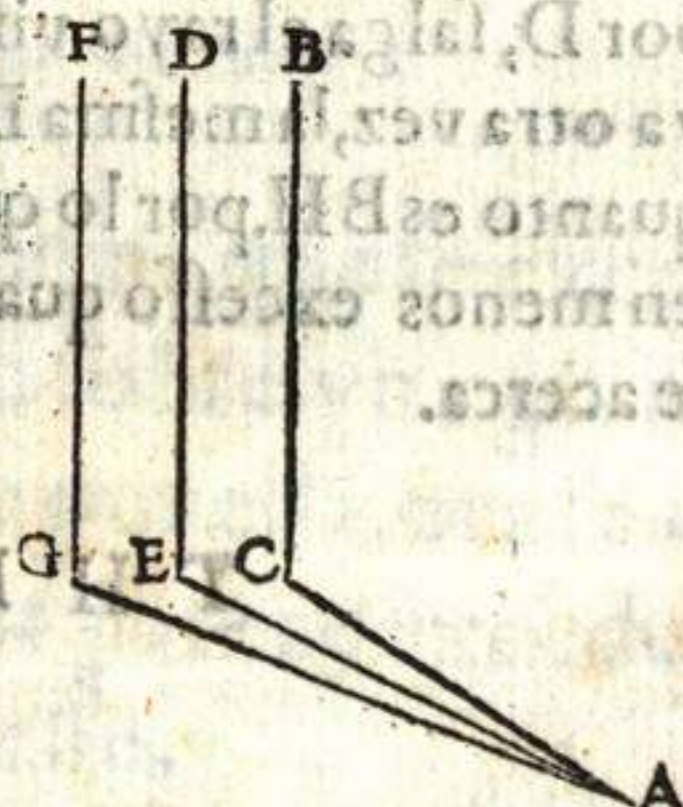


T H E O R E M A

14.

Entre las grandezas iguales puestas so
bre el ojo, las que estan mas apartadas, pa
recen mas baxas.

SE AN las grãdezas igua
les BC.D E.FG.las quales esten
puestas encima del ojo A, y del
ojo A, salgan los rayos visuales
AC.A E.A G.y porque A G.esta
mas baxo que los de mas rayos
visuales, luego el punto G.mas
baxo estara que los demas pun
ctos, y por esto F G. parecera
mas baxo que D E.y D E. mas que B C.



D THEO

la perspectiva

THEOREMA

15.

Entre las grandezas que puestas debaxo del ojo se exceden entresi, acercando se el ojo, el exceso en que la mayor excede a la menor, parece mayor, y apartando se, parece menor.

SE A, BC. mayor que DE. y póngase el ojo A, sobre BC. DE. y salga por el punto D, el rayo visual AF. luego BC. mayor parece que DE. tanto quanto es BF. por parecer FC. igual a DE. con mirarse debaxo de vn mismo rayo visual AF. mudese agora el ojo del punto A, al punto G. y por D, salga el rayo visual GH. ya otra vez, la mesma BC. parecera mayor que DE. tanto quanto es BH. por lo qual BC. parecera exceder a DE. en menos exceso quando se aparta el ojo que quando se acerca.



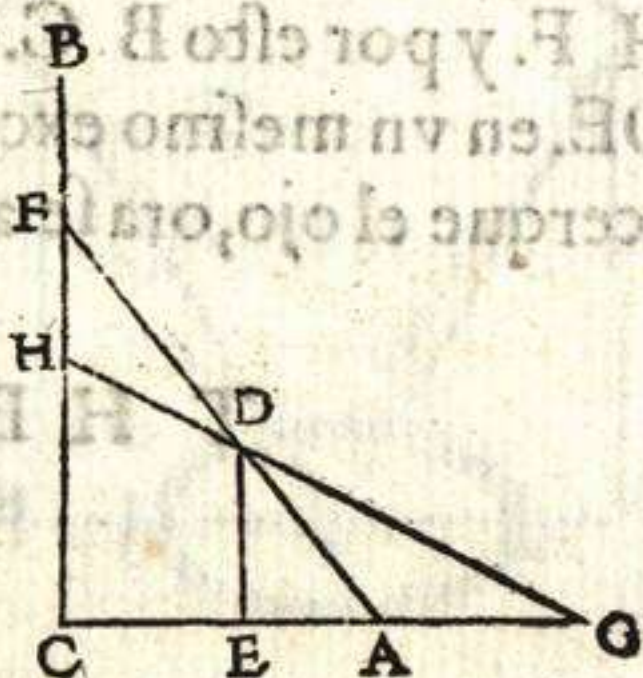
THEOREMA

16.

Entre

Entre las cosas que puestas sobre el ojo se exceden entre si, acercandose el ojo, el exceso en que la mayor, sobrepuja a la menor, parece menor, y apartandose, parece mucho mayor.

SEA, BC. mayor que DE. y este el ojo A, puesto debaxo de ellas, y salga por el punto D, el rayo visual AF. luego BC. mayor parece que DE. tanto quanto es BF. mudese agora el ojo del punto A, al punto G, y salga por el punto D, el rayo visual GH. agora pues BC. parecera mayor q̄ DE. tanto quanto es BH, por lo qual acercandose el ojo, la mayor BC. parece exceder a DE. en menos, y apartandose parece excederla en mas.



T H E O R E M A

17.

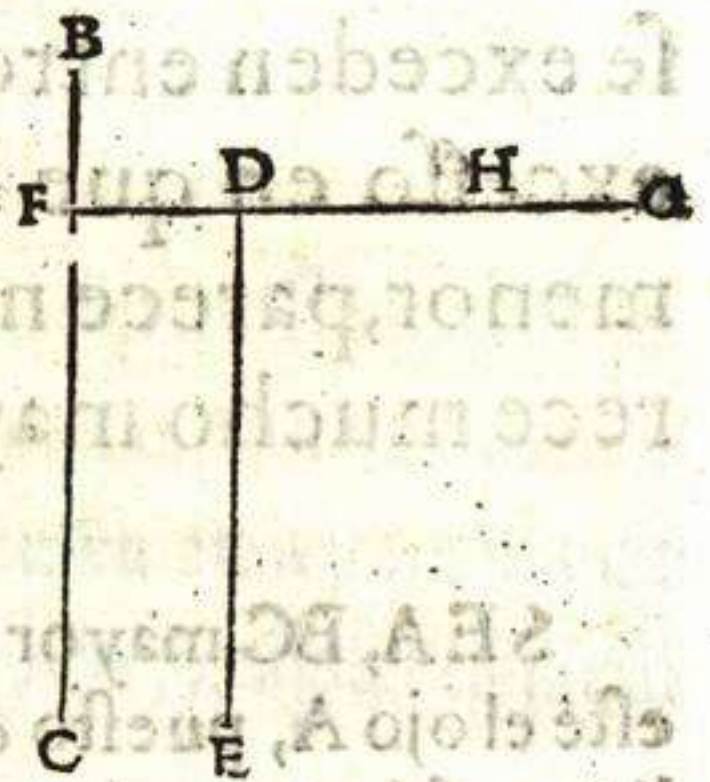
Entrē aquellas grandezas que se exceden entresi, puesto el ojo sobre vna grandezza menor, ora se alexe por ella, ora se acerque, siempre la mayor parece exceder a la menor en igual exceso.

D 2

EXCE

la perspectiua

Exceda BC. a DE. en BF. y tirada FD. estiendase, y este el ojo sobre el punto G, luego el rayo visual que saliere del punto G. ira por GF. mudese agora el ojo sobre el punto H. por la mesma razon pues, el rayo visual q̄ saliere del ojo H. ira por HF. y por esto BC. excedera a DE. en vn mesmo excesso, ora se acerque el ojo, ora se alexe.

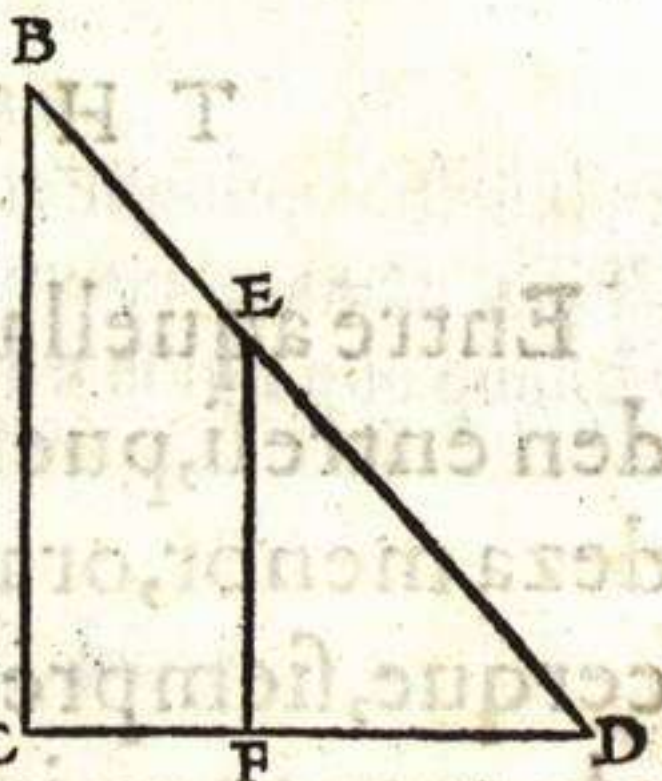


T H E O R E M A

18.

Conoscer la cantidad de vna altura dada.

Sea la altura dada BC. cõuine ne pues conocer su cãtidad: paf se pored pũcto B, el rayo del sol ED. cuya sombra sera CD. y tome se vna grandeza q̄ sea FE. y aplique se debaxo del angulo D, paralela a BC. sera pues como DC. a CB. asi DF. a FE. † mas la razon de DF. a FE. es conocida, luego la razon de DC. a CB. sera conocida, y es conocida la sombra DC. por lo qual la altura BC. sera conocida.



† 2.6. elem.

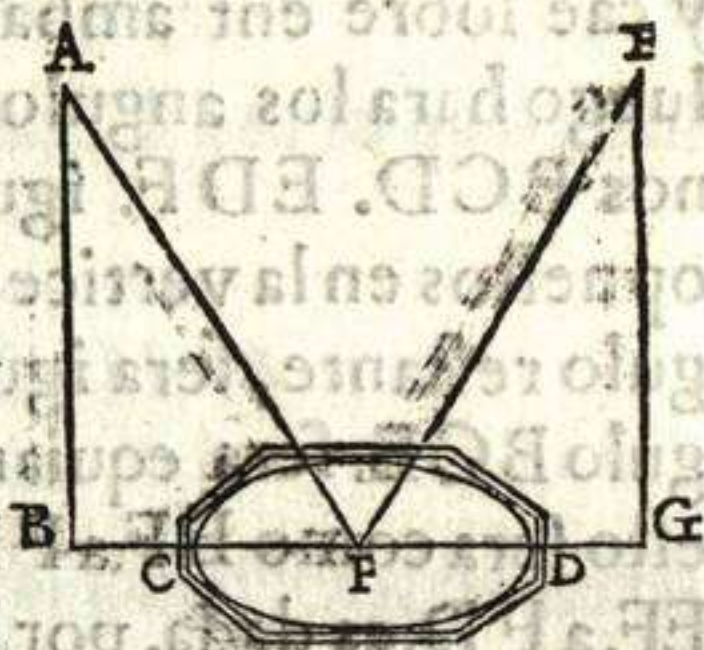
T H E O -

T H E O R E M A

19.

Conoscer la cantidad de vna altura da-
da, no pareciendo el Sol.

SE A la altura dada cuya
cantidad conuiene conoscer
A B. y pongase el espejo CD.
y el ojo sea E, del qual salga el
rayo visual E F. que reflecta
en el termino A, y tirese del
ojo E, la perpendicular E G.
iguales seran pues los angu-
los A F B. E F G. lo qual se de-
mostro en el primero de los
espejos, y es el angulo B, igual al angulo G. por ser cada
vno dellos recto, luego el restante A, sera igual al restã-
te E, por lo qual el triangulo A B F. sera semejante al triã-
gulo E F G. y por esto sera como F B. a B A, asi F G. a
G E. † mas la razon de F G. a G E. es conocida, por el cõ
siguiente pues, la razon de F B. a B A. sera conocida, y
es conocida la cantidad F B. luego tambien sera cono-
cida la de la altura A B.



† 4.6. elem.

T H E O R E M A

20.

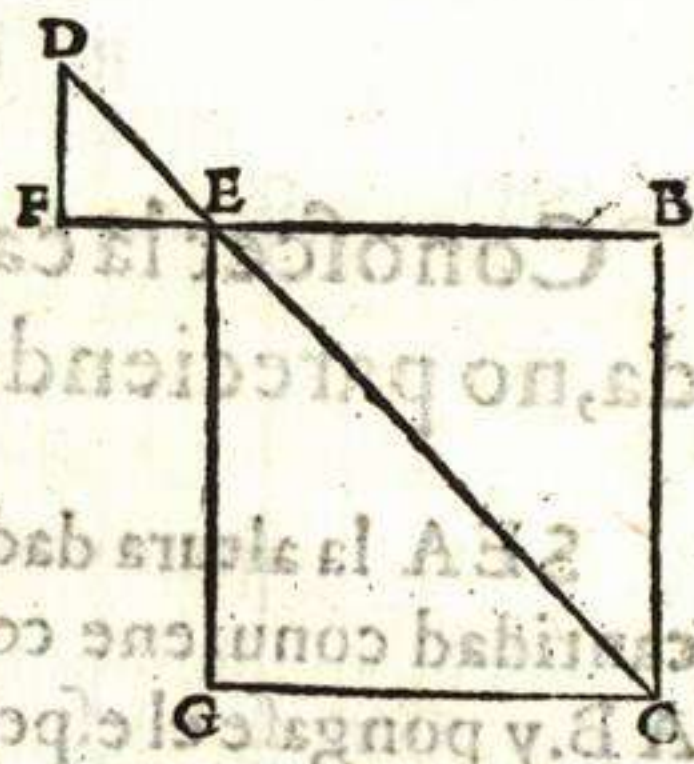
Conoscer la cantidad de vna profun-
didad dada.

D 3

SE A

la perspectiua

SE A la profundidad cu-
ya cantidad conuiene cono-
cer B C. y pongase el ojo en
D, desde el qual hasta la pro-
fundidad vaya el rayo visual
D E C. y por el punto D. ti-
rese D F. paralela a B C. pues
porque D F. es paralela a B C.
y cae sobre entrambas D C.



luego hara los angulos alter-
nos B C D. E D F. iguales entre si † y son los angulos
opuestos en la vertice E, iguales entre si † luego el an-
gulo restante, sera igual al angulo restante, y el trian-
gulo B C E. sera equiangulo al triangulo E D F. y por
esto sera como E F. a F D. asi E B. a B C. † mas la razon de
E F. a F D. es dada, por lo qual la razon de E B. a B C. se-
ra dada, y es dada a E B. luego tambien B C. sera dada.

† 29.1.el.

† 15.1.elem.

† 4.6.elem.

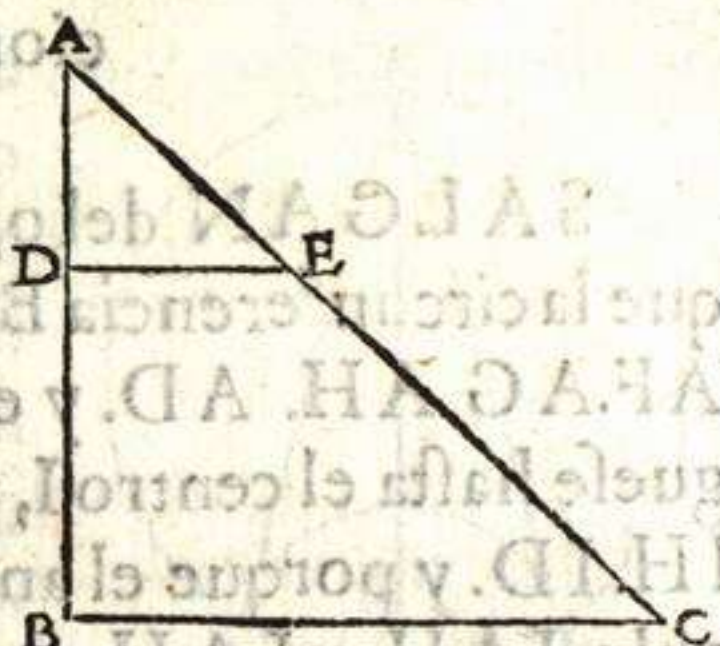
T H E O R E M A

21.

Conoscer la cantidad de vna longi-
tud dada.

SE A

SEA la longitud cuya cantidad conuiene conocer BC. y pōgase el ojo en A, del qual salgan los rayos visuales AB.AC. y por el punto D, tirese DE. paralela a BC. sera pues como DE.a EA. así BC. a CA. † mas la razon de DE.a EA. es conocida, luego la razon de BC. a CA. sera conocida, y es conocida CA. por lo qual tambien CB. sera conocida.



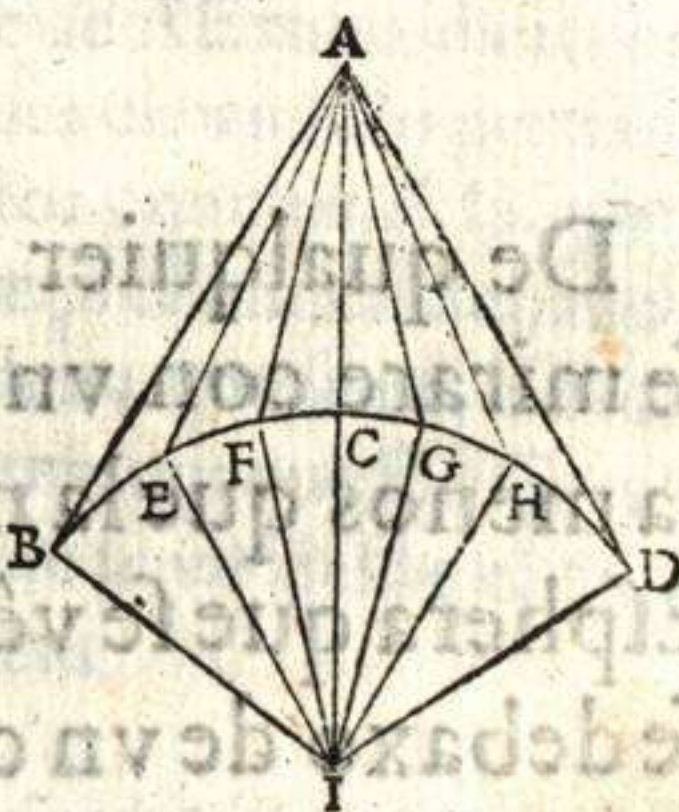
† 2. y 4. 6. el.

T H E O R E M A

22.

La circunferencia de vn circulo, puesta en el mesmo plano que el ojo, parecera linea recta.

Sea la circunferencia BD. y este el ojo A, en el mesmo plano que la circunferencia BD. y salgã del los rayos visuales AB. AC. AD. y porq̃ ninguna cosa visible se vè toda juntamete † luego no se parecera la circunferencia BC. sino solos sus terminos BC. por lo qual la circunferencia BC. parecera linea recta, y de la mesma manera CD. y así mesmo toda la circunferencia BD. parecera ser linea recta.



†. 1. Theor.

OTRA

la perspectiva

OTRA DEMOSTRACION

cion de Pappo.

Jo. 2. 40. 27
† s. suposic.
SALGAN del ojo A, puesto en el mismo plano que la circunferencia BCD. los rayos visuales AB. AE. AF. AG. AH. AD. y estédido el rayo visual AC. alarguese hasta el centro I, del qual se tiren IB. IE. IF. IG. IH. ID. y porque el angulo IAD. es mayor que el angulo IAH. y IAH. es mayor que IAG. luego ID. mayor parece que IH. y IH. mayor que IG. y IG. mayor que IC. y por esso el punto C, parece estar mas cerca del centro I, que el punto G. y G. mas que H. y H, mas que D, por lo qual la circunferencia CGHD. parece ser linea recta, de la mesma manera se demostrara que la circunferencia CFEB. parece linea recta, de donde se sigue que toda la circunferencia parecera ser linea recta.

T H E O R E M A

23.

Jo. 2. 1. 7
De qualquier manera que la Esphera se mirare con vn ojo solo, siempre se vera menos que la mitad, y aquella parte de Esphera que se vê, parece comprehenderse debaxo de vn circulo.

OTRA

SE A la Esphera cuyo cen-
tro B, y el ojo sea A. y juntese
A B. sobre la qual por el punto
B, se tire en angulos rectos
C B D. y por A B. y C B D. tirese
vn plano † el qual hara vn circu-
lo en la Esphera, haga lo y sea,
C D G F E. y al rededor del dia-
metro A B. descriuase vn circu-
lo, y juntese las lineas B E. E A.



† A.

† 31.3. ele.

A G. G B. G E. pues porque los
angulos BEA. AGB. son rectos, † por estar en semicir-
culos, y A E. A G. tocan las lineas B E. B G. tiradas del
centro en vn solo punto de la Esphera, luego los rayos
visuales que salen del ojo A, caeran segun las lineas A E.
A G. y porque cada vno de los angulos que esta al rede-
dor del punto H, es recto por ser C D. paralela a E G. y
E H. igual a H G. luego si estando fixo el lado H A. se re-
boluiesse el triangulo HEA. hasta tornar al lugar de do
començo a mouerse sucedera que A E. mouida al rede-
dor, tocara la superficie espherica en vn solo punto E,
y se descriuira vn circulo por los puntos E. G. por lo
qual de necesidad se ha de comprehender debaxo de
vn circulo aquella parte de Esphera que se vè, la qual es
menor que la mitad de la Esphera: porque E F G. es me-
nor que semicirculo, y asi lo que se vè desde el ojo, es
menor que la mitad de la Esphera.

S C H O L I O.

† Q V E si la Esphera se cortare con vn plano la co-
E mun

la perspectiua

mun feciõ sera vn circulo, tomase como por cierto en los phenomenos, y de muestrase en los esphericos.

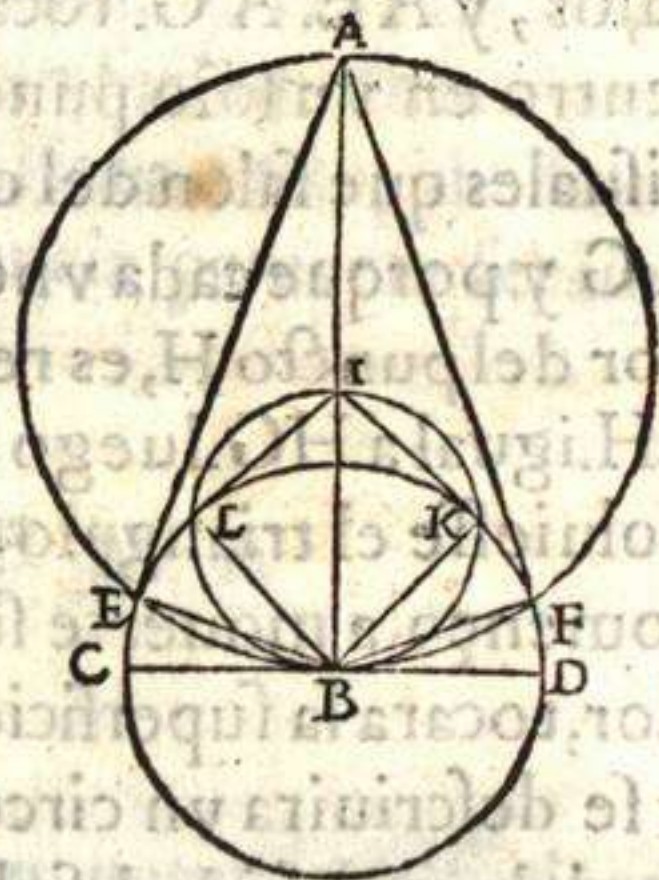
T. H. E. O. R. E. M. A

24.

Llegandose el ojo mas cerca de la Esphera, lo que della vè es menos, y parece que vè mas.

SE A la Esphera cuyo cèn-
tro B, y tirese del ojo A, al cen-
tro B, la linea A B, y por el pun-
cto B, leuãtase sobre ella en an-
gulos rectos C D. y al rededor
de A B, descriuase vn circulo, y
juntense A E. E B. A F. F B. y por-
q̃ los angulos A E B. A F B. son re-
ctos † por estar en semicirculos
luego las lineas A E, A F. tocarã
la Esphera en vn solo punto, y
por esto los rayos visuales que salen del ojo A. caeran
segun las lineas A E. A F. mudese el ojo A. sobre el pun-
cto I. y al rededor de I B. descriuase vn circulo, y junten-
se I L. L B. I K. K B. tocaran pues la esphera I K. I L. en vn
solo punto, por lo qual los rayos visuales que salen del
ojo I, caeran segun I L. I K. de donde se sigue que deba-
xo del angulo I. se mira L K. y debaxo del angulo A. se
mira E L k F. y por esto E L K F. aunque es mayor que

L K. to-



† 31.3. elem.

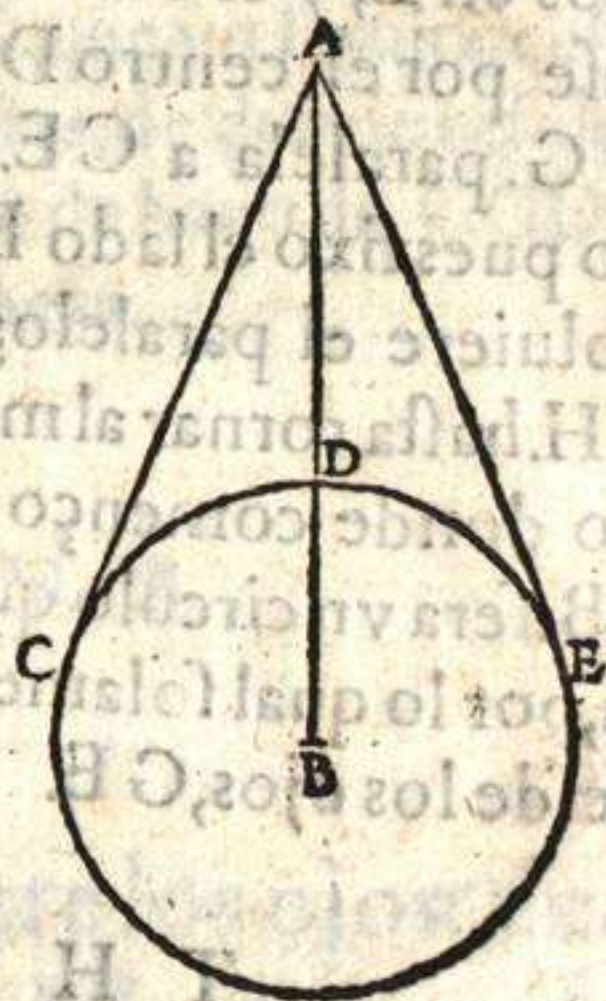
LK. toda via parece menor por ser el ángulo I, mayor q̄ el ángulo A, y por ser mayores las cosas que se miran de baxo de mayor ángulo † luego LK. mayor parece que EL KF. aunque es menor. † 5. *suposic.*

T H E O R E M A

25.

La esphera mirada desde lexos, parece circulo.

ESTE en la esphera que tenga por centro el punto B, el mayor circulo CDE. y del ojo A, salgan los rayos visuales AC. AD. AE. y porque la circunferencia CDE. parece linea recta † luego las de mas circunferencias descritas en la esphera pareceran lineas rectas, por lo qual la esphera puesta lexos del ojo parecera circulo.



† 22. *Theor.*

T H E O R E M A

26.

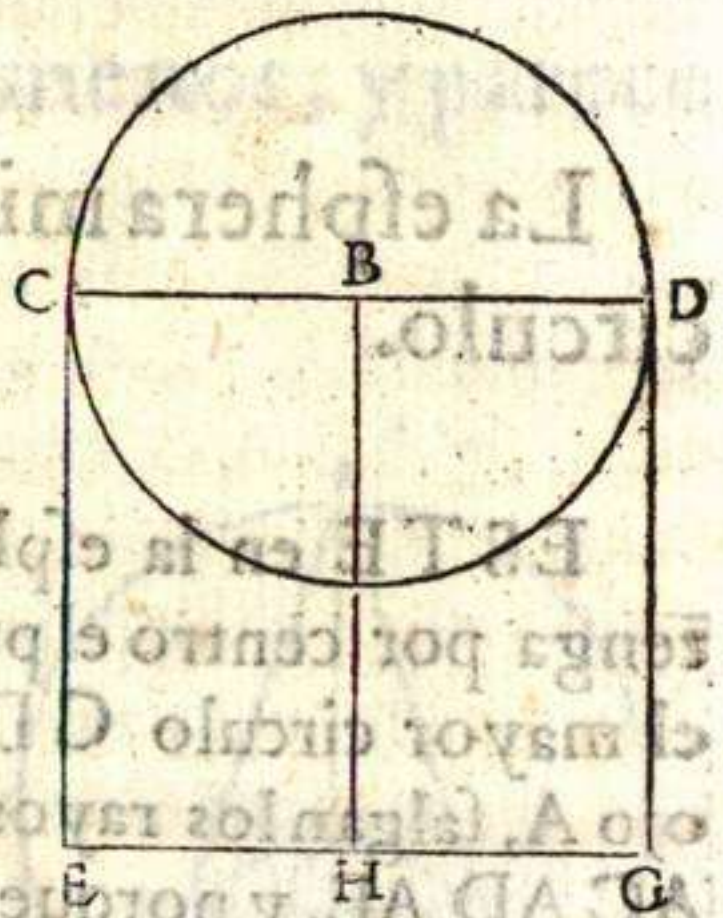
E 2

Siel

la perspectiva

Si el diametro de la Esphera mirada cō entrambos ojos, fuere igual a la linea recta que ay entre el vno, y el otro ojo, verse ha la mitad de la Esphera.

SEA la esphera cuyo diametro CD . y de los puntos C . D . tirése en angulos rectos las lineas CE . DG . y por el punto E , tirese EG . paralela a CD . y pongase el vno de los ojos en E , y el otro en G . y tirese por el centro D , la linea DG . paralela a CE . si estando pues fixo el lado BH . se revoluiere el paralelogrammo CH . hasta tornar al mesmo punto donde començo a mouerse, la figura descripta de CB . sera vn circulo que passara por el cétro de la esphera, por lo qual solamente se vera la mitad de la esphera desde los ojos, GE .



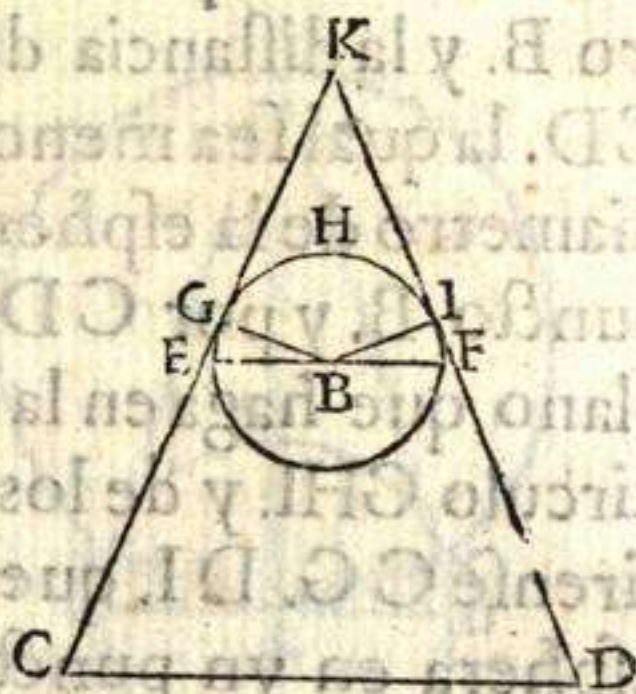
T H E O R E M A

27.

Si la distancia que ay entre los ojos, fuere mayor que el diametro de la Esphera, verse ha mas que la mitad de la Esphera.

SEA

SEA la esfera cuyo centro B, y la distancia que ay entre los ojos sea CD. la qual sea mayor que EBF. diametro de la esfera, y por el punto E, y por CD. tirese vn plano que haga en la esfera el circulo GHI. y salgan los rayos visuales CG. DI. que la toquen en vn punto los quales alargados concurriran, por ser CD. mayor que el diametro de la esfera, concurran pues, y sea en el punto k, pues porque del punto k, caen las lineas kI, kG. que tocan la esfera en vn punto luego menor es IHG. que vn semicirculo por ser los angulos kIB. kGB. rectos, de donde resulta q̄ lo restante de la esfera que se v̄e de baxo de CGDI. sera mayor que la mitad de la esfera.



T H E O R E M A

28.

Si la distancia que ay entre los ojos, fue re menor que el diametro de la esfera, lo que se v̄e de la esfera, sera menor que la mitad della.

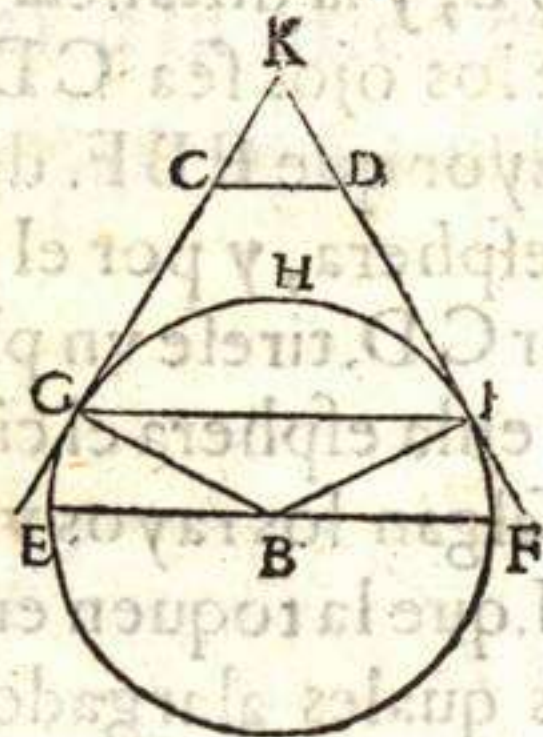
S E A

E 3

S E A

la perspectiva

SE A la esfera cuyo centro B. y la distancia de los ojos CD. la qual sea menor q̄ EBF. diametro de la esfera, y por el punto B. y por CD. tirese vn plano que haga en la esfera el circulo GHI. y de los ojos C.D. tirense CG. DI. que toquen la esfera en vn punto, y concurren entresi en el punto K, porque forçadaméte an de concurrir siendo desiguales el diametro de la esfera, y CD. y porque las lineas que caen del punto K. a la esfera comprehenden menos que la mitad de la esfera, luego GH. sera menos que la mitad de la esfera, y por esto aquello q̄ se vè debaxo de los ojos C,D. es menos que la mitad de la esfera.



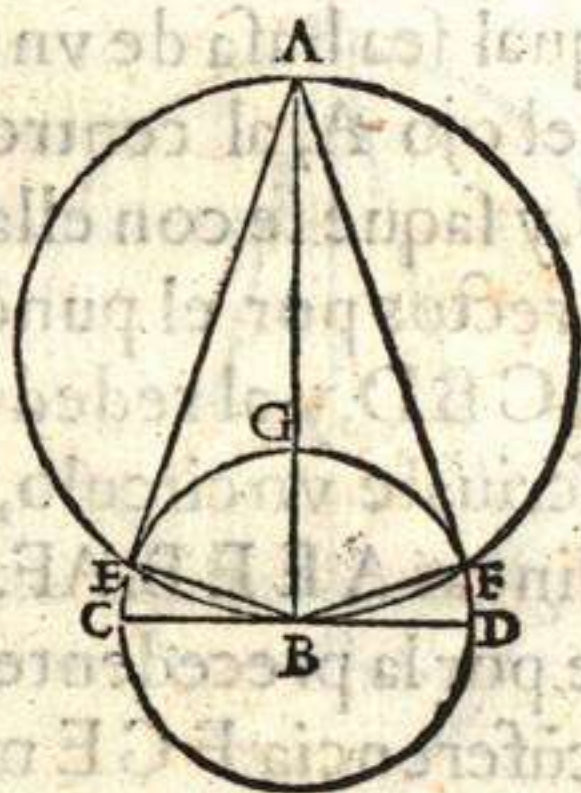
T H E O R E M A

29.

De qualquier manera que vn Cilindro se mirare con vn ojo solo, se vera menos que la mitad del.

SE A

SE A, B, centro de vn circulo, el qual sea basa de vn Cilindro, y tirese del ojo A, a B, la linea AB. y faquese con ella en angulos rectos por el punto B, la linea DC. y al rededor de AB. descriuase vn circulo, y tirense AE. EB. AF. FB. y porq̃ los angulos AEB. AFB. son rectos † las lineas AE. AF. tocaran el Cilindro en vn solo punto, y los rayos que salen del ojo A, caeran segun las lineas AE. AF. por lo qual solo se vera EGF. mas EGF. es menor que el semicirculo CGD. luego EGF. menor parece que vn semicirculo que es, que la mitad de vn Cilindro, lo mesmo que de la basa, demostraremos de toda la superficie del Cilindro, y por esto siempre se vera menos, que la mitad del Cilindro.



† 31.3. elem.

T H E O R E M A

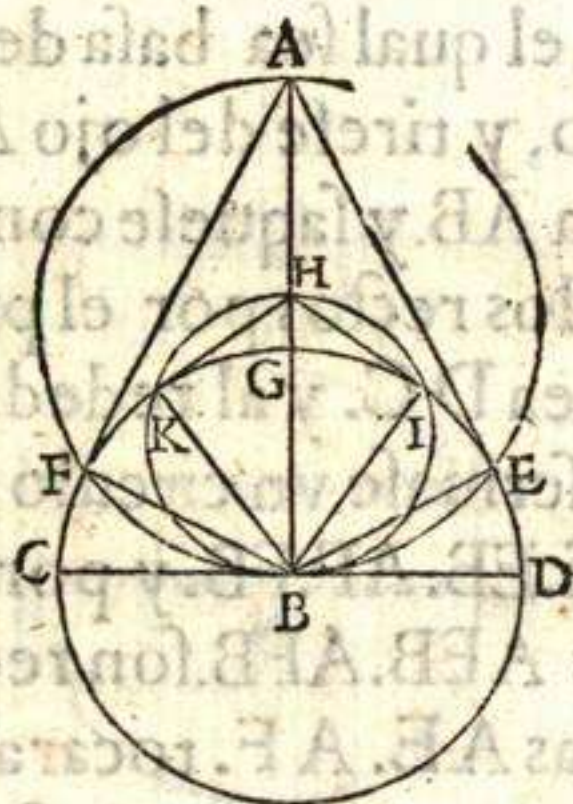
30. T H E O R E M A

Acercandose el ojo al Cilindro, vera menos que antes que se acercasse, y le parecera que vè mas.

S E A

la perspectiua

SE A, B, centro de vn circulo el qual sea bafa de vn Cilindro, y del ojo A, al centro B, tirese AB. y saque se con ella en angulos rectos por el punto B, la linea C B D, y al rededor de AB, descriuase vn circulo, y juntése las lineas A E. E B. A F. F B. y porque por la precedente, siendo la circūferencia F G E menor que vn semicirculo se vè menos que la mitad de la bafa, luego verse ha menos que la mitad del Cilindro, acerquese mas el ojo, y sea H, y al rededor de HB. descriuase vn circulo, y tirense H k. k B. H I. I B. y porque los rayos visuales que salen del ojo H, caen segun las lineas H K. H I. y los rayos que salen del ojo A, caen segun las lineas A F. A E. sera F G E. mayor que k G I. mas k G I. parece mayor que E G F. por ser el angulo H mayor que el angulo A, luego aũque se vea la menor parte del Cilindro, parecera que se vè la mayor.



T H E O R E M A

31.

Si vn cono que tuuiere por bafa vn circulo, se mirare con vn ojo solo, verse ha menos que la mitad del cono.

SE A

SE A, B, centro de vn circulo, el qual sea basa de vn cono, y del ojo A, al centro B, tirese la linea A B. y por el pũcto B, faquese CBD. en angulos rectos con A B. y al rededor de AB. descr iuase vn circulo, y tirense las lineas AE. EB. AF. FB. y porq̃ los angulos AEB. AFB. son rectos por estar en semicirculos, luego las lineas AE. AF. tocaran el circulo en vn solo pũcto, y los rayos visuales que salen del ojo A, caeran segun las lineas AF. AE. por lo qual lo que se ṽe que es EGF. sera menor que CGD. mas CGD. es semicirculo, luego EGF. sera menor que semicirculo, y por esto lo que se ṽe del cono es menos que la mitad del, lo mesmo demostraremos en los demas circulos que estan en la superficie del cono.



T H E O R E M A

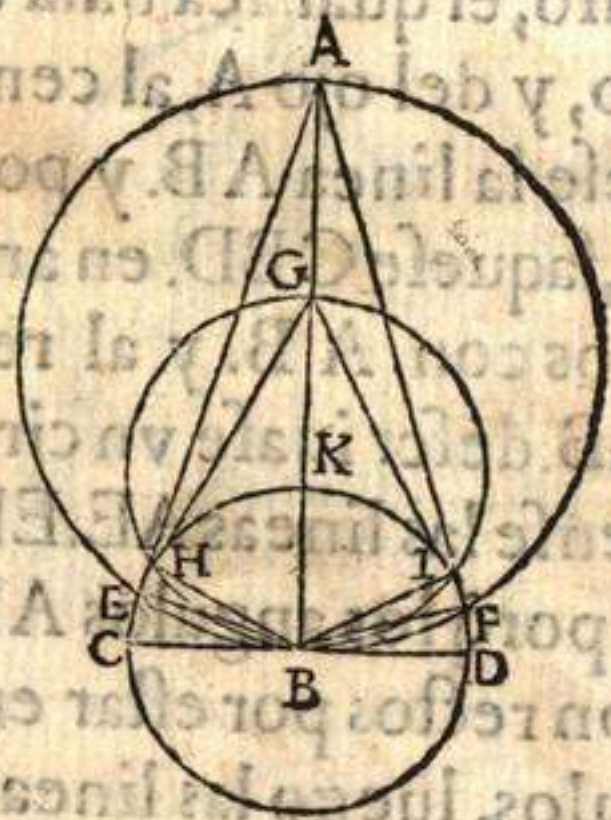
A M E R 3 2.

Si el ojo se acercare al cono en vn mesmo plano, vera menos que antes que se acercasse, y parecera que ṽe mas.

F S E A

la perspectiva

SEA bafa del cono vn circulo
 lo q̄ tenga por centro el punto
 B, y sea el ojo A, y de A, a B, ti-
 rele A B. y saque se con ella en
 angulos rectos por el p̄cto B,
 la linea CD. y al rededor de AB.
 descriuase vn circulo, y tirense
 A E. E B. A F. F B. y mudese el
 ojo del punto A, al punto G,
 y al rededor de G B. descriua-
 se otro circulo, y tirense las li-
 neas G H. H B. G I. I B. y porquē los rayos visua-
 les que salen del ojo A. caen segun las lineas A E, A F.
 luego desde el punto A, se vera E K F. de la mesma fuer-
 te, porq̄ los rayos visuales que salen del punto G, caen
 segun las lineas G H. G I. verse ha desde el punto G. la
 parte H K I. de donde se sigue que aunque E K F. es ma-
 yor que H K I. con todo esto parece menor por ser el
 † 21. I. elem. angulo H G I. mayor que el angulo F A F. †



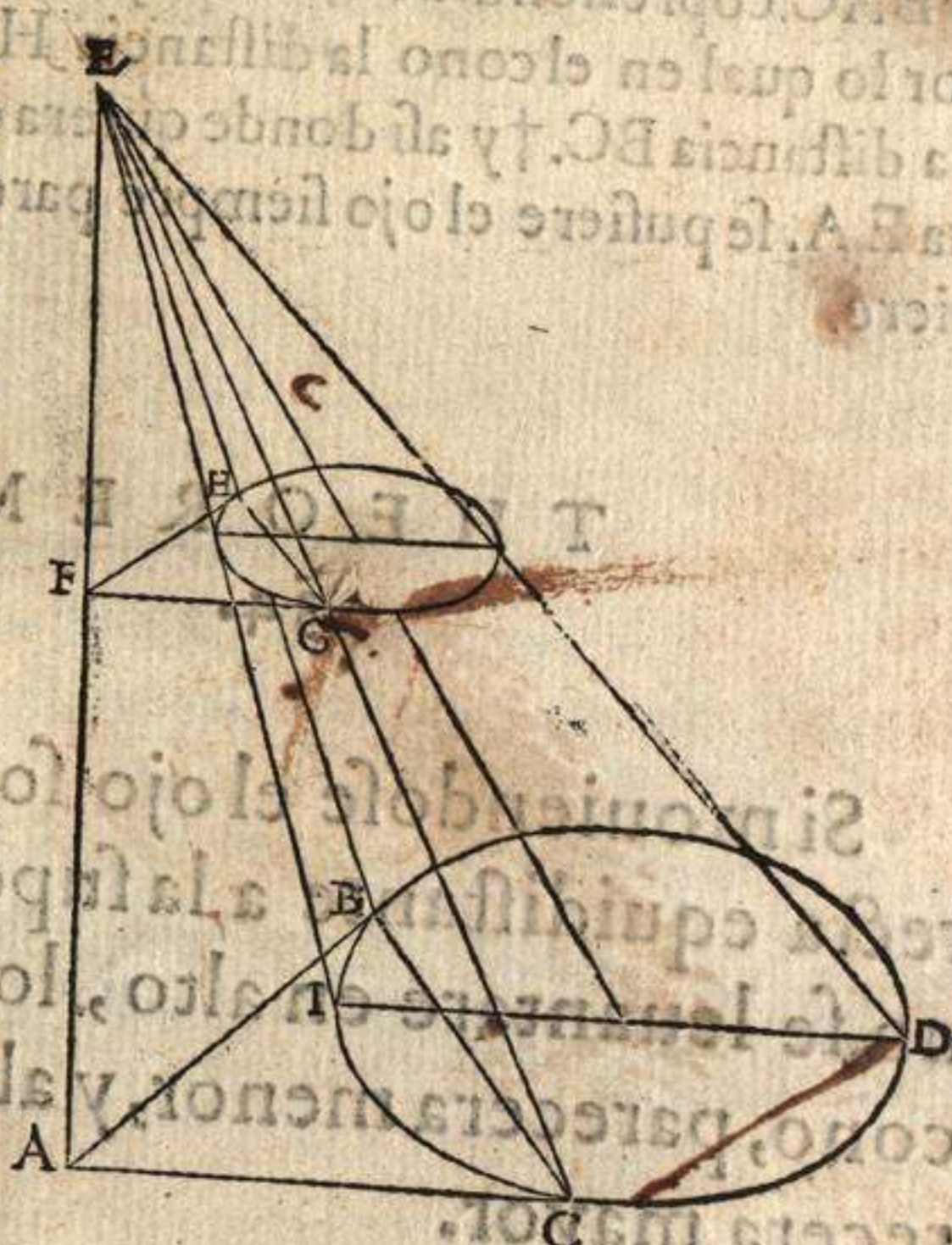
T H E O R E M A

33.

Si a la bafa circular de vn cono se tira-
 ren desde el ojo rayos visuales que toquē
 la mesma bafa, y de los puntos donde los
 rayos visuales tocan la bafa se tiraren li-
 neas rectas por la superficie del cono haf-
 ta su

ta su vertice, y por estas lineas, y por los rayos que salen desde el ojo a la basa del cono se tiraren planos, y en la comun seccion de los planos se pusiere el ojo, aquello que se viere del cono siempre parecera igual.

SEA vn cono que tenga por basa el circulo BD. y su vertice sea el punto E, y el ojo sea A, del qual salgã los rayos visuales AB. AC. que toquen el mesmo circulo en los puntos B. C. y tiradas desde ellos a la vertice del cono las lineas rectas CE. BE. efiendase vn plano por BE, BA. y otro por CE. CA. y porq̃ forçosamẽte an de concurrir estos planos por concurrir las lineas BE. EC. y tambien BA. AC. concurren pues, y cortense entresi, y sea la comun seccion dellos la linea EA. digo que donde quiera que en EA se pusiere el ojo lo que se viere del cono parecera



la perspectiva

recera siempre igual, pongase el ojo en vn punto de la linea EA. y sea en F, y por el punto F, tirese FG. paralela a AC. y FH. paralela a AB. tocaran pues FG. FH. la superficie del cono en los puntos G. H. y porq̄ las secciones de los circulos paralelos en la superficie del cono son similes, luego las distancias que se ven en la superficie del cono parecerã iguales, por ser el angulo HFG. comprehendido de los rayos visuales FG. FH. igual al angulo BAC. cõprehendido de los rayos visuales AB. AC. † por lo qual en el cono la distancia HG. parecera igual ala distancia BC. † y asi donde quiera que en la linea recta EA. se pusiere el ojo siempre parecera igual lo que viere.

† 10. II. el.

† 5. suposic.

T H E O R E M A

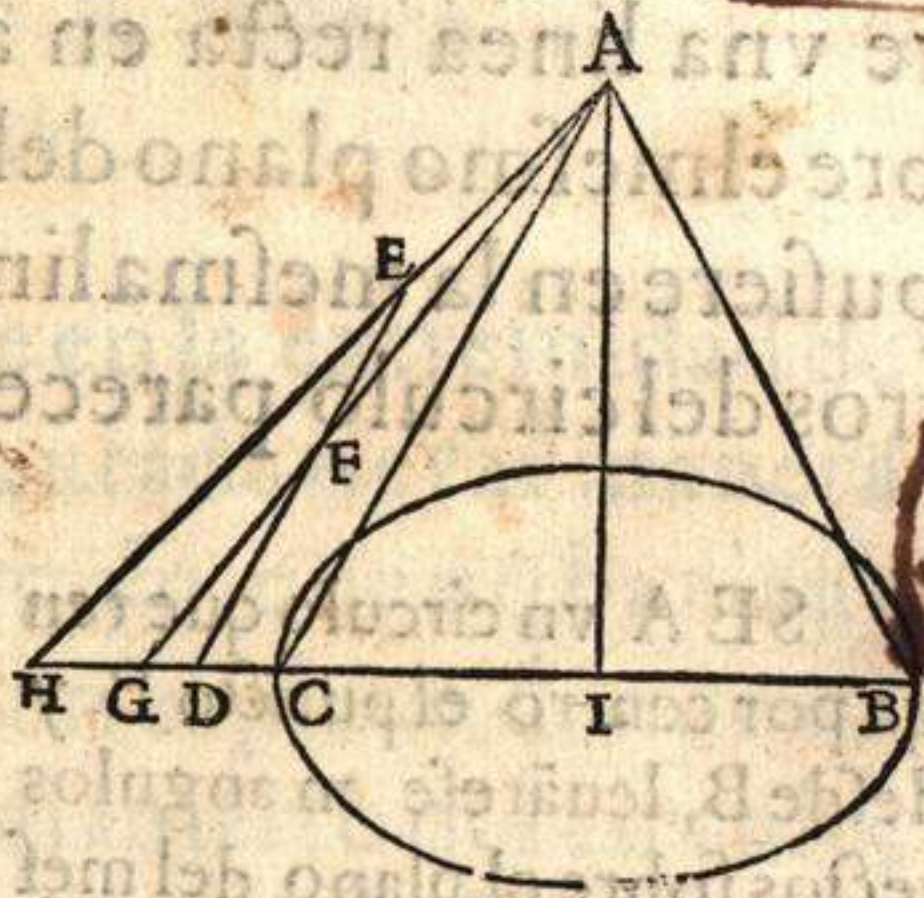
34.

Si mouiendose el ojo sobre vna linea recta equidistante a la superficie del cono, se leuantare en alto, lo que viere del cono, parecera menor, y abaxandose parecera mayor.

SEA



ESTE la vertice del cono en el punto A, y sea la basa vn circulo, y tirese ED. paralela a AC. y pógase el ojo en E, digo que lo que se viere del cono parecera menor quando se pusiere el ojo en E, q̄ quando se pusiere en F, tirense de los puntos E.F. las lineas rectas AE. AF. y alarguen se hasta los puntos G.H. y porque las partes que se ven del cono parecē desiguales poniendose el ojo vna vez en H, y otra en G, porque la parte que se vê desde H, parece menor, y la que se vê desde G, parece mayor por ser el angulo AHD. menor q̄ el angulo ACD. † y la parte que se ve desde el punto H. es igual a la que se vê desde el punto E, y la parte que se vê desde el punto G. es igual a la que se vê desde el punto F, como se demostro en la precedente, luego puesto el ojo en el punto E, menor parte del cono parecera que vê, que puesto en F.



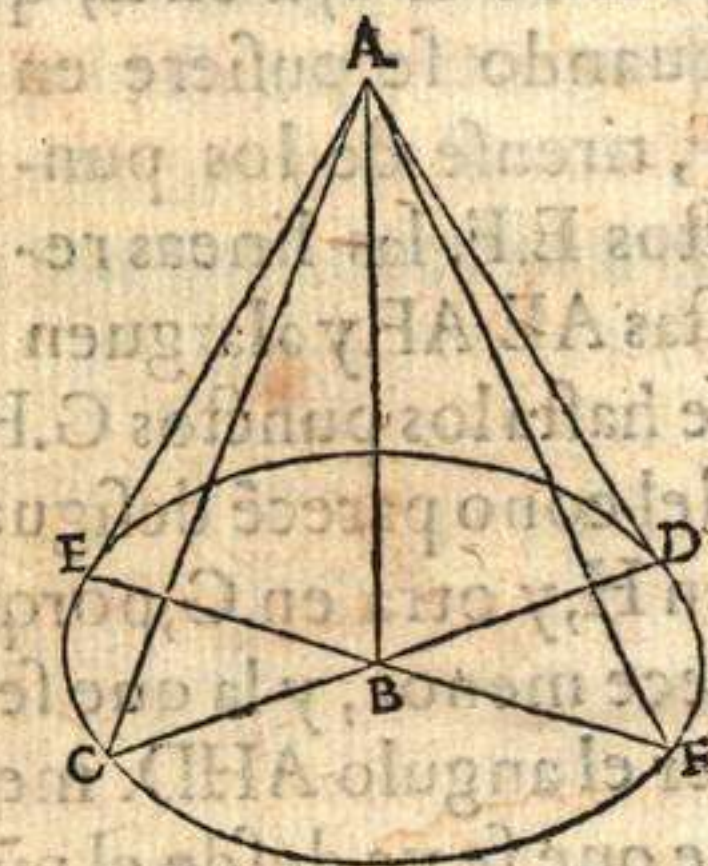
T H E O R E M A

35.

la perspectiva

Si del centro de vn circulo se leuanta-
re vna linea recta en angulos rectos fo-
bre el mismo plano del circulo, y el ojo se
pusiere en la mesma linea recta, los diame-
tros del circulo pareceran iguales.

SE A vn circulo que ten-
ga por centro el punto B, y
desde B, leuãtese en angulos
rectos sobre el plano del mes-
mo circulo la linea AB. y puef-
to el ojo en el punto A, tiren-
se los diametros DC. EF. digo
que DC. parecera igual a EF.
tirensen las lineas AD. AF. AC.
AE. y porque las dos lineas re-
ctas AB. BF. son iguales a las
dos AB. BC. cada vna, a cada



† 4.1. elem. basa AF. igual ala basa AC. † por la mesma razón sera AE.
igual a AD. por lo qual las dos EA. AE. seran iguales a
† 8.1. elem. las dos DA, AC. y es EF. igual a CD. sera pues tambien
el angulo EAF. igual al angulo DAC. † mas las cosas
† 7. suposic. que se miran debaxo de iguales angulos parecen igua-
les, † luego igual parecera CD. a EF.

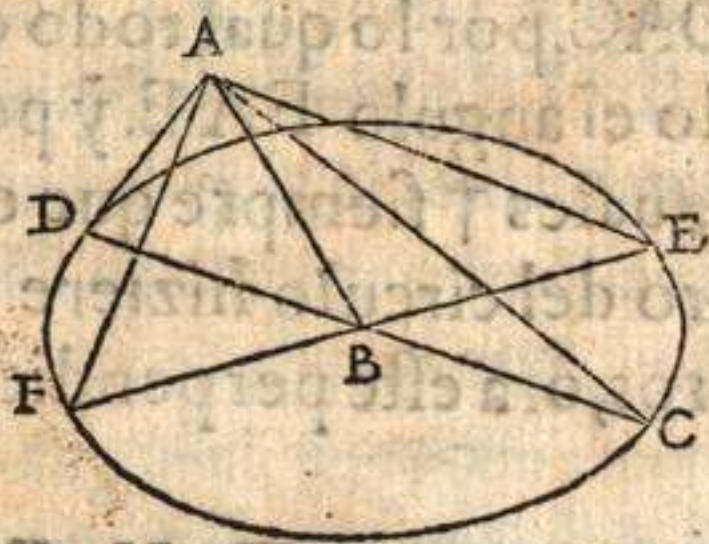
THEO.

T H E O R E M A

36.

Si el ojo se pusiere en la extremidad de vna linea recta, leuantada de tal manera del centro de vn circulo, que no hazien- do angulos rectos con el plano donde es- ta, sea igual al semidiametro del circulo, los diametros pareceran iguales.

SE A vn circulo que tenga por cétro el pũcto B, y desde B, leuantese B A. que no haga angulos rectos con el mesmo plano, sino que sea igual al se- midiametro del circulo, y del punto A. tirense como en la precedente las lineas rectas C A. A D. A F. A E. y porque

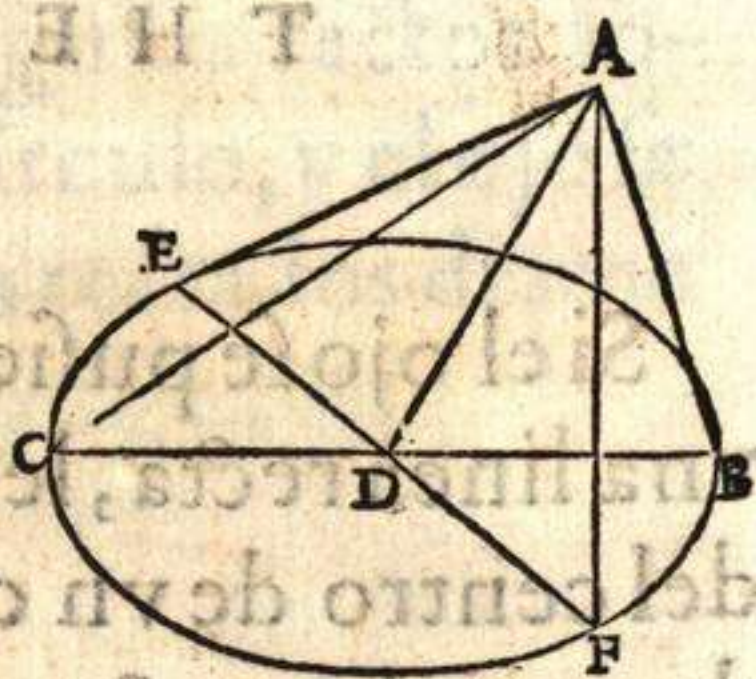


FB. B A. B E. son iguales entresi, sera recto el angulo E A F. † y por la mesma razon sera recto el angulo † 31. 3. elem. DAC. por lo qual estos dos angulos seran iguales entre si, mas las cosas que se mirã debaxo de iguales angulos parecen iguales † luego FE. parecera igual a DC. † 7. suposic.

SE A

la perspectiva

42
 S E A agora otra linea
 A D. que ni sea igual al semi-
 diametro del circulo, ni este
 en angulos rectos con el pla-
 no del mesmo circulo, sino q̄
 solamente haga iguales entre
 si los angulos B D A. A D E. y
 ni mas ni menos los angulos
 F D A. A D C. digo que desta
 manera t̄bien los diametros



pareceran iguales, porque siendo B D. igual a D E. y A D.
 comun a entrambas, y haziendo con ellas los angulos
 iguales, sera la basa B A. igual a la basa E A. † y el angulo
 B A D. igual al angulo D A E. † de la mesma manera de-
 mostraremos que el angulo F A D. es igual al angulo
 D A C. por lo qual todo el angulo B A C. sera igual a to-
 do el angulo F A E. y por esto los diametros pareceran
 iguales † siempre que el rayo que v̄a desde el ojo al c̄n-
 tro del circulo hiziere angulos iguales con los diame-
 tros, ora este perpendicular al plano del circulo, ora no.

† 4.1. elem.

† 8.1. elem.

† 7. suposic.

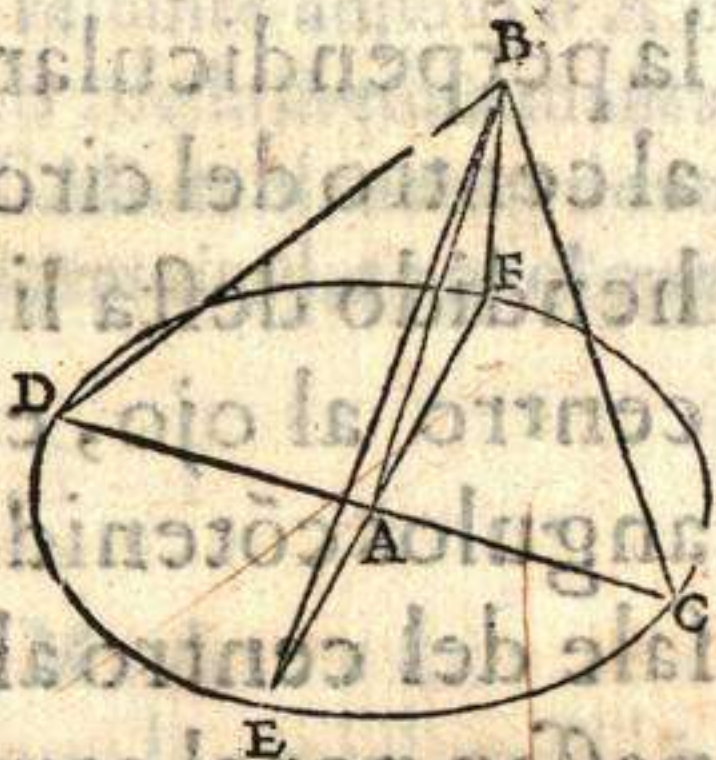
T H E O R E M A

37.

Si el rayo visual que v̄a desde el ojo al
 centro del circulo, no fuere perpendicu-
 lar al plano del circulo, ni igual al semi-
 diametro del circulo, ni hiziere angulos
 iguales con los semidiametros, sino que
 fuere

fuere mayor, o menor que el semidiame-
tro, los diámetros pareceran desiguales.

SE A yn círculo cuyo
centro A, y del ojo B. al cen-
tro del círculo, tirese BA.
que ni haga angulos rectos
con el plano; del círculo, ni
sea igual al semidiámetro del
círculo, ni haga angulos igua-
les cō los semidiámetros, di-
go q̄ los diámetros del mes-
mo círculo pareceran desig-
uales, tirese el diámetro,



DC. que haga angulos rectos cōn AB. y tirese EF. que
los haga desiguales cō la mesma AB. y tirese BD. BE.
BF. BC. y sea lo primero BA. mayor que el semidiame-
tro AF. y porque el angulo DBC. es mayor que el angu-
lo FBE. como se demuestra en el theorema, y las
cosas que se miran con mayor angulo, parecen mayo-
res, † luego mayor parece DC. que EF. t̄ tambien si BA. fue † 5. suposic.
re menor que AF. parecera mayor EF. que DC.

*Para la demostracion destas cosas es necessario saber pri-
mero lo que se sigue.*

Si desde el ojo puesto en el ayre caye-
ren dos lineas rectas, La vna que vaya al

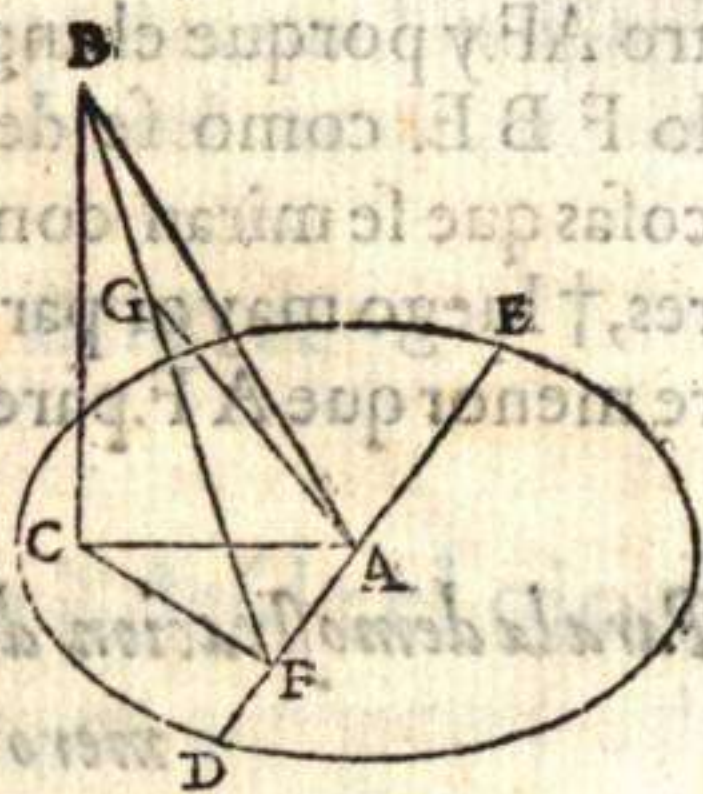
G

centro

la perspectiva

centro del círculo de tal manera que no sea perpendicular al plano del mismo círculo, y la otra que sea perpendicular al dicho plano, y desde el punto donde cae la perpendicular se tirare vna linea recta al centro del círculo, el angulo comprehendido desta linea, y de la que sale del centro al ojo, es el menor de todos los angulos cōtenidos de la dicha linea que sale del centro al ojo, y de las lineas que passan por el centro.

SE A vn círculo cuyo centro A, y el ojo sea B, del qual se tire vna perpendicular al círculo que no cayga sobre el centro A, sino fuera del, y sea BC. y tirese de C, a A, la linea CA. y de A, a B, la linea AB. digo que el angulo CAB. es el menor de los angulos que hazen todas las lineas que passan por el punto A, con la linea BA. tirese la linea recta DAE. y tirese del punto C, sobre DE. la perpendicular CF. que este en el mismo plano que D E. y juntese la linea recta B F. † luego B F. sera perpendicular a



†

la li-

la línea D E. y porque el ángulo C F A. es recto se-
 ra el ángulo A C F. menor que recto y así el lado
 A C. será mayor que el lado A F. † por lo qual B A. a A F. † 19. 1. elem.
 tendrá mayor proporción que a A C. † mas los dos an- † 8. 5. elem.
 gulos A C B. B F A. son rectos, y las líneas rectas C A.
 A F. son desiguales † luego el restante ángulo F A B. † B.
 será mayor que el restante C A B. de la mesma manera † 11. 3. †
 demostraremos que el ángulo C A B. es el menor de tod- † 11. 3. †
 dos los ángulos que hazen las líneas tiradas por el pun-
 to A. con la línea A B.

L E M M A

† Que F B. haga ángulos rectos con D E.
 lo demostraremos así.

† Porque B C. haze ángu-
 los rectos con el plano del cir-
 culo luego todos los planos
 que pasan por la línea B C.
 haran ángulos rectos con el
 plano del círculo, † mas el tri-
 angulo B C F. es vno de los pla-
 nos q̄ pasan por la línea B C.
 luego el triangulo B C F. hara
 ángulos rectos có el plano del
 círculo, y porque estos dos planos conuiene a saber el



† 1. 1.
 † 18. 11. el.

G 2 plano

la perspectiva

plano ED. y el plano del triangulo BCF. se cortan en
 tres, y con la comun seccion que es CF. haze angulos re-
 ctos DE. en el plano del circulo por auerse tirado CF.
 perpendicular a ED. seguirse ha que ED. hara angulos
 rectos con el plano del mismo triangulo BCF. † por lo
 qual con todas las lineas que los tocan en el mismo pla-
 no del triangulo BCF. hara angulos rectos y asi DE.
 hara angulos rectos con FB. y conuertiendo FB. hara
 angulos rectos con DE. diametro del circulo.

L E M M A

2.

† B. † Tambien demostraremos que el an-
 gulo FAB. es mayor que el angulo CAB.

SEAN dos triangulos
 BCA. BFA. que tengan re-
 ctos los angulos BCA. BFA.
 y tenga BA. mayor propor-
 cion a AF. que a CA. digo que
 el angulo FAB. es mayor que
 el angulo CAB. porque BA.
 a FA. tiene mayor proporci-
 on que CA. a FA. tendra conuirti-
 endo FA. a AB. menor proporcion
 que CA. a AB. † por lo qual
 CA. a AB. tendra mayor proporcion que FA. a AB. ha-
 gase como CA. a AB. asi FA. a vna linea menor que AB.
 la qual sea AG. seran pues equiangulos los triangulos
 BCA.



† 18.5. elem.

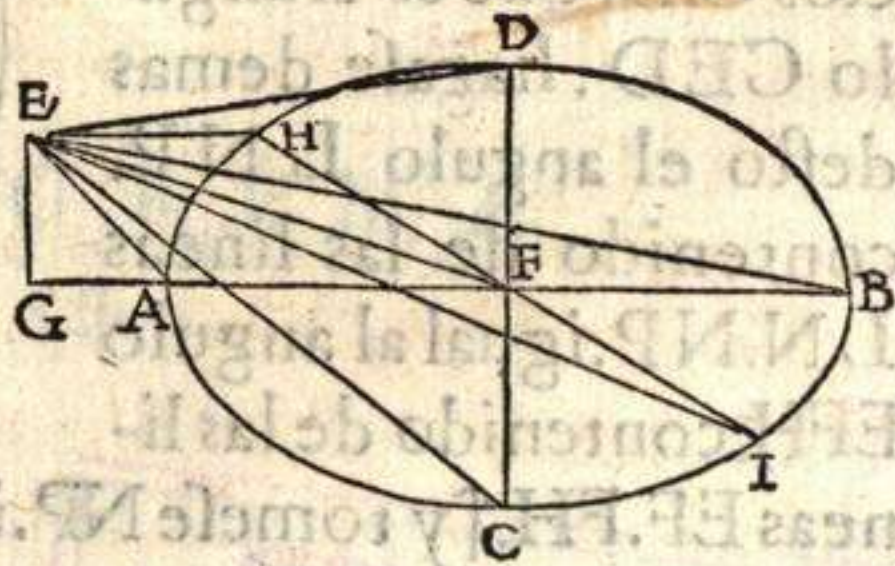
BCA. GFA. y por esto el angulo CAB. sera igual al angulo FAG. † y asi todo el angulo FAB. sera mayor q̄ el angulo CAB. con esto demostraremos lo que se sigue. † 5. 6. elem.

T H E O R E M A

38.

Si el rayo visual que sale del ojo al centro del circulo hiziere angulos desiguales con diuersos diametros, y no estuuie- re perpendicular sobre el plano del circulo, y fuere mayor que el semidiametro, sus diametros parecieran desiguales, y a- quel parecera mayor, sobre el qual fuere perpendicular el rayo que sale desde el ojo al centro.

Sea vn circulo ABCD. y tirense dos diametros AB. CD. que se corten en tresi en angulos rectos, y sea el ojo E, desde el qual hasta el centro salga la linea recta EF. de tal ma- nera que haga angulos re- ctos con CD. y angulos qualesquiera con AB. y sea EF: mayor que el semidiametro del circulo, y porque CD.



G 3

haze

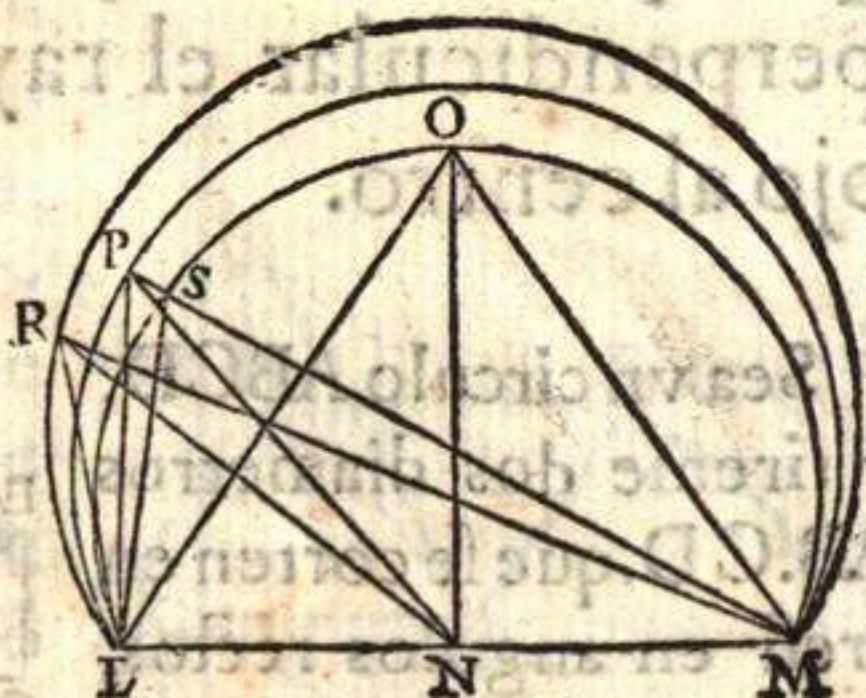
la perispectiua

haze angulos rectos con la vna, y otra de las lineas
 A B. E F. luego todos los planos que pasan por
 la linea C D. haran angulos rectos con el plano que
 passa por las lineas E F. A B. † tirese del punto
 E, al sujeto plano vna perpendicular la qual caera
 sobre la comun seccion de los planos cayga pues, y
 sea E G. y tirese el diametro H I. y tomese la li-
 nea L M. igual al diametro del circulo, y corte-
 se por medio en el punto N, y desde el leuantese en
 alto la linea N O que haga angulos rectos con L M. y
 sea N O. igual a E F. seguirse ha pues que descripto vn
 segmento de circulo al rededor de L M. que passe por
 el punto O, sera mayor que el semicirculo por ser
 N O. mayor que cada vna de las lineas L M. M N. sea
 este segmento L O M. y juntense las lineas O L. O M.
 luego el angulo puesto en el punto O, contenido de
 las lineas L O. O M. sera
 igual al angulo puesto
 en el punto E, conteni-
 do de las lineas tiradas
 del punto E, a los pun-
 ctos C. D. que es al angu-
 lo CED. hagase demas
 desto el angulo L N P.
 contenido de las lineas
 L N. N P. igual al angulo
 EFH. contenido de las li-
 neas E F. F H. † y tomese N P. igual a E F. y juntense las li-
 neas rectas L P. M P. y al rededor del triangulo L P M.
 descriuase vn segmento de circulo L P M. sera pues el
 angulo del punto P, igual al angulo H E I. hagase el an-
 gulo

† 13. ii. el.

Porq̄ descripto vn segmento por los puntos CED sera simial al segmento L O M. y los angulos en similes segmentos son iguales por la. 11. diff. del. 3. de los elem.

† 23. i. elem.



angulo LNR. igual al angulo EFA. y cortese NR. igual a EF y juntese las lineas rectas LR. RM. y al rededor del triangulo LRM. descriuase vn segmento de circulo LRM. † sera pues el angulo del punto R, igual al angulo AEB. contenido de las lineas AE. EB. y porque el angulo LOM. es mayor que el angulo LPM. por ser el angulo LOM. igual al angulo LSM. † en estar ambos en vn mesmo segmento de circulo, y ser el angulo LSM. mayor que el angulo LPM. † por ser angulo exterior del triangulo LPM. luego el angulo LOM. sera mayor que el angulo LPM. mas el angulo LOM. es igual al angulo CED. y el angulo LPM. igual al angulo HEI. luego el angulo CED. mayor es que el angulo HEI. por lo qual el diametro CD. parecera mayor que el diametro IH. † demas desto porque el angulo LPM. es igual al angulo HEI. y el angulo LRM. igual al angulo AEB y el angulo LPM. es mayor que el angulo LRM. luego el diametro HI. mayor parecera que el diametro AB. †

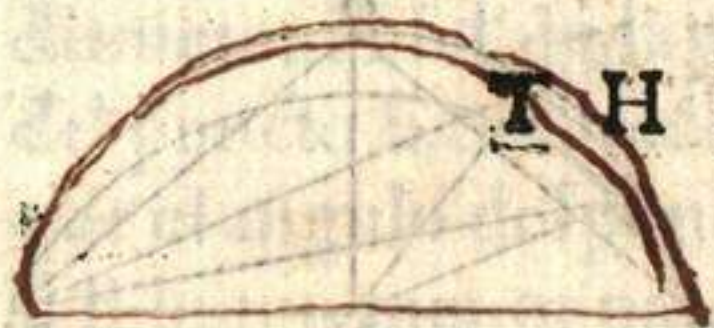
† 5.4. elem.

† 21.3. elem.

† 16.1. elem.

† 5. suposic.

† 5. suposic.



T H E O R E M A

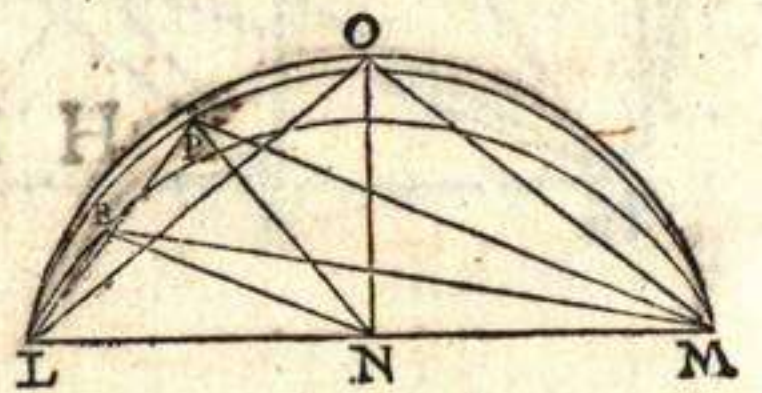
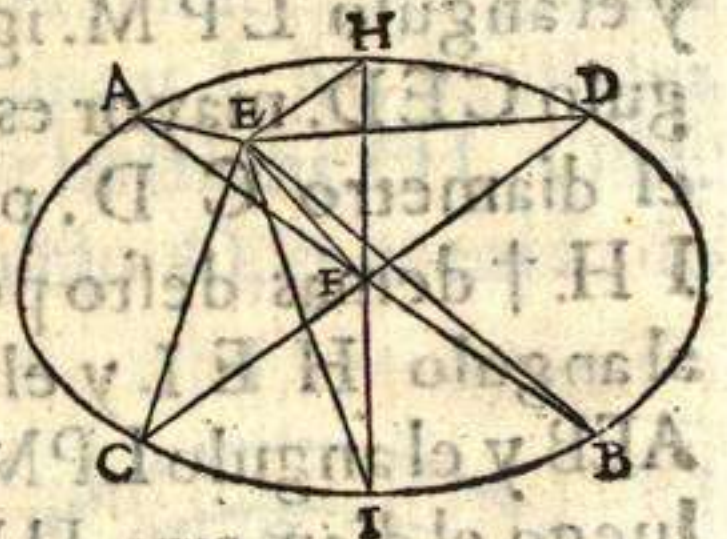
39.



la perspectiva

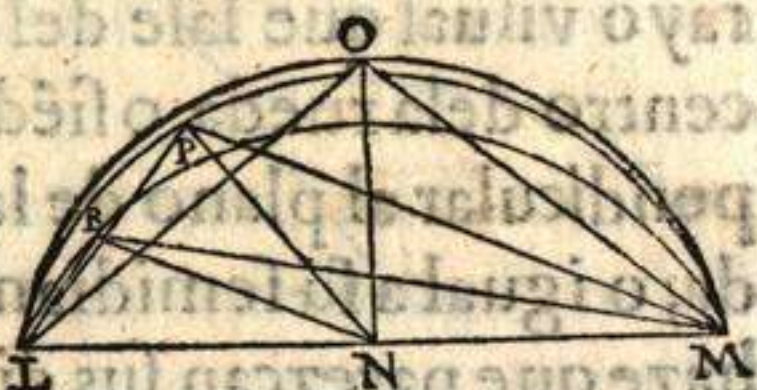
Si la linea recta que se tirare del ojo al centro del circulo no fuere mayor que el semidiametro, sino menor, sucedera lo contrario a los diametros, porque aquel diametro que parecia mayor parecera menor, y el que parecia menor parecera mayor.

SEA el circulo $ABCD$, en el qual se tiren dos diametros que se corten entre si con angulos rectos, y sea AB . CD . y sea otro diametro HI . y el ojo sea E , del qual hasta el centro F , tirada la linea EF . sea menor que el semidiametro, y haga angulos rectos con el diametro CD . y pongase la linea recta LM . igual al diametro del circulo, y correse por medio en el punto N , y desde el punto N , levante-se en angulos rectos la linea NO . igual a la linea EF . y al rededor de LM . y del punto O , descriuase vn segmento de circulo LOM . sera pues esta fesion menor que el semicirculo por ser NO . menor que el semidiametro, sea pues este segmento. LOM .



y jun-

y jūntense las líneas rectas OL . OM . luego el ángulo O , contenido de las líneas LO , OM . será igual al ángulo E , contenido de las líneas rectas CE . ED . hagase el ángulo LNP . igual al ángulo EFH . † y cortese NP . igual † 23. 1. elem. a EF . y jūntense las líneas rectas LP . MP . y al rededor de la línea LM . y del punto P , descriuase el segmento de círculo $LP M$. será pues el ángulo puesto en el punto P , contenido de las líneas LP . PM . igual al ángulo puesto en el punto E , contenido de las líneas IE . EH . hagase finalmente el ángulo LNR . igual al ángulo AFE . y cortese NR . igual a EF . y jūntense las líneas rectas LR . RM . y al rededor del triángulo $LR M$. descriuase el segmento de círculo $LR M$. y será el ángulo puesto en el punto R , contenido de las líneas LR . RM . igual al ángulo puesto en el punto E , contenido de las líneas AE . EB . y porque el ángulo $LO M$. es menor q̄ el ángulo $LP M$. y el ángulo $LP M$. es igual al ángulo $IE H$. y el ángulo $LO M$. es igual al ángulo CED . luego menor parecera el diámetro CD . que el diámetro HI . † de la misma manera porque el ángulo del punto E , contenido de las líneas IE . EH . es menor que el ángulo del punto E , cōtenido de las líneas AE . EB . luego menor parecera el diámetro HI . que el diámetro AB . †



† 6. suposic.
† 6. suposic.

T H E O R E M A

40.

H Las

la perspectiva

Las ruedas de los carros vnas vezes parecen circulares, y otras, ouadas.

SE A vna rueda cuyos diametros A B. C D. y porque el rayo visual que sale del ojo al centro de la rueda, o siédo perpendicular al plano de la rueda, o igual a su semidiametro haze que parezcan sus diametros iguales, como se demostro en el precedente theorema, luego mirada la rueda desta manera parecera circular, mas si el carro se tirare con velocidad, y el rayo que sale desde el ojo al centro, ni fuere perpendicular al plano de la rueda, ni igual a su semidiametro, sus diametros pareceran desiguales, como se demostro en el mismo Theorema precedente, por lo qual la rueda parecera ouada.



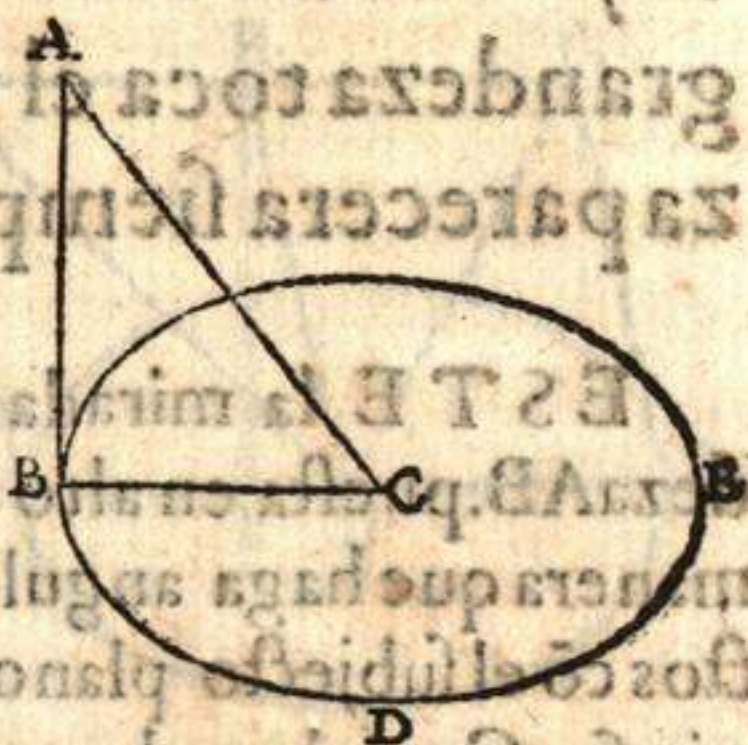
THEOREMA

41.

Si vna grandeza puesta en alto hiziere angulos rectos con el sujeto plano, y puesto el ojo en algun punto del dicho plano, la tal grandeza se reboluiere al rededor

dedor del como al rededor de centro de circulo, parecera siempre igual.

ESTE la mirada grandeza AB. mas alta que el sujeto plano, y el ojo sea C, y juntese la linea recta CB. y sobre el centro C, con la distancia CB. descriuase vn circulo BDE. digo que si la grandeza AB. se reboluiere por la circunferencia del circulo que parecera siépre igual al ojo C. porque la grandeza AB. es perpendicular al sujeto plano luego hara con la BC. que esta en el plano del circulo angulo recto, † y ansi todas las lineas que cayeren del cétro C. sobre la grandeza AB. haran angulos iguales entresi por lo qual la grãdeza mirada parecera siempre igual, † lo mesmo fera si del centro C, se leuantare en alto vna linea recta que sea paralela a la grandeza mirada, y en lo alto della se pusiere el ojo, porque la grandeza mouida por la circunferencia del circulo parecera siempre igual.



† 3. diff. II. el.

† 7. suposic.

T H E O R E M A

42.

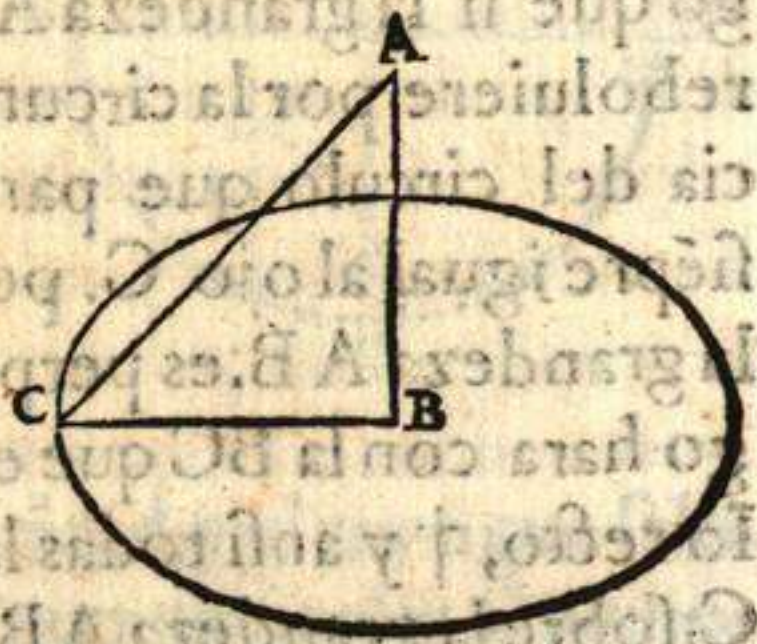
H

Si vna

la perspectiua

Si vna mirada grandeza fuere perpendicular al sujeto plano, y el ojo se mouiere por la circunferencia de vn circulo cuyo centro sea aquel punto dōde la tal grandeza toca el plano, la dicha grandeza parecera siempre igual.

EST E la mirada grãdeza AB. puesta en alto de tal manera que haga angulos rectos cō el sujeto plano, y el ojo sea C, y sobre el centro B, con la distancia B C. descriuase vn circulo, digo que si el ojo C, se mouiere por la circunferencia del circulo que la grãdeza AB. parecera siẽpre igual y esto esta manifiesto, porque todos los rayos visuales que van del punto C, a AB. hazen cō ella angulos iguales por ser recto el angulo del punto B, y así la grandeza mirada ha de parecer siempre igual. †



†.7. suposic.

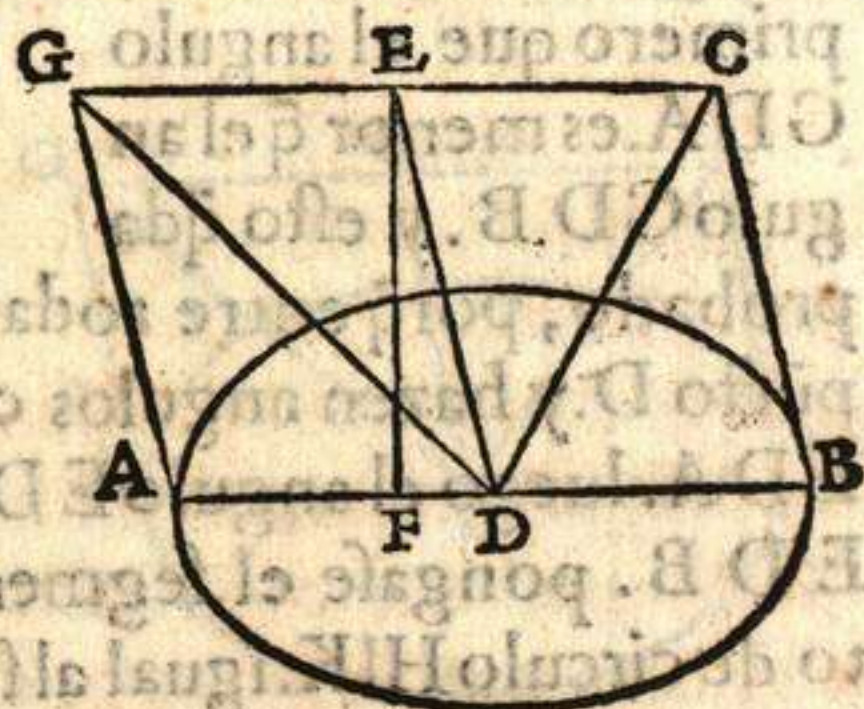
T H E O R E M A

43.

Si la grandeza mirada no fuere perpendicular al sujeto plano, y se mouiere al

re alrededor de la circunferencia del círculo, siempre parecera desigual.

SE A el círculo AB: y tomado en su circunferencia el punto B, leuante se la linea recta BC. q̄ no haga angulos rectos cō el círculo, y sea el ojo D, digo que si la grandeza BC. se mouiere por la circunferencia del círculo que vnas vezes parecera mayor, y otras menor, porque BC. o es mayor que el semidiametro, o menor, o igual, sea lo primero mayor que el semidiametro, y tirese del centro D, la linea recta DE. igual, y paralela a BC. † y tirese del punto E, al sujeto plano la perpendicular EF. † que toque el plano en el punto F, y juntada la linea recta DF. alarguese hasta juntarse con la circunferencia en el punto A, y del punto A, tirese AG. paralela a ED. y sea AG, igual a BC. digo que AG. parecera la menor de todas las lineas rectas mouidas por la circunferencia del círculo, juntense las lineas rectas EC. DC. GE. GD. y porque tenemos demostrado en el theorema junto al trigésimo septimo que entre todas las lineas que passan por el punto D, y hazen angulos cō la linea ED, el menor de todos es el angulo EDA. y es ED. igual, y paralela a GA. luego AD. igual es y paralela a GE. † por lo qual CD. sera paralelogrammo, por la mesma razon es



† 31.1. elem.

† 11.11. elem.

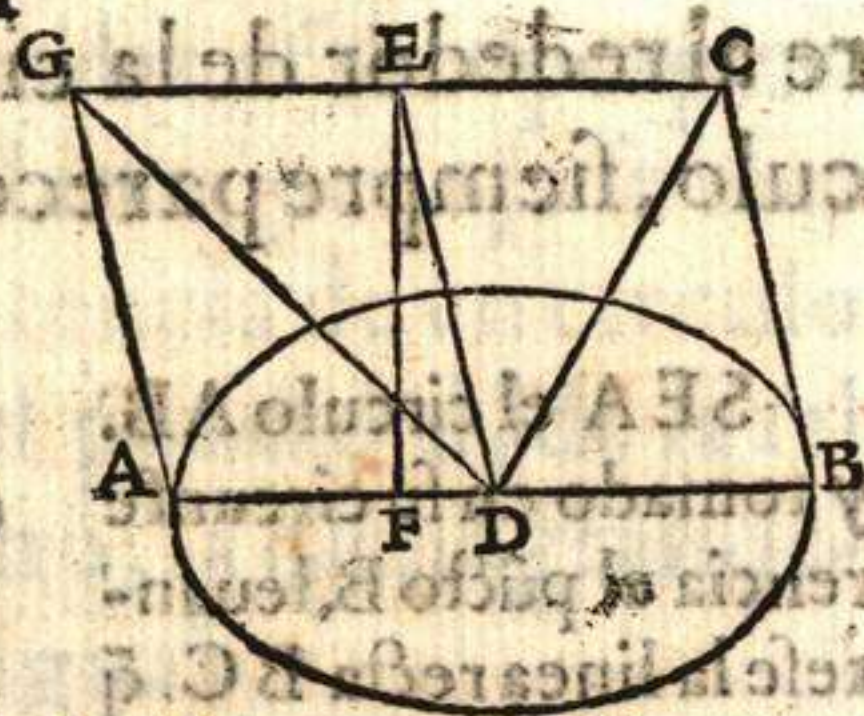
† 33.1. elem.

H 3

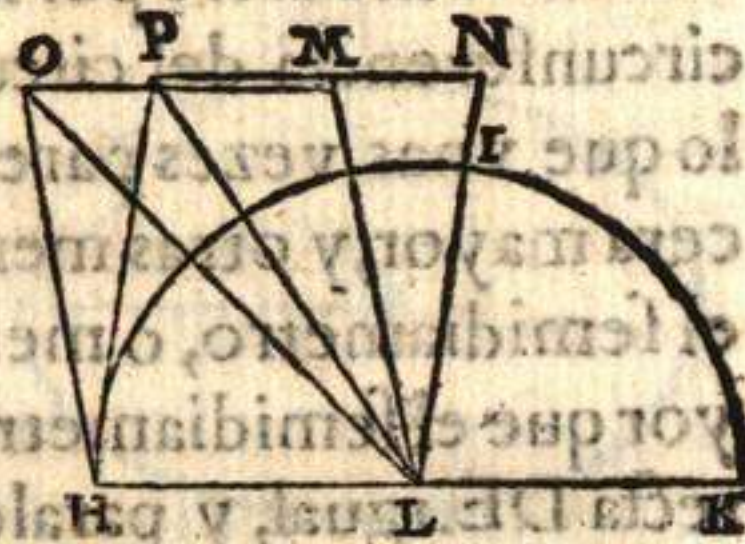
parale-

la perspectiua

paralelogrāmo CD . y porq̄ se ha de demostrar que AG . parece menor q̄ CB . manifesto es ta q̄ se ha de demostrar primero que el angulo GDA . es menor q̄ el angulo $CD B$. y esto q̄da



probado, porq̄ entre todas las líneas que passan por el pũcto D . y hazen angulos con la línea ED . el menor es EDA . luego el angulo EDA . es menor que el angulo $ED B$. pongase el segmento de circulo HLK . igual al semicirculo, y tomado su centro L , hagase el angulo HLM



† 23. i. elem. igual al angulo EDA . † y el angulo HLN . igual al angulo $ED B$. y sea cada vna de las líneas ML . NL . igual a CB . y por el pũcto M , tirese MO . igual y paralela a HL . † y tirese OH . luego sera paralelogrammo LO . y igual, y semejante al paralelogrammo GD . demas desto por el pũcto N , tirese NP . igual y paralela a LH . y juntese la línea recta PH . sera pues el paralelogrammo PL . igual, y semejante al paralelogrāmo CD . tirense las diagonales OL . LP . y sera el angulo HLO . menor q̄ el angulo HLP . mas el angulo HLO . es igual al angulo ADG . y el angulo HLP . igual al angulo BDC . luego el angulo ADG . menor es que el angulo BDC . por lo qual la grandeza AG . parecera menor que la grandeza BC . † de la mesma manera demostraremos que GA . es menor que BC . si la mesma BC . se

† 6. suposic.

pusiere

pusiere igual o menor que el semidiametro, sea agora BC. igual al semidiametro, y haganse las demas cosas q̄ en la passada, y pōgase el semicirculo HNK. igual al semicirculo del otro circulo, y tomese su centro L, y por que BC. se ha puesto

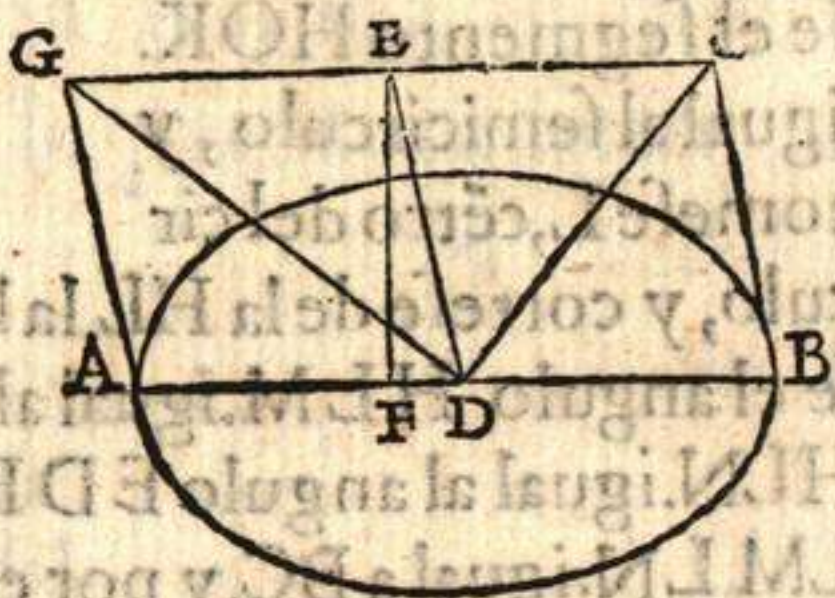
igual al semidiametro del circulo, luego B.C.

sera igual a HL. pongase el angulo HLM.

igual al angulo EDA. †

y tirese MO. igual y paralela a HL. † y estienda la linea recta OH.

y pongase tambien el angulo HLN. igual al angulo EDB. y tirese la linea recta NP. igual y paralela a LH. y tirese PH. sera pues paralelogrāmo cada vno de los HN. HM. y ambos iguales y semejantes a los paralelogrāmos DG. DC. y asi siēdo el angulo HLN. igual al angulo EDB. y el angulo HLM. igual al angulo EDA. y siēdo tãbiē el angulo EDA. menor que el angulo EDB. sera el angulo HLM. menor que el angulo HLN. tirense los diametros OL. LP. y sera el angulo HLO. menor que el angulo HLP. mas el angulo HLO. es igual al angulo ADG. y el angulo HLP. igual al angulo BDC. luego el angulo ADG. menor es que el angulo BDC. por lo qual la grandeza AG. parecera menor que la grandeza BC. lo qual se auia de demostrar.

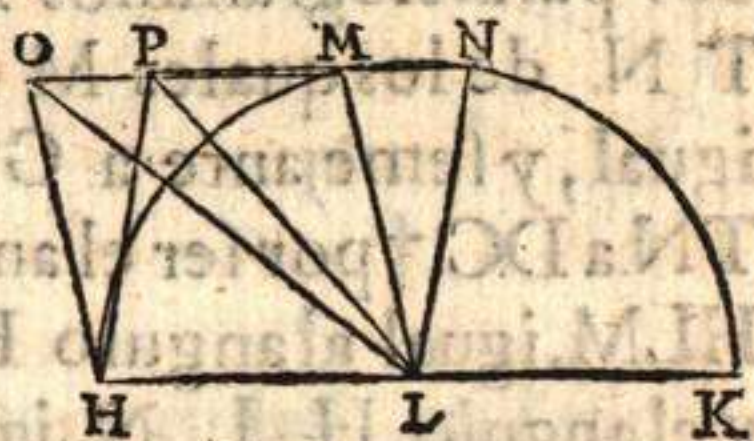


†23.º.º. elem.

†31.º.º. elem.

y pongase tambien el angulo HLN. igual al angulo EDB. y tirese la linea recta NP. igual y paralela a LH. y tirese PH. sera pues paralelogrāmo cada vno de los HN. HM. y ambos iguales y semejantes a los paralelogrāmos DG. DC. y asi siēdo el angulo HLN. igual al angulo EDB. y el angulo HLM. igual al angulo EDA. y siēdo tãbiē el angulo EDA. menor que el angulo EDB. sera el angulo HLM. menor que el angulo HLN. tirense los diametros OL. LP. y sera el angulo HLO. menor que el angulo HLP. mas el angulo HLO. es igual al angulo ADG. y el angulo HLP. igual al angulo BDC. luego el angulo ADG. menor es que el angulo BDC. por lo qual la grandeza AG. parecera menor que la grandeza BC. lo qual se auia de demostrar.

recta NP. igual y paralela a LH. y tirese PH. sera pues paralelogrāmo cada vno de los HN. HM. y ambos iguales y semejantes a los paralelogrāmos DG. DC. y asi siēdo el angulo HLN. igual al angulo EDB. y el angulo HLM. igual al angulo EDA. y siēdo tãbiē el angulo EDA. menor que el angulo EDB. sera el angulo HLM. menor que el angulo HLN. tirense los diametros OL. LP. y sera el angulo HLO. menor que el angulo HLP. mas el angulo HLO. es igual al angulo ADG. y el angulo HLP. igual al angulo BDC. luego el angulo ADG. menor es que el angulo BDC. por lo qual la grandeza AG. parecera menor que la grandeza BC. lo qual se auia de demostrar.



gulo HLN. igual al angulo EDB. y el angulo HLM. igual al angulo EDA. y siēdo tãbiē el angulo EDA. menor que el angulo EDB. sera el angulo HLM. menor que el angulo HLN. tirense los diametros OL. LP. y sera el angulo HLO. menor que el angulo HLP. mas el angulo HLO. es igual al angulo ADG. y el angulo HLP. igual al angulo BDC. luego el angulo ADG. menor es que el angulo BDC. por lo qual la grandeza AG. parecera menor que la grandeza BC. lo qual se auia de demostrar.

gulo HLN. igual al angulo EDB. y el angulo HLM. igual al angulo EDA. y siēdo tãbiē el angulo EDA. menor que el angulo EDB. sera el angulo HLM. menor que el angulo HLN. tirense los diametros OL. LP. y sera el angulo HLO. menor que el angulo HLP. mas el angulo HLO. es igual al angulo ADG. y el angulo HLP. igual al angulo BDC. luego el angulo ADG. menor es que el angulo BDC. por lo qual la grandeza AG. parecera menor que la grandeza BC. lo qual se auia de demostrar.

gulo HLN. igual al angulo EDB. y el angulo HLM. igual al angulo EDA. y siēdo tãbiē el angulo EDA. menor que el angulo EDB. sera el angulo HLM. menor que el angulo HLN. tirense los diametros OL. LP. y sera el angulo HLO. menor que el angulo HLP. mas el angulo HLO. es igual al angulo ADG. y el angulo HLP. igual al angulo BDC. luego el angulo ADG. menor es que el angulo BDC. por lo qual la grandeza AG. parecera menor que la grandeza BC. lo qual se auia de demostrar.

gulo HLN. igual al angulo EDB. y el angulo HLM. igual al angulo EDA. y siēdo tãbiē el angulo EDA. menor que el angulo EDB. sera el angulo HLM. menor que el angulo HLN. tirense los diametros OL. LP. y sera el angulo HLO. menor que el angulo HLP. mas el angulo HLO. es igual al angulo ADG. y el angulo HLP. igual al angulo BDC. luego el angulo ADG. menor es que el angulo BDC. por lo qual la grandeza AG. parecera menor que la grandeza BC. lo qual se auia de demostrar.

gulo HLN. igual al angulo EDB. y el angulo HLM. igual al angulo EDA. y siēdo tãbiē el angulo EDA. menor que el angulo EDB. sera el angulo HLM. menor que el angulo HLN. tirense los diametros OL. LP. y sera el angulo HLO. menor que el angulo HLP. mas el angulo HLO. es igual al angulo ADG. y el angulo HLP. igual al angulo BDC. luego el angulo ADG. menor es que el angulo BDC. por lo qual la grandeza AG. parecera menor que la grandeza BC. lo qual se auia de demostrar.

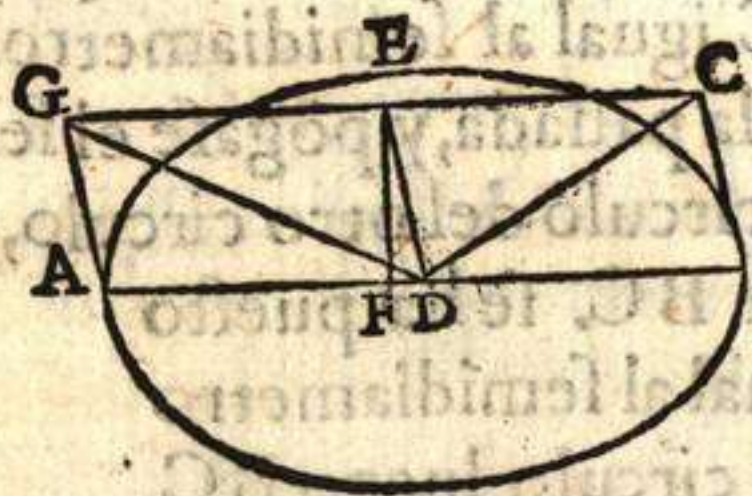
gulo HLN. igual al angulo EDB. y el angulo HLM. igual al angulo EDA. y siēdo tãbiē el angulo EDA. menor que el angulo EDB. sera el angulo HLM. menor que el angulo HLN. tirense los diametros OL. LP. y sera el angulo HLO. menor que el angulo HLP. mas el angulo HLO. es igual al angulo ADG. y el angulo HLP. igual al angulo BDC. luego el angulo ADG. menor es que el angulo BDC. por lo qual la grandeza AG. parecera menor que la grandeza BC. lo qual se auia de demostrar.

THEO

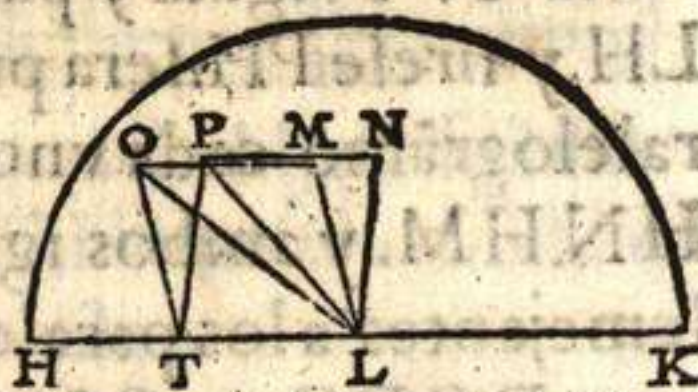
SEA

la perspectiva

SE A finalmente
BC. menor que el semi
diámetro del círculo,
y hagãse las demas co-
sas que arriba, y poga
se el segmento HOK.
igual al semicírculo, y
tomese L, cétro del cir-
culo, y cortese de la HL. la línea LT. igual a BC. y haga
se el angulo HLM. igual al angulo EDA. y el angulo
HLN. igual al angulo EDB. y sea cada vna de las líneas
LM. LN. igual a BC. y por el pũcto M. tirese MO. igual
y paralela a LT. y juntese TO. y tirese por el punto N.
la línea NP. igual, y paralela a LT. y tirese TP. serã pues
dos paralelogrammos MT.
TN. de los quales MT. es
igual, y semejante a GD. y
TN. a DC. † por ser el angulo
HLM. igual al angulo EDA.
y el angulo HLN. igual al
angulo EDB. y es el angulo
EDB. mayor que el angulo EDA. luego el angulo
HLN. mayor es que el angulo HLM. juntese LO. LP.
y seguirse ha que el angulo TLO. sera menor que el
angulo TLP. mas el angulo TLO. es igual al angulo
ADG. y el angulo TLP. igual al angulo BDC. luego el
angulo ADG. menor es q̃ el ángulo BDC. empero la
grandeza AG. semira desde el angulo ADG. y la gran-
deza BC. desde el angulo BDC. luego la grandeza AG.
menor parecera que la grandeza BC. lo qual conuenia



† i. diff. 6. el.



† 6. suposic. demostrat. †.

THEO.

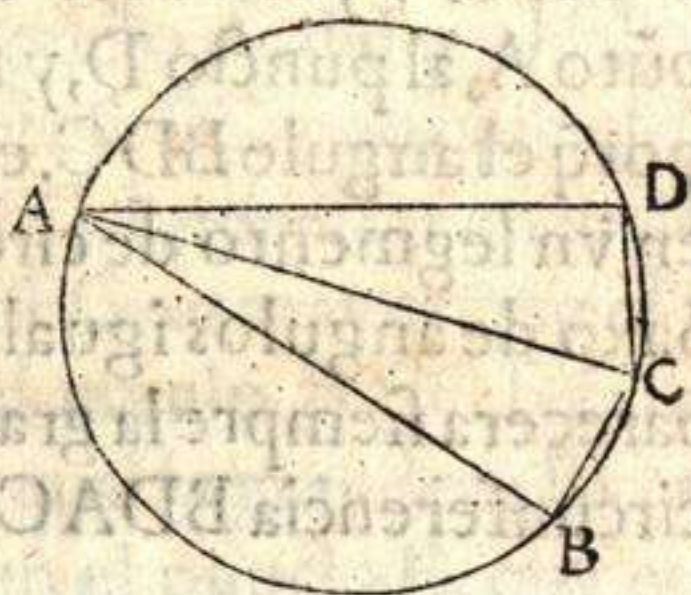
T H E O R E M A

44.

Vn lugar ay donde estando el ojo
fijo , aunque la cosa mirada se mude
de vna parte a otra, le parecera siempre
igual.



SE A la grandeza mirada
BC. y el ojo sea A, del qual sal
gan los rayos visuales A B.
A C. y al rededor del triangu-
lo ABC. descriuase el circulo
ABCD. † digo que aunque la
grandeza B C. se mude a otra
qualquiera parte de la circun-
ferencia del circulo descripto.



† 5. 4. elem.

parecera siempre de vna mesma cantidad , mudese BC.
a CD. y juntese D A. igual fera pues la circunferencia
BC. a la circunferencia D C. † y por esto tambien el an-
gulo CAB. fera igual al angulo CAD. † mas las cosas q̄
se miran debaxo de angulos iguales, parecen iguales, †
luego la grandeza CB. igual parecera ala grandeza CD.

† 28. 3. elem.

† 27. 3. elem.

† 7. suposic.

T H E O R E M A

45.

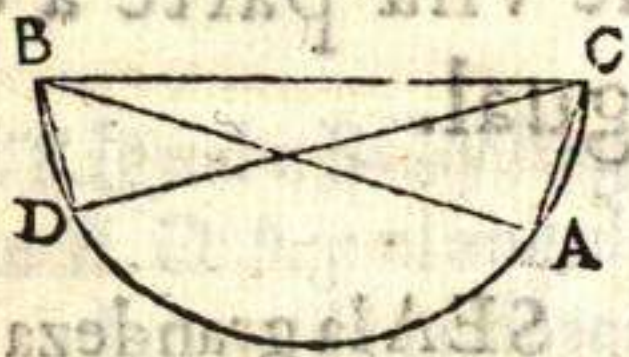
I

Algun

la perspectiva

Vn lugar ay donde la cosa vista estando fixa aunque el ojo se mude, parecera siempre igual.

Sea la grandeza mirada BC: y el ojo sea A, del qual salgã los rayos visuales AB. AC. y al rededor del triangulo BAC. descriuase el segmento de circulo



† 5.4. elem.

BDAC, † y mudese el ojo del pũto A, al punto D, y salgã los rayos visuales DB. DC. y

† 21.3. elem.

porq̃ el angulo BDC. es igual al angulo CAB. † por estar en vn segmento de circulo, y las cosas que se miran de-

† 7. suposic.

baxo de angulos iguales parecen iguales † luego igual parecera siempre la grandeza BC. mudado el ojo por la circunferencia BDAC.

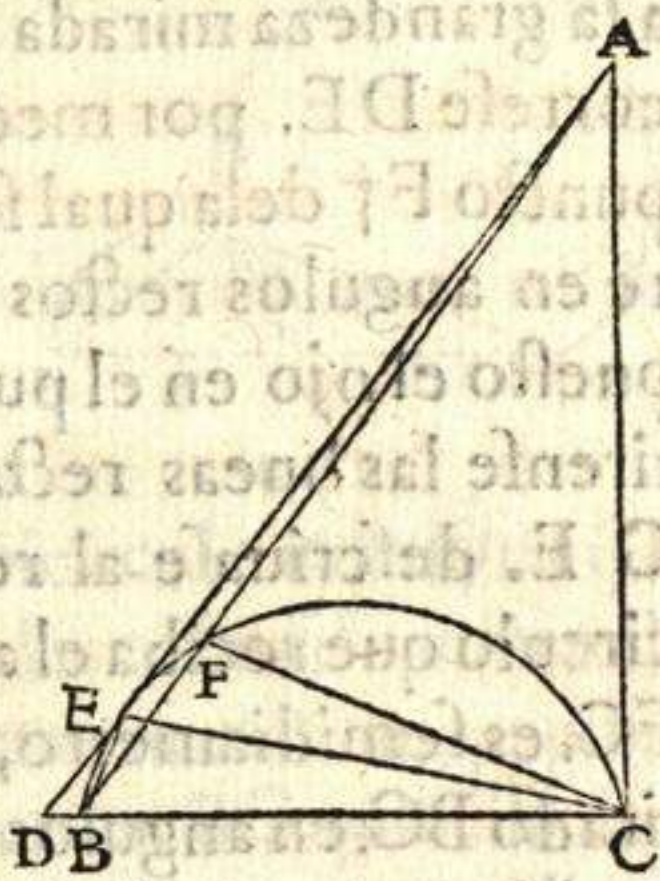
THEOREMA

46.

Vn lugar ay donde si se mudare el ojo aunque la cosa que mira no se mueua le parecera desigual.

SEA

SE A la grandeza mi-
rada B. C. la qual alargada
concurra con ella la linea re-
cta A D. y tomese entre C D.
D B. vna media proporcional
D E. † y juntense las lineas re-
ctas E B. E C. y descriuase en
torno de B C. vn segmento de
circulo que reciba el angulo
agudo E B C. † luego la linea
recta A D. tocara el circulo †
por ser como C D. a D E. assi
D E. a D B. pongase el ojo en el punto A, del qual salgan
los rayos visuales A B. A C. y juntese F C. y porque el an-
gulo B E C es igual al angulo B F C. † por estar en vn seg-
mento de circulo, y el angulo B F C. es mayor que el an-
gulo B A C. † luego tambien el angulo B E C. sera ma-
yor que el angulo B A C. por lo qual la grandeza B C. ma-
yor le parecera al ojo puesto en el punto E, que en el
punto A, †



† 13.6. el.

† 33.3. elem.

† 37.3. el.

† 21.3. elem.

† 16.1. elem.

† 5. suposic.

T H E O R E M A

47.

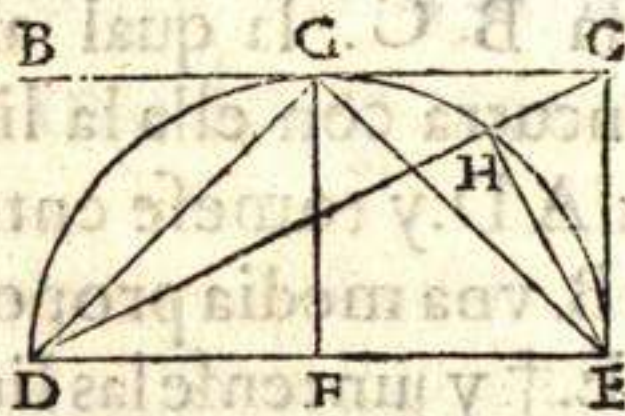
Lo mesmo sucedera si la linea por don-
de passa el ojo fuere paralela a la grande-
za mirada.

I 2

SEA

la perspectiua

SEA la linea BC. paralela
 a la grandeza mirada DE. y
 cortese DE. por medio en el
 punto F † dela qual se leuan-
 te en angulos rectos FG. † y
 puesto el ojo en el punto G.
 tirense las lineas rectas GD.
 GE. descriuase al rededor de DE.
 vn segmento de
 circulo que reciba el angulo DGE. † y porque la linea
 FG. es semidiametro, y de la extremidad de FG. se ha
 tirado BC. en angulos rectos con ella luego BC toca-
 ra el semicirculo DGE. † mudese el ojo al punto D, del
 qual salgan los rayos visuales CD. CE. y tirese la linea
 recta HE. y porque el angulo DGE. es igual al angulo
 DHE. † y el angulo DHE. es mayor que el angulo
 DCE. † luego el angulo DGE. mayor es que el angulo
 DCE. mas las cosas que se miran debaxo de mayor
 angulo parecen mayores, † mayor parecera pues DE.
 puesto el ojo en el punto G, q̄ puesto el ojo en el punto
 C, por lo qual discurriendo el ojo por la linea BC. para-
 lela a DE. la cosa mirada parecera desigual.



T H E O R E M A

48.

Vn comun lugar ay de donde las gran-
 dez as iguales parecen desiguales.

SEA

SE A, BC. igual a CD. y al rededor de BC. descriuase vn segmento de circulo B E C. y al rededor de CD. descriuase otro segmento de circulo mayor que vn semicirculo, y juntese las lineas rectas EB. E C.



E D. y porque el angulo del semicirculo es mayor q̄ el angulo del mayor segmento, † y las cosas q̄ se miran de baxo de mayor angulo parecen mayores, † luego puesto el ojo en el punto E, mayor parece BC. que CD. siendo igual a ella, de dōde se sigue que ay vn comun lugar de donde las grandezas iguales parecen desiguales.

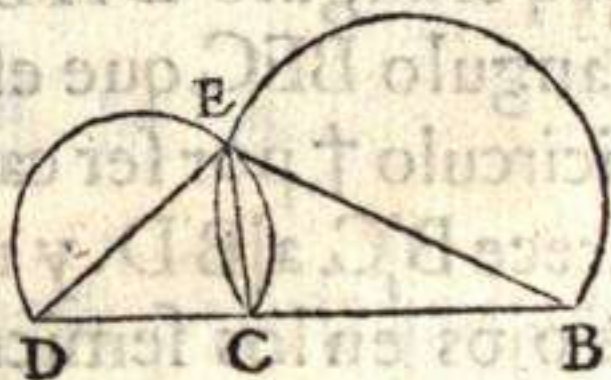
† 31. 3. elem.
† 5. suposic.

T H E O R E M A

49.

Vn comun lugar ay de donde las grandezas desiguales parecen iguales.

SE A, BC. mayor que CD. y al rededor de B C. descriuase vn segmēto de circulo mayor que vn semicirculo, y al rededor de C D. descriuase otro segmento de circulo semejante al que se descriuio en torno de B C. † cōuiene a



saber que reciba el angulo CED. igual angulo CEB. y juntese las lineas rectas EB. EC. E D. y porque los an-

† 33. 3 elem.

I 3

gulos

la perspectiva

gulos que estan en semejantes segmentos son iguales entre si luego los angulos de los segmentos BEC. CED. seran iguales entre si, mas las cosas que se miran debaxo de iguales angulos parecen iguales, † por lo qual puesto el ojo en el punto E, igual parecera BC. a CD. aunque es mayor que ella, luego abra vn comun lugar de donde de las grandezas desiguales parecen iguales.

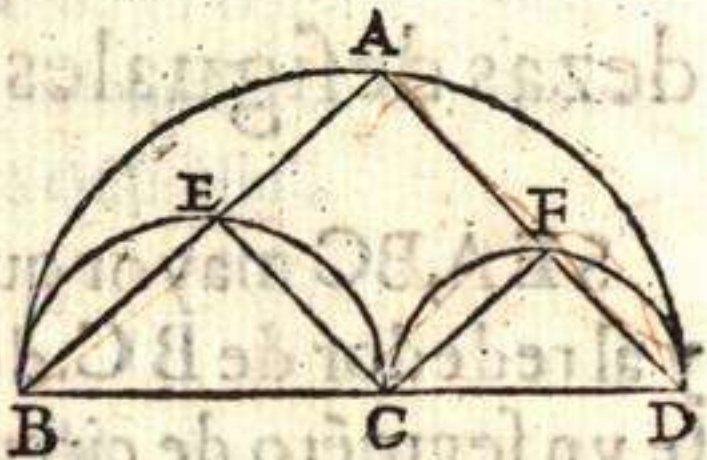
† 7. suposic.

THEOREMA

50.

Algunos lugares ay, desde los quales vna grandezza compuesta de dos grandezas desiguales, parece igual a cada vna de las grandezas desiguales.

SE A, B C. mayor que CD; y al rededor de cada vna dellas descriuante semicirculos, y tambien sobre toda la linea BD. y porq̃ el angulo B A D. es igual al angulo BEC. que esta en el se



micirculo † por ser cada vno dellos recto, luego igual parece B C. a BD. y ni mas ni menos BD. a CD. puestos los ojos en los semicirculos B A D. C F D. por lo qual abra algunos lugares de los quales vna grandezza compuesta de dos grandezas desiguales parece igual a cada vna de las desiguales grandezas.

† 31. 1. elem.

THEO.

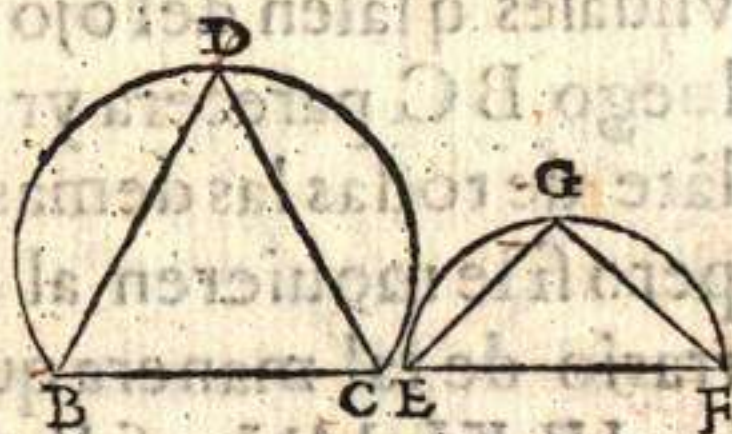
T H E O R E M A

51.

Hallar lugares desde los quales vna mesma grandeza parezca, menor la mitad, o la quarta parte, y precisamente en la dada razon, segun la qual se corta el angulo.



SE A vna linea recta EF. y alrededor de EF. descriuale vn qualquier segmento de circulo, y en el hagase el angulo EGF. y tome se BC. igual a EF. y alrededor de BC. descriuale vn segmento de circulo que reciba vn angulo el qual sea la mitad del angulo EGF. † pues porque el angulo EGF. es duplo del angulo BDC. luego puestos los ojos en las circunferencias EGF. BDC. parecera EF. dupla de BC.



T H E O R E M A

52.

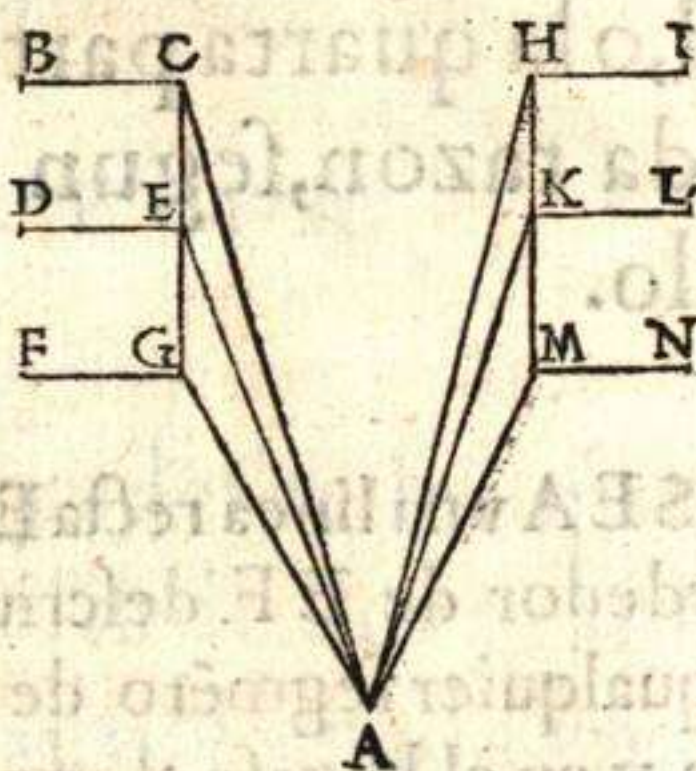
Entre las grandezas que puestas junto al ojo en vna mesma linea recta, se mueuen con igual presteza, la vltima parecera q̄ vâ delâte de todas las demas, pero si se mudaren al



la perspectiua

ren al contrario, la que antes yua delante, parecera quedarfe atras, y la que se quedaua atras parecera que va delante.

M V E V A N se con igual presteza B C. D E. F G. y salgan del ojo A, los rayos visuales A C. A E. A G. y porque A C. esta mas a mano derecha y mas alto entre los rayos visuales q̄ salen del ojo A, luego B C. parecera yr delante de todas las demas † pero si se mouieren al có-



† 10. suposic.

trario de tal manera que B C. D E. F G. se muden sobre H I. K L. M N. y salieren los rayos visuales A H. A K. A M. entre todos estos rayos visuales que salen del ojo A, parecera mas a mano derecha A M. † y mas a mano izquierda A H. † y entóces M N, parecera yr delante, y H I. quedarfe atras, por lo qual B C. que antes yua delante parecera quedarfe atras, y F G. que antes se quedaua atras puesta en M N. parecera yr delante.

† 10. suposic.

† 11. suposic.



T H E O R E M A

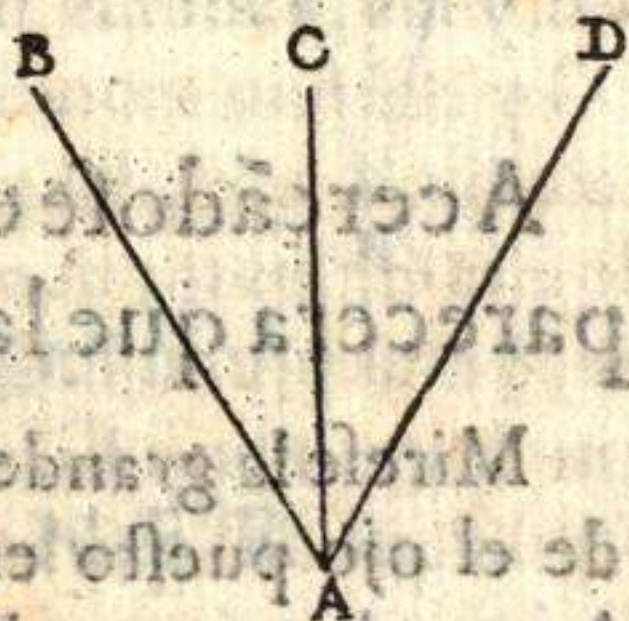
53.

Entre las cosas que se mueuen con desigual presteza hazia dōde se mueue el ojo las

las que van con igual presteza que el ojo parece que estan quedas, y las que se mueuen con menos presteza, parece que van hazia la parte contraria, y las que se mueuen con mayor presteza, parece que van de lante de las demas.

Mueuãse cõ desigual presteza B.C.D. y mueuale B, con menos presteza q̄ las demas, y C, con igual presteza que el ojo A, y D, con mas presteza que C, y del ojo A, falgan los rayos visuales A.B, A.C. A.D.

pues si agora el ojo A, se mouiere hazia donde se mueuen B. C. D. la grandeza C, que se mueue cõ igual mouimiento que el ojo, parecera que se esta queda, y B, parecera que se buelue hazia atras, y D, por mouerse con mas velocidad que C, parecera que va hazia delante, porque siempre se yra apartando mas de la grandeza C.



T H E O R E M A

54

Si mouiendose algunas grandezas vna se estuuiere queda, esta tal parecera que se mueue hazia la parte contraria.

K

Mueuan

la perspectiva

Muevanse las grandezas B.D. y este sin mouerle C, y del ojo E, salgan los rayos visuales EB. EC. ED. moviéndose pues B, acercarse ha mas a C, y D, a partarse ha mas, y por esto C, parecera que va hazia la parte contraria.



THEOREMA

55.

Acercándose el ojo a vna cosa que mira, parecera que la cosa q̄ mira se augmenta.

Mirese la grandezza BC. desde el ojo puesto en el punto A, con los rayos visuales AB. AC. y acerquese agora mas el ojo ala grãdeza BC. poniéndose en D, y mirese BC. cō los rayos visuales DB. DC. y porque el angulo D, es mayor que el angulo



† 21. 1. elem.

† 5. suposic.

A, † y aquellas cosas q̄ se miran debaxo de mayor angulo parecen mayores, † luego B C. parecera augmentarse mas quando el ojo esta en D, que quando esta en A.

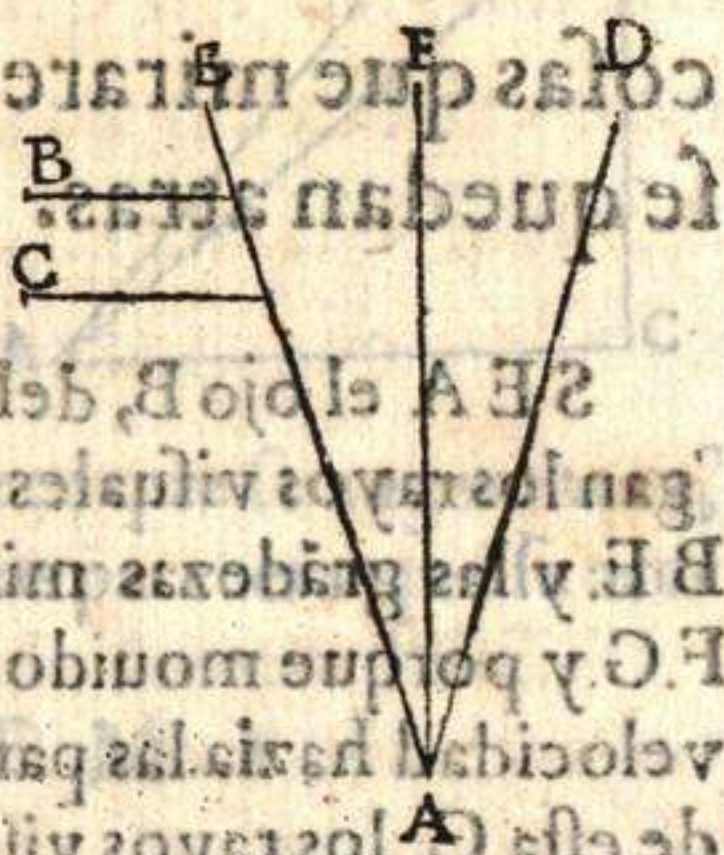
THEOREMA

56.

Entre

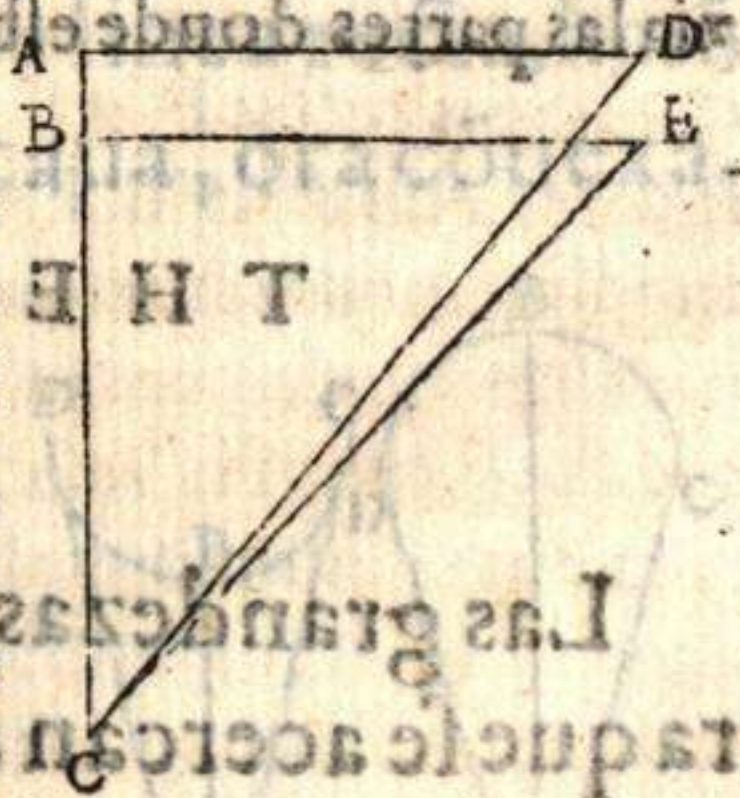
Entre las grandezas que se mueuen con igual presteza, las que estan mas lexos parece que se mueuen mas tarde.

Muevanse con igual presteza las grandezas B, C, hazia las partes D, y salgan del ojo A, los rayos visuales A E. A F. A D. y porque los rayos visuales que van del ojo A, a la grandez O, son menores que los que van a la grandez B, luego C, andara menos distancia, y parecera que va con mayor presteza, porque llegara mas presto al rayo visual A D.



DE OTRA MANERA

Muevanse con igual presteza los puntos A, B, por las lineas rectas paralelas A D. B E. luego andarlas han con igual presteza y en igual tiempo, sean pues iguales A D. B E. y salgan del ojo C, los rayos visuales C A. C D. C E. y porque el angulo B C D. es menor que el angulo B C E. luego menor parecera la distancia A D. que la distancia B E. por lo qual mas tarde parecera moverse A, que B.



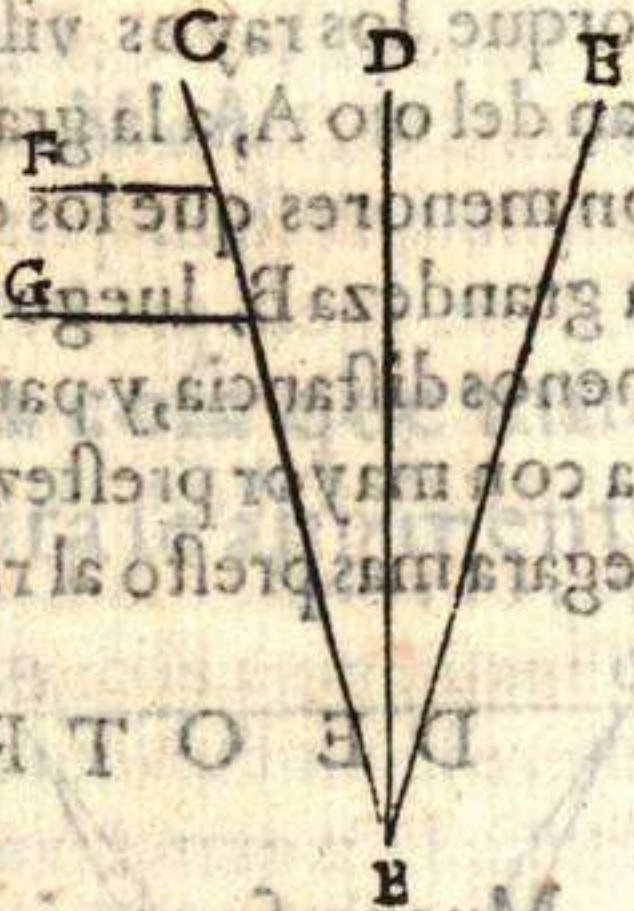
† II. com. no. 1. elem.

THEOREMA

57.

Mouiendose el ojo con velocidad las cosas que mirare de lexos le parecera que se quedan atras.

SEA el ojo B, del qual salgan los rayos visuales BC. BD. BE. y las grãdezas miradas seã F. G. y porque mouido el ojo con velocidad hazia las partes donde esta C, los rayos visuales pasaran mas presto la grandeza F, que la grandeza G. luego F, parecera quedar se atras, y G, y hazia la parte contraria, que es hazia las partes donde esta E.



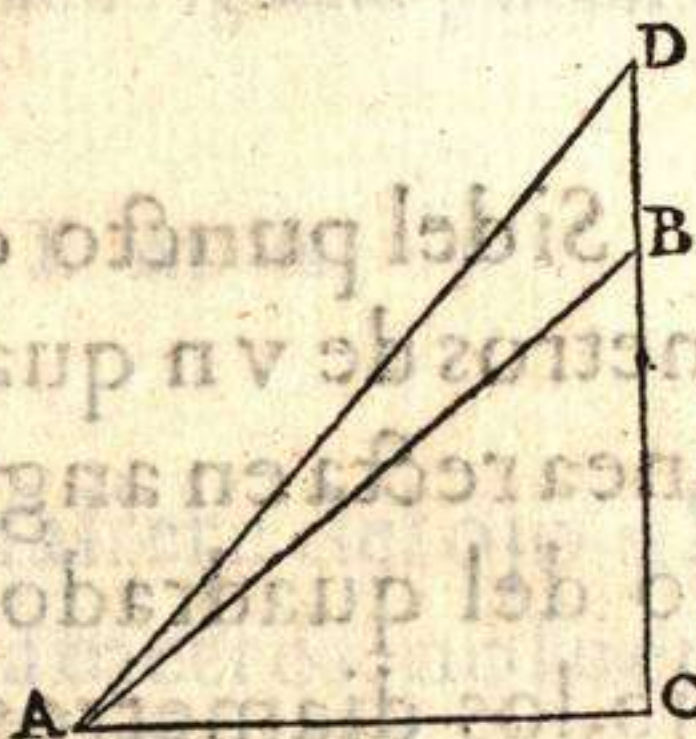
THEOREMA

58.

Las grandezas augmentadas parecera que se acercan al ojo.

Mirese

Mírese la grandeza BC. cō los rayos visuales AB. AC. y augmentese BC. con BD. y del ojo A, salga el rayo visual AD. y porq̄ el angulo DAC. es mayor q̄ el angulo BAC. y aquellas cosas que se miran debaxo de mayor angulo parecen mayores † luego mayor parecera CD. que CB. mas las cosas que parecen mayores al ojo parece que se aumentan, luego las grandezas augmentadas parecera que se acercan mas al ojo.



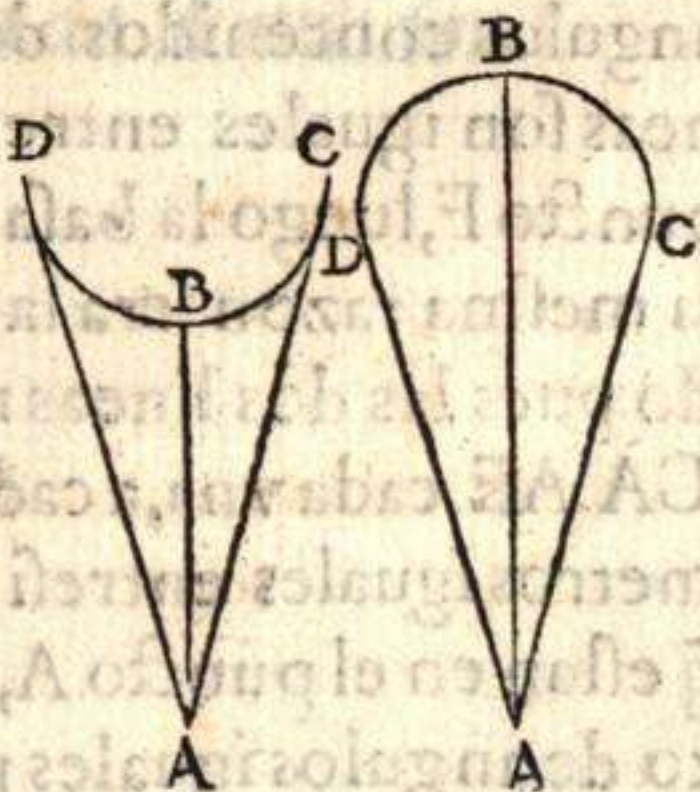
† s. suposic.

T H E O R E M A

59.

Las cosas que no estando en vna mesma distancia, las vltimas no son paralelas alas vltimas, ni las de en medio a las de en medio, ni tãpoco estã en vna linea recta, harã todavna figura, ora cõcaua, ora cõuexa.

Mírense B.C. D. desde el ojo puesto en A, y salgan del los rayos visuales AB. AC. AD. parecerapues que toda la figura es concaua, mudense agora las cosas que se miran de tal manera que B, este mas cerca del ojo, y parecera anfi toda la figura conuexa.



K 3

THEO.

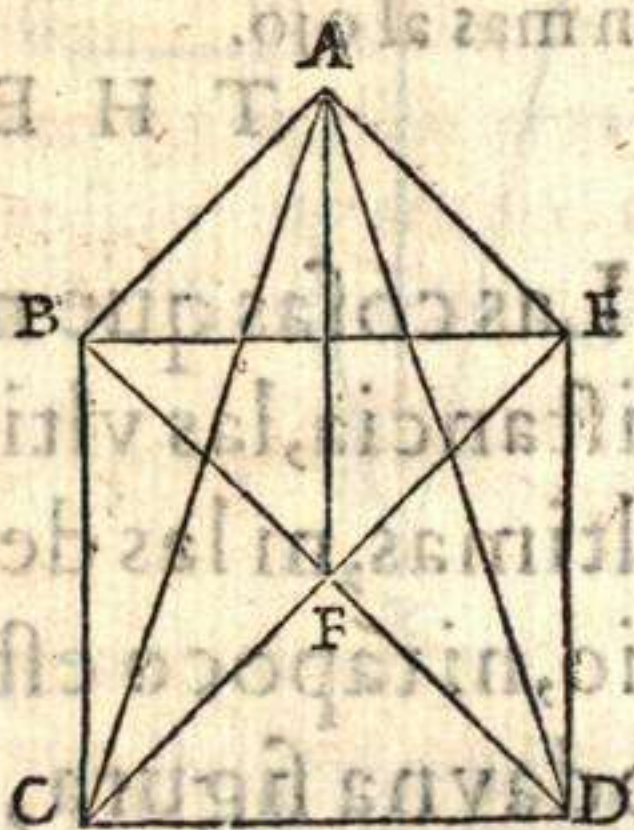
la perspectiua

T H E O R E M A

60.

Si del punto donde se cortan los diametros de vn quadrado se leuantare vna linea recta en angulos rectos sobre el plano del quadrado, y en ella se pusiere el ojo, los diametros, y los lados, pareceran iguales.

SE A vn quadrado B D.
y tirense los diametros B D.
C E. y del punto F, tirese en
angulos rectos sobre el plano
del quadrado la linea recta
F A. † y pongase el ojo en A,
y salgan de los rayos visuales
A B. A C. A D. A E. y porque las
dos lineas rectas F D. F A. son
iguales a las dos F B. F A. y los
angulos contenidos destas li-



neas son iguales entresi cõuiene a saber los q̄ estan en el
punto F, luego la basa D A. sera igual ala basa A B. † por
la mesma razon sera la basa C A. igual a la basa A E. sien-
do pues las dos lineas rectas D A. A B. iguales a las dos
C A. A E. cada vna, a cada vna, y siẽdo assi mesmo los dia-
metros iguales entresi seran tãbien iguales los angulos

q̄ estan en el punto A, † mas las cosas que se mirã deba-
xo de angulos iguales parecen iguales † luego los dia-

metros

† 12. 11. el.

† 4. 1. elem.

† 8. 1. elem.

† 7. suposic.

metros y los lados del quadrado iguales pareceran
entresi.

T H O R E M A

61.

Si el rayo visual que saliere del ojo a la intersecacion de los diametros, no fuere perpendicular al plano del quadrado, ni fuere igual a alguna de las lineas que van desde esta intersecacion a los angulos del quadrado, ni hiziere angulos iguales cō ellas, los diametros pareceran desiguales.

Lo mesmo que sucede en los circulos demostraremos tambien aqui.

Fin de la Perspectiva de Euclides.

LA
ESPECVLARIA
DE EVCLIDES TRA-
DVZIDA EN LENGVA
CASTELLANA.

*Por Pedro Ambrosio Onderiz criado de su
Magestad.*

EN MADRID.

En casa de la viuda de Alonso Gomez

Año. M.D.LXXVIII.

la especularia
AL LECTOR.



VIENDO tratado Euclides del primer modo q̄ ay de ver-
 que es el mas efficaꝝ por herir mas
 derechamente los rayos visuales
 en la cosa visible, viene a tratar agora del segū-
 do modo que es el que se haꝝe por la reflexion,
 para lo qual se ha de advertir que ay tres mo-
 dos de ver. El primero, es el que se haꝝe por li-
 neas rectas de que ya se ha tratado en el prece-
 dente libro con demostraciones evidentes, y ne-
 cessarias. El segūdo, es el que se haꝝe por la refle-
 xion de qualquier espejo plano, Esphero, Cilin-
 drico, y estos, o cōcauos, o cōuexos. El tercero y ul-
 timo, es el q̄ resulta de la refracion de las formas
 visibles por la diuersidad de los medios, como
 por el ayre debaxo del agua, o del vidro, y este
 ultimo, y el segundo tienen entresi gran simpa-
 tia, por haꝝerse ambos a dos con euerpos diapha-
 nos o transparentes. Pero dexãdo a parte el pri-
 mero, y el ultimo, assi por auerse ya discurrido
 del primero como por no haꝝerse mencio del ul-
 timo

timo en este tractado venimos al de en medio que es el que se haze por la reflexion de los espejos, por el qual se descubren grandes secretos de naturaleza, y se hazen cosas que parecen sobre naturales muchas de las quales se podran alcançar con la noticia deste libro, y la especulacion del, solo resta advertir q̄ pues su Magestad ha introduzido esta verdadera sciencia en nuestra España donde en tiempo antiguo fue tan exercitada, que aquellos que mejor pudieren se den a ella, pues alcançando la conoceran el gran provecho, y gusto que en ella esta escondido.

L 2

LA

PHE-

la especularia

La especularia de Euclides,

S V P O S I C I O N E S.

1. Supongase que el rayo visual es vna linea recta cuyos medios cubren los extremos.
2. Toda cosa visible se vè por linea recta.
3. Si vn espejo se collocare en vn plano, y sobre el tal plano se leuantare en angulos rectos vna qualquiera altura, hagase que la proporcion que tiene la linea que esta entre el que mira, y el espejo, ala linea que esta entre el espejo, y la altura leuantada, essa mesma tenga la altura del que mira, a la altura que esta en angulos rectos sobre el plano del espejo.

PHE-

PHENOMENOS.

1.

Si en los espejos planos se pusiere el ojo 4.
sobre aquel lugar donde cae la perpendi-
cular tirada desde la cosa visible al espejo,
la tal cosa no se vera.

2.

Si en los espejos conuexos el ojo ocupa 5.
re el lugar sobre que cae la linea recta tira-
da de la cosa visible al centro de la esphe-
ra, la tal cosa no se vera.

3.

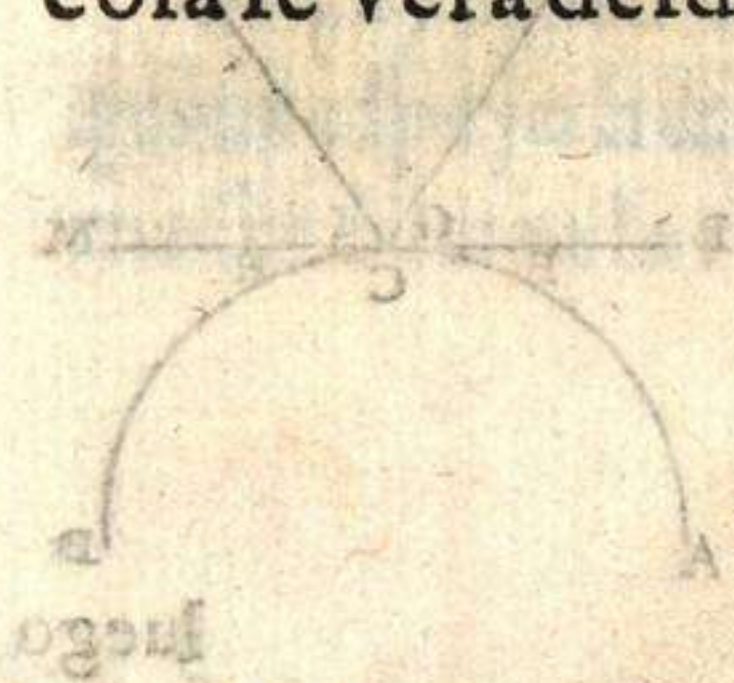
Lo mesmo sera en los espejos cócauos. 6.

4.

Si alguna cosa se echare en vn vaso, y 7.
despues se apartare el vaso hasta tal distan-
cia q̄ desde ella la mesma cosa no se pue-
da ver, hinchendose el vaso de agua, la tal
cosa se vera desde la mesma distancia.

L 3

THEO.



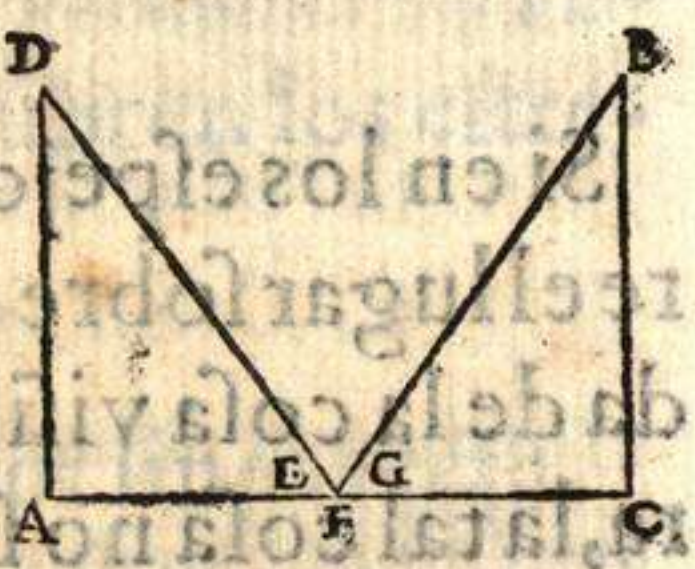
la especularia

THEOREMA

I.

En los espejos planos, concauos, y conuexos, los rayos visuales reflecten con angulos iguales.

SEA el ojo B, y el espejo plano AC. y tirado el rayo visual BF. haga la reflexion en el punto D, digo que el angulo E, es igual al angulo G. tirense al espejo las perpendiculares BC. DA. y porque es como BC. a CF. asi DA. a AF. por la diffinicion, † luego el triangulo BCF. sera semejante al triangulo DAF. y por esso el angulo E, sera igual al angulo G. porque los triangulos semejantes tambien son equiangulos. †

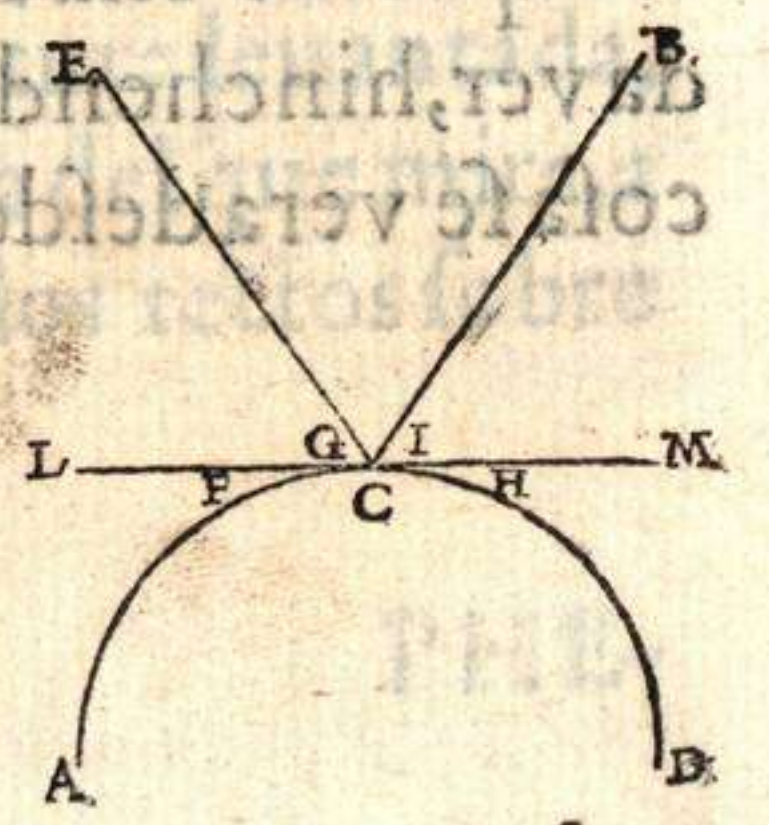


† 3. diff.

† 1. dif. 6. el.

EN EL ESPEJO CONUEXO.

SEA el espejo conuexo ACD. y el rayo visual BC. reflecta en el punto E, digo que el angulo FG es igual angulo HI. porque si se applicare el espejo plano LM. sera el angulo G. igual al angulo I, † y es el angulo F, igual al angulo H, † porque estan en el tocamiento.



† 1. par. deste heor.

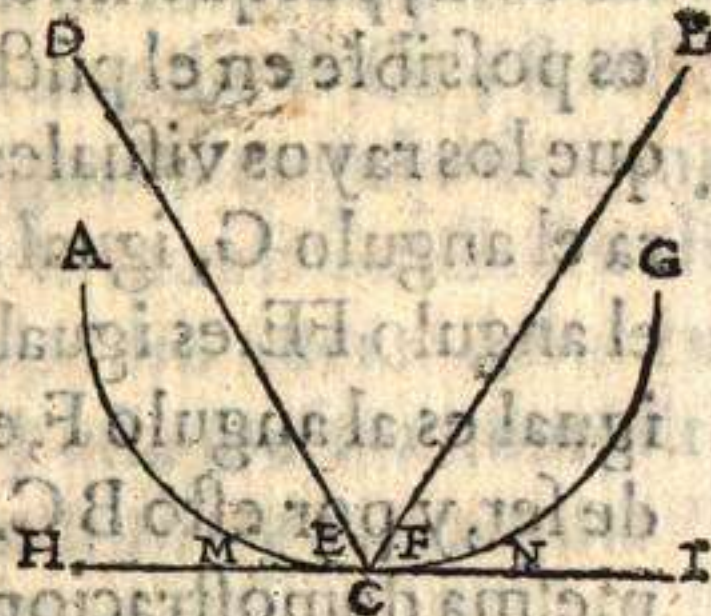
† 16. 3. elem.

luego.

to luego todo el angulo F G. sera igual a todo el angulo H I.

EN EL ESPEJO CONCAVO.

SEA el espejo concauo A C G. y el rayo visual B C. haga la reflexion en el punto D, digo q̄ el angulo E, es igual al angulo F, porque poniendo el espejo plano H I. sera el angulo E M. igual al angulo F N. † mas el angulo M, es igual al angulo N, † luego el angulo restante E, sera igual al angulo restante F.



† 1. Parte de
ste theo.
† 16.3. elem.

T H E O R E M A

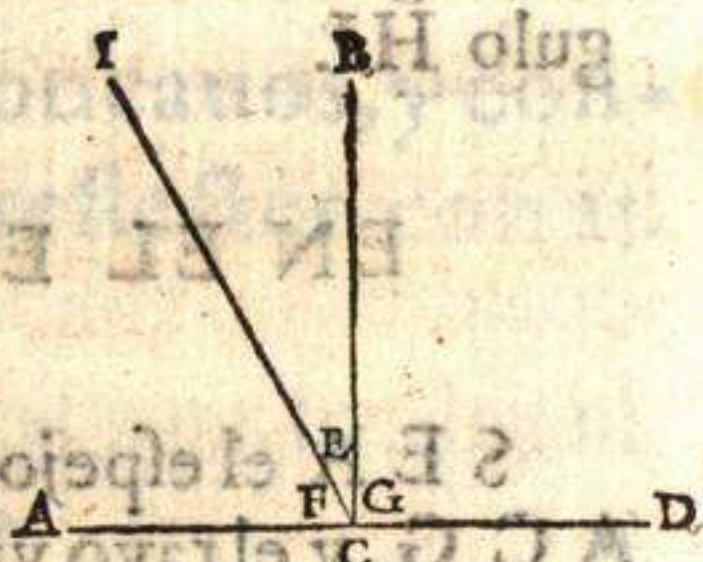
2.

Si cayendo el rayo visual sobre qualquier espejo hiziere angulos iguales, en si mismo hara la reflexion.

SEA

de la especularia

SE A el espejo plano ACD.
 y el ojo sea B, del qual salga el
 rayo visual B C. de tal mane-
 ra q̄ haga los angulos F. E. igua-
 les al angulo G, digo que si hi-
 ziere reflexion el rayo visual
 B C. que la hara en si mismo, q̄
 es en B, porque sino reflecta si
 es posible en el punto I, y por-
 que los rayos visuales reflecten con angulos iguales se
 ra el angulo G, igual al angulo F, y ha se mostrado que
 el angulo FE. es igual al angulo G, luego el angulo FE.
 igual es al angulo F, el mayor al menor, lo qual no pue-
 de ser, y por esto B C. en si mismo hara la reflexion. Esta
 mesma demostracion sirve tambien a los espejos conca-
 vos y conuexos.

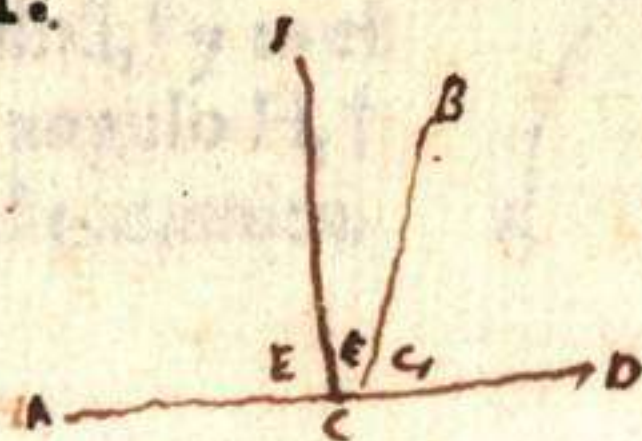


† 1. Th. spe.

T H E O R E M A

3.

El rayo visual que cayendo sobre qual-
 quier espejo, no hiziere angulos iguales,
 ni reflectira hazia si mismo, ni hazia el an-
 gulo menor.



SE A

T H E O R E M A

SE A el espejo plano ACD, y falga el rayo visual BC. que haga el angulo E, mayor que el angulo FG. digo que si reflectiere el rayo visual BC. que ni reflectira hazia si mismo, ni hazia el angulo F G. porque si se reflectiere hazia B C. sera el angulo E, igual al angulo F G. † lo qual es absurdo pues el angulo E, se puso mayor que el angulo F G. y si reflectiere hazia I, sera el angulo E. igual al angulo G, † mas puso se tambien mayor q̄el, por lo qual BC. reflectira hazia el mayor angulo E. y ansi se podra cortar del angulo mayor, vno igual al menor, † esta mesma demonstracion seruirá para los espejos concauos, y conuexos.



Por la prece.

† 1. Th. spec.

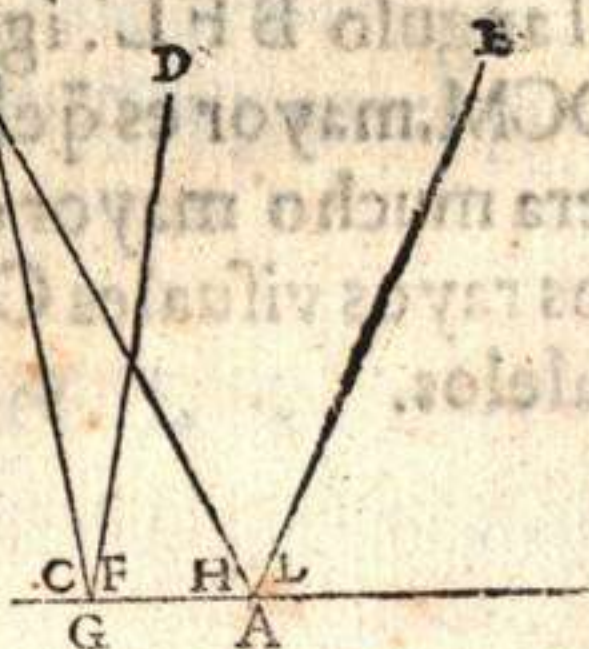
† 23. 1. elem.

T H E O R E M A

4

Los rayos visuales que hazen reflexiõ en los espejos planos, y conuexos, ni concurriran entresi, ni seran paralelos.

SE A el espejo plano AG. y el ojo sea B, y los rayos visuales que reflecten sean BGD, BAE. digo que los rayos visuales GD. AE. ni seran paralelos ni concurriran hazia las partes D. E. porque Siendo el angulo C. igual al angulo F, † y el an-



M

gulo † 1. Th. spec.

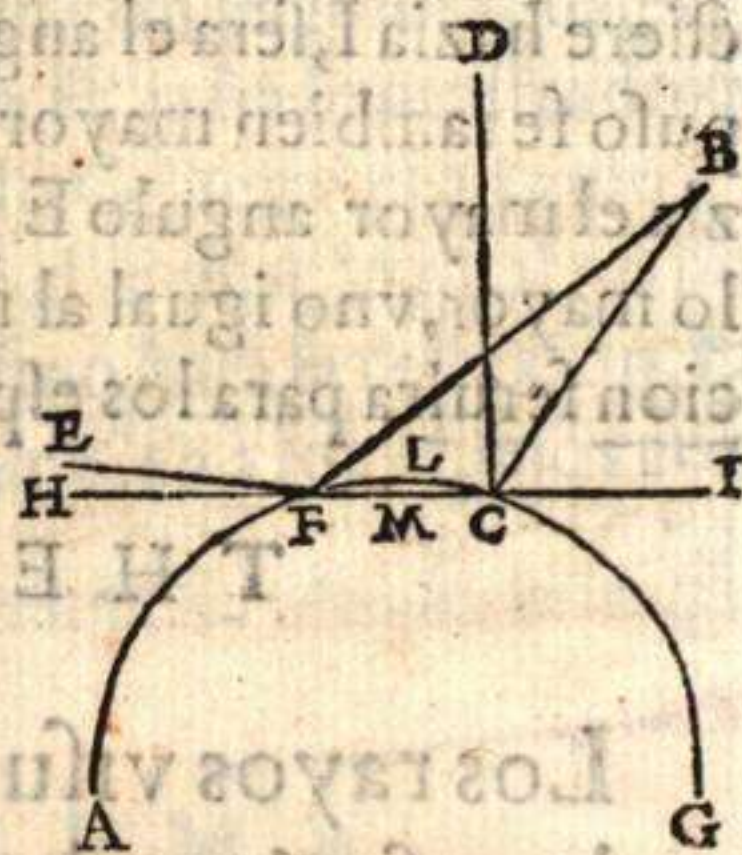
la especularia

†16.1. elem.

ángulo H, igual al ángulo L, y siendo así mismo el ángulo C, mayor que el ángulo H, † por ser ángulo estrinsecado del triángulo BAG. será también el ángulo C, mayor que el ángulo L, por lo qual los rayos visuales GD. A E. ni serán paralelos, ni concurrirán hacia las partes E D.

EN EL ESPEJO CONVEXO.

Sea el espejo cóuexo AFCG. y el ojo sea B, y los rayos que hazen reflexion sean B C D. BFE. digo que C D. F E. ni serán paralelos, ni concurrirán hacia las partes E D. tirese la línea recta FC. y estiendase de vna y otra parte, y porque el ángulo BCG. es igual al ángulo DCL. porque los rayos visuales reflecten con ángulos



†1. Th. spec.
†16.1. elem.

iguales; † será el ángulo DCM. mayor que el ángulo BCI. mas el ángulo BCI. es mayor que el ángulo BFM. † y el ángulo BFM. es mayor que el ángulo EFA. por ser el ángulo BFL. igual al ángulo EFA. luego el ángulo DCM. mayor es que el ángulo EFA. y así el ángulo DCM. será mucho mayor que el ángulo EFH. por lo qual los rayos visuales CD. FE. ni concurrirán, ni serán paralelos.

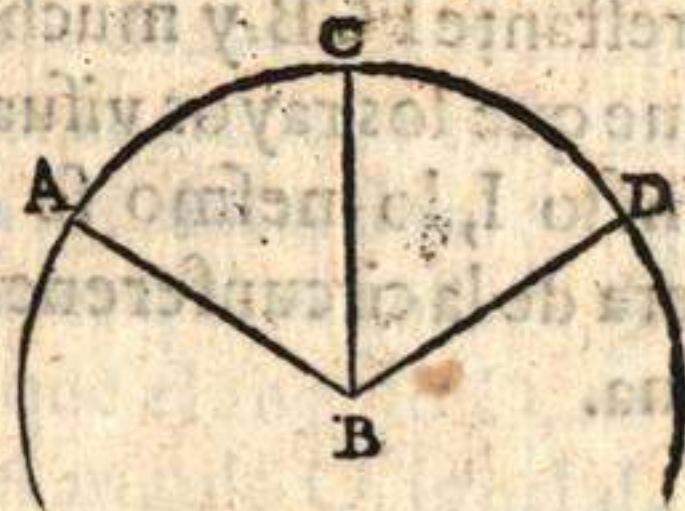
THEO.

T H E O R E M A

5.

Si en los espejos concauos se pusiere el ojo en el centro, o en la circunferencia, o fuera de la circunferencia, que es entre el centro, y la circunferencia, los rayos visuales reflexos concurriran.

SE A el espejo concauo ACD. y el centro de la esfera sea B, y pongase el ojo B, y desde B, tirense a la circunferencia los rayos visuales BA. BC. BD. y porque los angulos puestos en los puntos A, C, D, son iguales entre si † por estar en semicirculos luego los rayos visuales BA. BC. BD. haziendo reflexion, haran la en si mismos como esta demostrado, † por lo qual necessariamente concurriran en el punto B.



† 16.3.el.

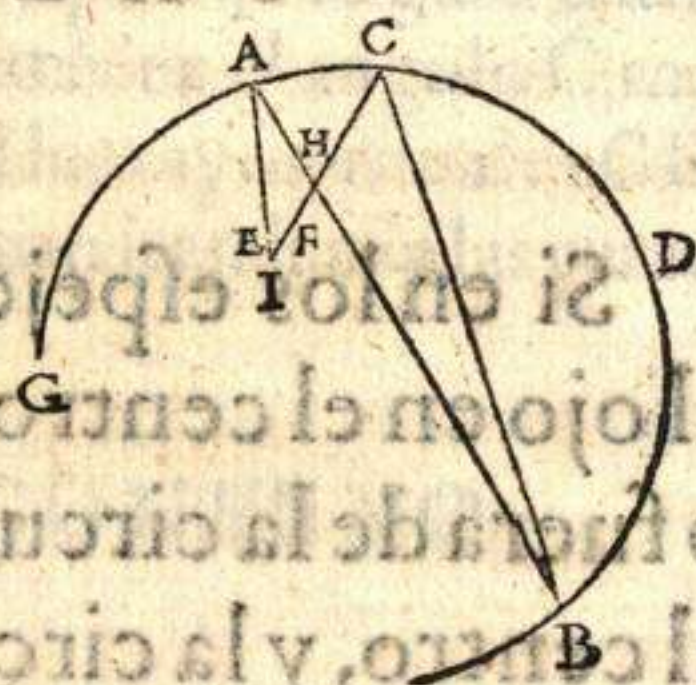
† Th. 2.spe.

D E L O I O E N L A
circunferencia.

M z z S E A

la especularia

SEA el espejo concauo
 ACDB. y el ojo sea B, el qual
 se ponga en su circūferencia,
 y del ojo B, salgā los rayos vi-
 suales BC. BA. los quales refle-
 ctan en los puntos E. F. y por
 que el segmento ACB. es ma-
 yor que el segmento CDB.
 fera el angulo BAC. mayor
 que el angulo BCD. † y assi el
 angulo EAG. por el primer
 theorema fera mayor q̄ el angulo FAC. luego los dos
 angulos BAC. EAG. seran mayores q̄ los dos angulos
 BCD. FCA. por lo qual el restāte BAE. fera menor que
 el restante FCB. y mucho menor que FHB. de donde se
 sigue que los rayos visuales CF. AE. concurriran en el
 punto I, lo mesmo se demostrara si el ojo se pusiere
 fuera de la circunferencia como en el siguiente theo-
 rema.



† 31.3. elem.

T H E O R E M A

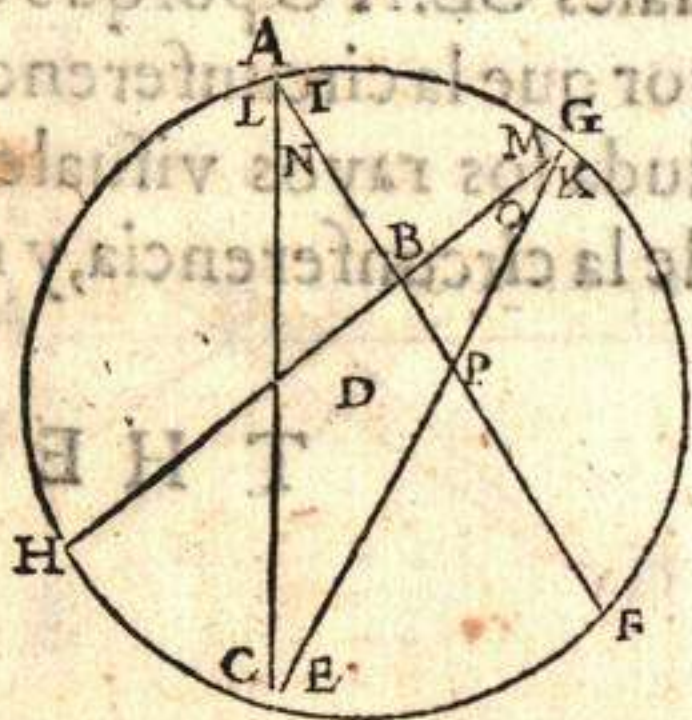
Si en los espejos concauos se pusiere el
 ojo entre el centro y la circunferencia, los
 rayos visuales reflexos a vezes concurre-
 ran, a vezes no.

SEA

M s

SEA

iv S E A el espejo concauo
 A G. y su centro D, y ponga-
 se el ojo en el punto B, entre
 el centro, y la circunferencia
 y los rayos visuales B A. B G.
 reflektan en los pũctos C. E. y
 estiendanse estos rayos hasta
 el espejo, y seã AF. GH. y por
 q̄ el rayo visual AF. puede ser
 mayor, o menor, o igual al ra-
 yo visual G H. sea lo primero
 igual, sera pues la circunferencia AGF. igual a la circun-
 ferencia GAH. y por esto el angulo I, sera igual al angu-
 lo k, por ser iguales entresi los angulos q̄ estan en igua-
 les segmentos de circulos, mas los dos angulos I. L. son
 iguales a los angulos M. K. por ser angulos de reflexiõ†
 luego el restante angulo N. sera igual al restante angu-
 lo O, y assi el angulo P, sera mayor q̄ el angulo N, por-
 que siendo el angulo P, mayor que el angulo O, en ser
 exterior del triangulo BGP. y el angulo O. igual al an-
 gulo N, sera el angulo P, mayor q̄ el angulo N, pongase
 comun el angulo NPE. y sucedera que reflexos los ra-
 yos visuales GE, AC. concurriran hazia C E. lo mesmo
 sucedera si el rayo visual A F. fuere mayor que el rayo
 visual G H. porque los dos angulos L. I. seran mayores q̄
 los dos angulos M. K. y por esso el angulo O, sera ma-
 yor que el angulo N, y el angulo P, mayor que el mes-
 mo angulo N, mas si el rayo visual A F. fuere menor q̄
 G E. sera por la mesma razon el angulo N, mayor que
 el angulo O, y es el angulo P, mayor que el angulo O,
 luego nada impide a que el angulo P, sea igual al angu-
 lo N,

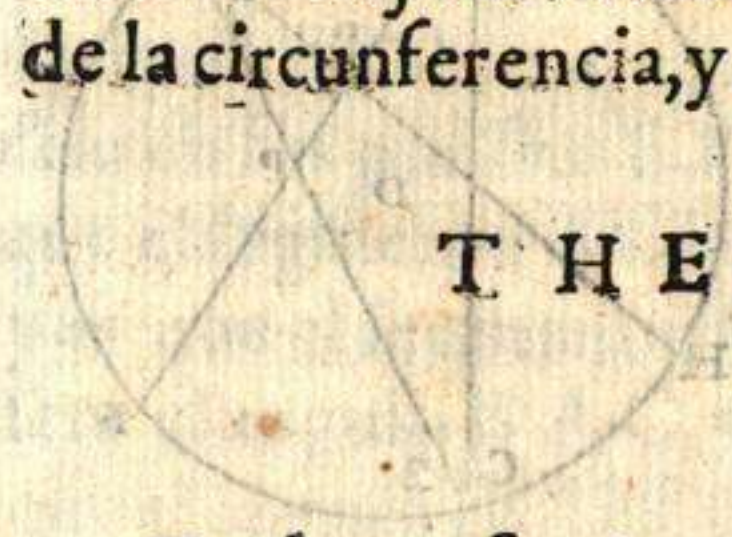


† i. Th. spe.

M 3 lo N,

la especularia

lo N, o menor que el para que concurren los rayos visuales GE. A C. porque ora la circunferencia AF. sea mayor que la circunferencia G H. ora sea igual a ella, sin duda los rayos visuales reflexos concurriran dentro de la circunferencia, y no en ella, ni fuera della.

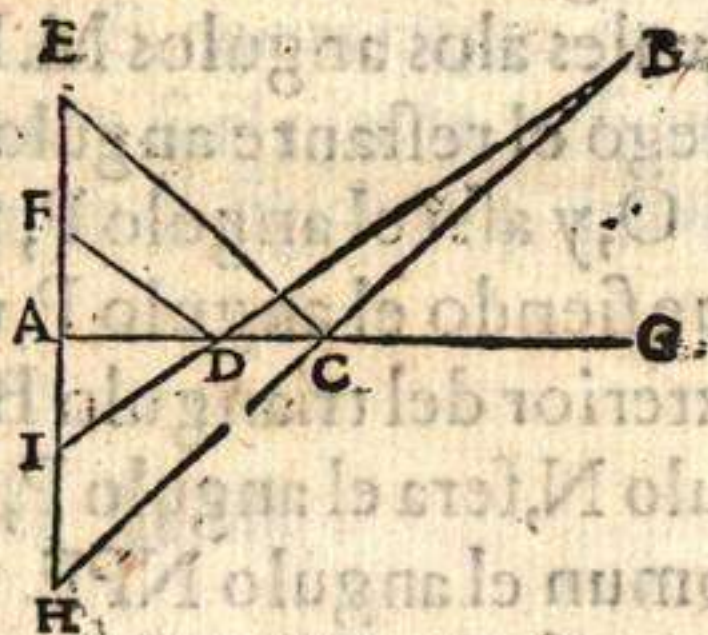


T H E O R E M A

7.

En los espejos planos las alturas, y las profundidades, parecen al contrario.

SE A la altura A E. y el espejo plano A G. y el ojo sea B, del qual salgan los rayos visuales B C. B D. que reflectan en los puntos E. F. pues si estos rayos visuales se alargaren por linea recta el punto E, que esta arriba parecera que esta abaxo en H, y el punto F, que esta abaxo parecera que esta arriba en I, y assi pareceran al contrario.

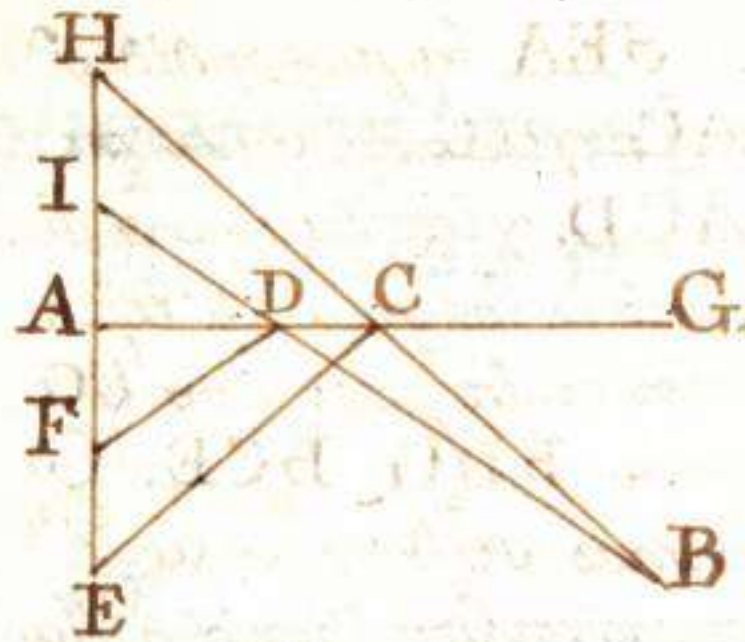


Q U E R A D E M O S T R A C I O N

de la profundidad.

Si E. A

SEA la profundidad EA. y el Espejo plano AC. y el ojo sea B, y sean finalmente los rayos visuales BC. BD. los quales se reflejan en los puntos E. E. y á las alturas como en la pasada, fueran los puntos H. I. pareciera el punto E, que está abajo, estar en lo alto en el punto H, y el punto F que está mas alto, pareciera estar abajo en el punto I.

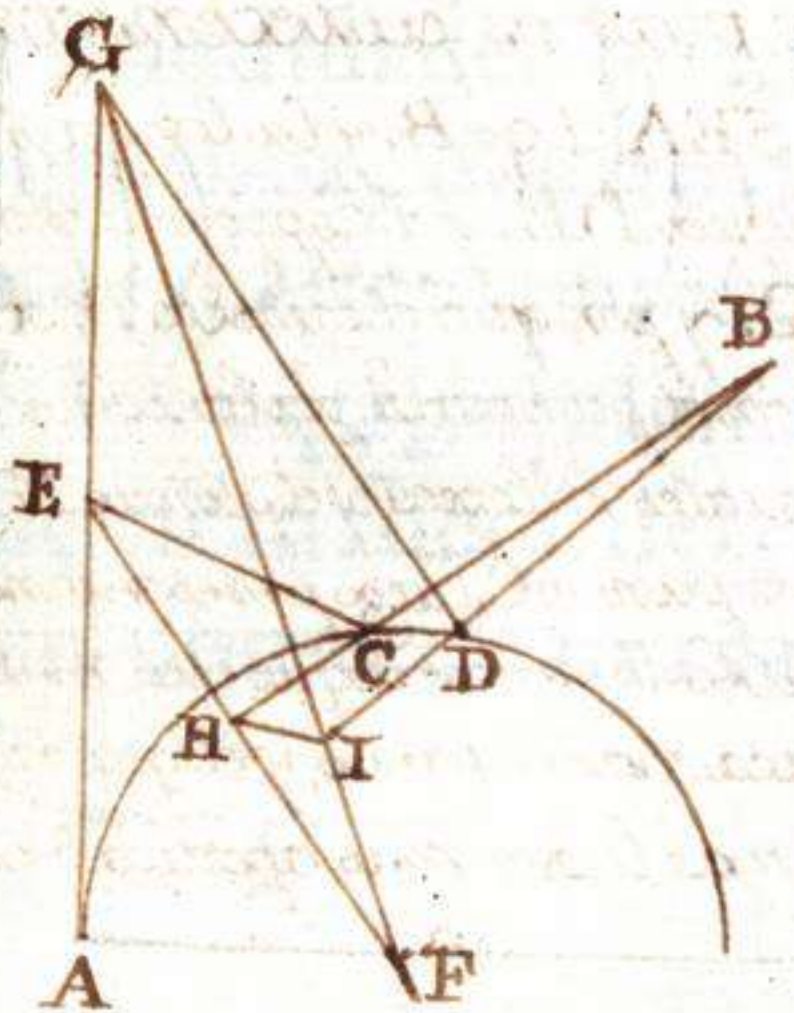


THEOREMA.

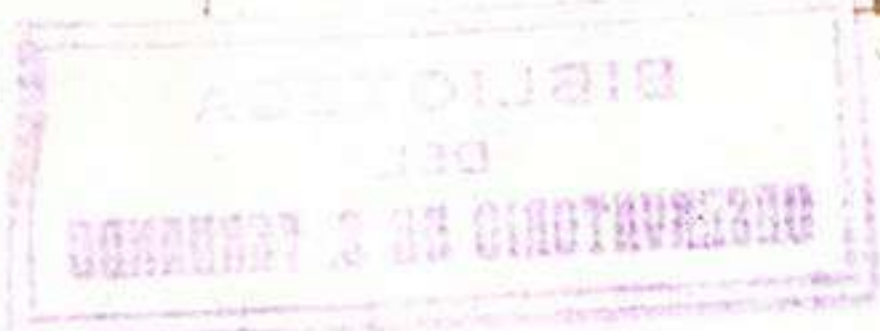
AMBROSIANO

Las alturas, y las profundidades, en los espejos convexos, parecen al contrario.

SEA la altura AG. y el Espejo ACD. convexo, y los rayos visuales BC. BD. que se reflejan en E. G. y por que está demostrado que los rayos visuales, no concurren en un punto, se demuestrase como en los Espejos planos.



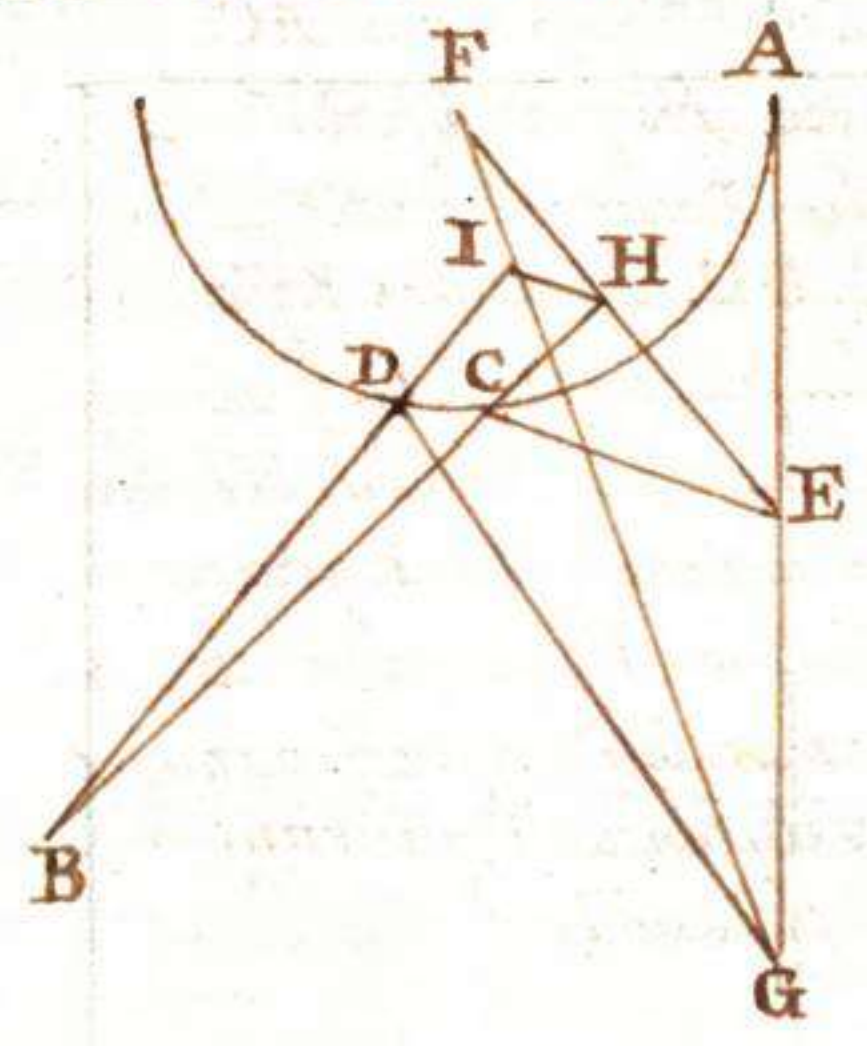
†. Th. 3. spec.
†. Th. prec.



la especularia DE LA PROFVNDIDAD.

SEA la profundidad
AC. y el Espejo conueno
ACD. y los Rayos visuales
los quales se reflecan
en los puntos EG.
sean BDG. BCE. Co
demas se demuestran
como en los Espejos Pla
nos †.

†. The. prec.

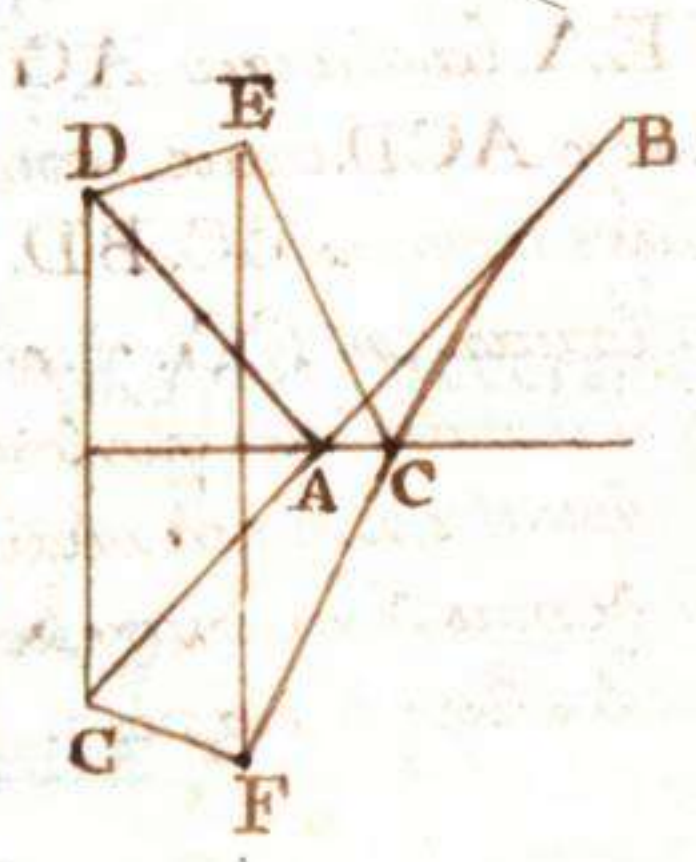


THEOREMA.

9

Las longitudes obliquas en los Espe
jos planos parecen, como están realmente

SEA el ojo B. y la longitud
obliqua DE. y el Espejo plano
AC. y por que el punto D, se
ve en el punto A por los Rayos
visuales reflexos, y el punto E
en el punto C, luego parecen como
son realmente; el que está mas
seca mas cercano, y el que es
ta mas lejos mas apartado.



THEO.

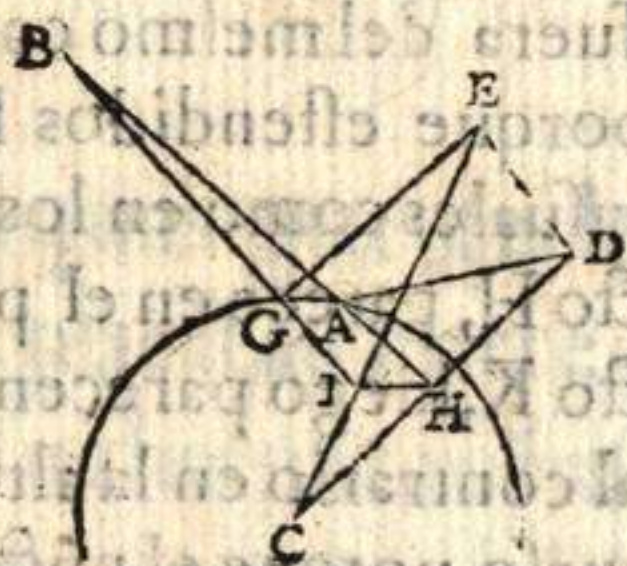


THEOREMA

IO.

Las longitudes obliquas en los espejos conuexos parecen como estan realmente.

SEA la longitud obliqua DE. y el ojo sea B, y el espejo conuexo AG. y los rayos visuales los que reflecten en los puntos D, E, lo demas se demuestre como en la pasada.



THEOREMA

III.

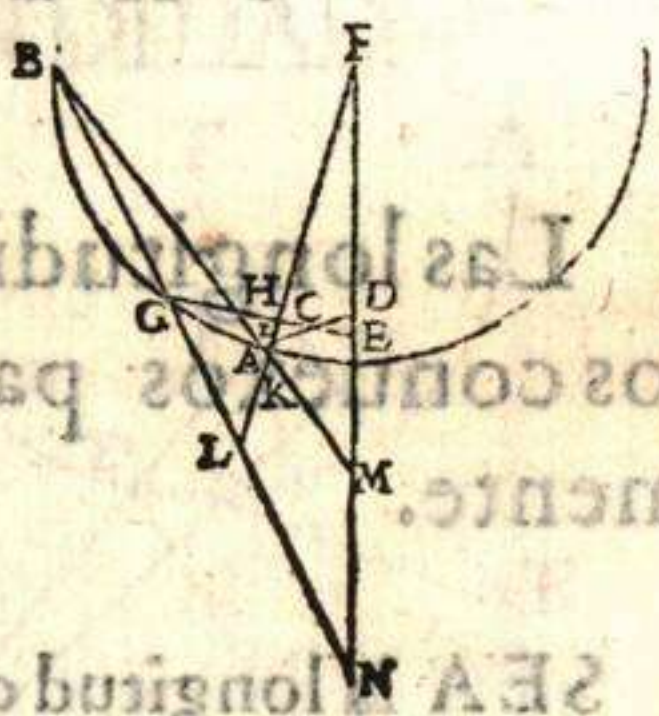
Las alturas, y las profundidades que estan en los espejos concauos, dentro del concurso de los rayos visuales, parecen al contrario como en los espejos planos, y conuexos, y las que estan fuera del dicho concurso parecen como estan realmente.

N

SEA

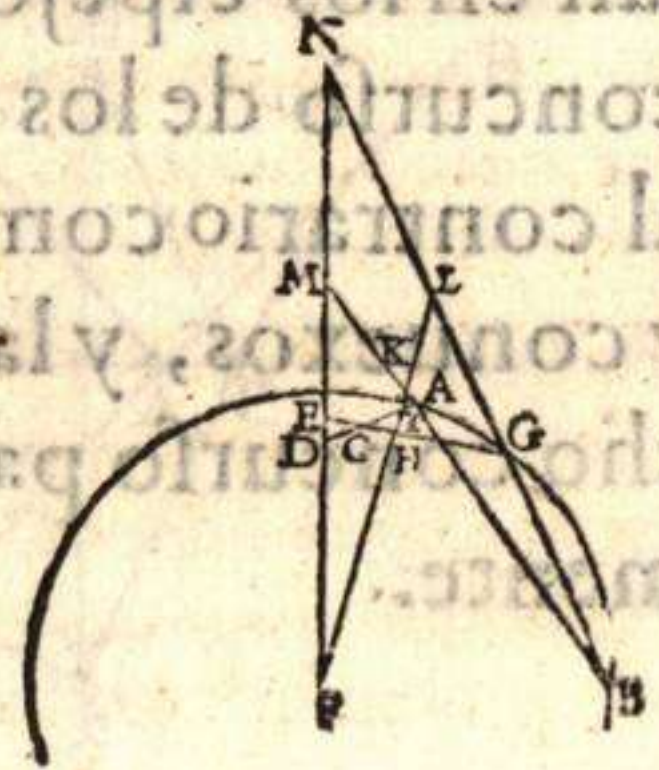
la especularia

SE A el espejo concauo A G. y el ojo sea B, y los rayos visuales reflexos BA. B G. que cōcurran en el pũcto C, y las alturas sean HI. DE. de las quales HI. este dẽtro del concurso que hazen los rayos visuales en el pũcto C. y DE. este fuera del mismo concurso, y porque estendidos los rayos visuales como en los espejos planos, y conuexos. el pũcto H, parece en el pũcto L, y el pũcto I, en el pũcto K, luego parecen al reues de como estan, lo qual es al contrario en la altura DE. que esta fuera del tal concurso, porque el pũcto D, parecera en el pũcto M, y el pũcto E, en el pũcto N, y ası parecẽ de la misma manera que estan.



DEMOSTRACION DE LA profundidad.

SEAN de nuevo las profundidades DE. IH. y el espejo concauo A G. y el ojo sea B, y los rayos reflexos que cōcurren en el pũcto C, sean BGE. BAD. alargados pues estos rayos visuales los pũctos I. H. parecieran al contrario porque el pũcto I, parecera en el pũcto K, y el pũcto



o H,

cto H, en el punto L, como en los espejos plan̄os, y conuexos, lo qual es diferente en los puntos D, E. por que parecē de la mesma manera que estan, el punto D, inferior, en el punto M, y el punto E, superior, en el punto N.

T H E O R E M A

12.

Las longitudes obliquas que en los espejos concauos, estan puestas entre el concurso de los rayos visuales parecē assi como estan, y las que estan fuera del concurso, parecen al contrario.

SEAN las longitudes obliquas D E. F C. y el espejo concauo A G. y el ojo sea B, y los rayos visuales reflexos q̄ concurren en el punto I, sea B A E. B G D. y este la longitud obliqua F C. dentro del concurso I, y D E. este fuera del, y assi los puntos F, C, se veran en su sitio natural, como en los espejos planos, y conuexos y los puntos D, E, parecieran al contrario, porque el punto E, pareciera en el punto A, y el punto D, en el punto G.



N 2

THEO-

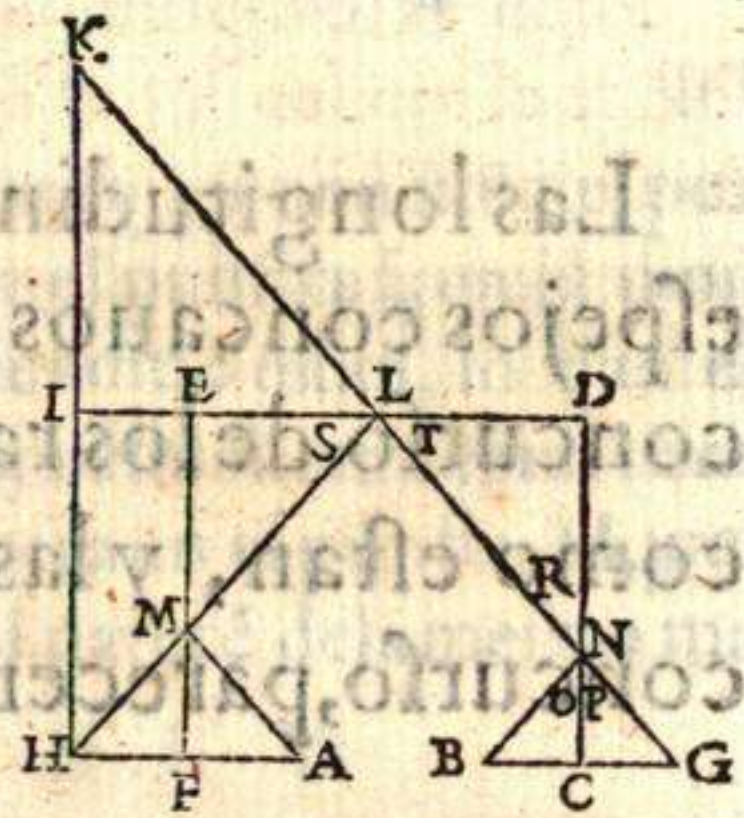
la especularia

THEOREMA

13.

Vna mesma cosa se puede ver con muchos espejos planos.

SEA la cosa que se ha de ver A, y el ojo sea B, y sean tres espejos planos CD. DE. EF. y tirese la perpendicular BC. del punto B, al espejo plano CD. y pongase igual a ella CG. y tirese de la misma suerte del punto A, al espejo FE, la perpendicular AF. y hagase igual a ella FH. y del punto



H, tirese el espejo DE. la perpendicular HI. y sea Ik. igual a IH. y tirese del punto k, al punto G, la linea recta kLG. y del punto L. al punto H, la linea recta LMH. y junteuse finalmente AM. BN. y porque la linea recta BC. es igual a la linea recta CG. y los angulos puestos en el punto C, son rectos, luego las dos lineas BC. CN. seran iguales a las dos GC. CN. cada vna, a cada vna, y es el angulo recto BCN. igual al angulo recto GCN. luego los demas angulos se

† 4. 1. elem.

† 15. 1. elem.

ran iguales a los demas angulos † debaxo de los quales se estienden iguales lados, conuiene a saber el angulo B, al angulo G, y el angulo O, al angulo P, mas el angulo P, es igual al angulo R, porque entrambos estan a la vertice, luego el angulo R, sera igual al angulo O, y

por

†: Th. spe.

por esto el rayo visual BO. reflectira hazia el pũcto L,†
 demas desto, porque la linea recta HI. es igual a la linea
 recta Ik. y los angulos puestos en el punto I, son rectos
 sera el angulo S, igual al angulo T, de donde se figue
 que el mesmo rayo visual BOL. reflectira hazia el pun-
 cto M, por la mesma razon, el mesmo rayo visual refle-
 ctira en el punto A, por ser el angulo FMA igual al an-
 gulo EML. lo qual se puede demostrar, como se hizo
 en los demas angulos, por lo qual el rayo visual que sa-
 le del ojo B, vera el punto A, por tres espejos planos
 que son CD. DE. EF.

†: Th. it

T H E O R E M A
 14.

AB

Vna mesma cosa se puede ver por qua-
 lesquier espejos planos, con que se descri-
 ua vn poligonio equilatero, que exceda
 en dos lados, al numero de los espejos.

SE A la cosa que ha de ver
 se A, y el ojo sea B, y juntese
 la linea recta AB. y sobre ella
 descriuase vna figura poligo-
 nia equilatera, y equiãgula †
 que tenga dos lados mas que
 no son los mesmos espejos, y
 sea la tal figura poligonía,
 ABCDE. y tomese el centro



†14.4 el.

N 3

del

la especularia

17

1.3. elem.

1.7. spec.

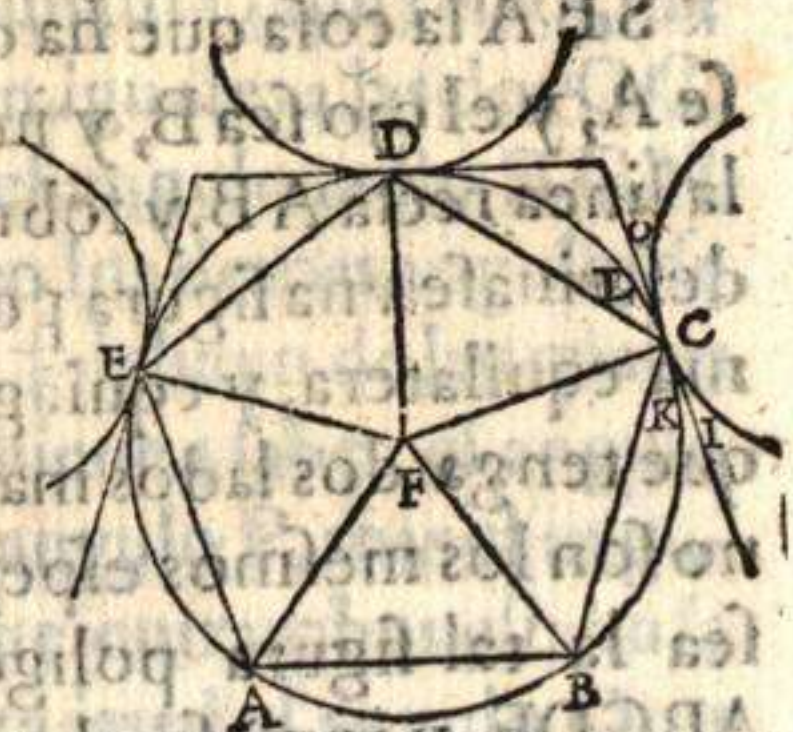
del círculo descripto al rededor della, † el qual sea F, y desde el tirense las lineas rectas FA. FB. FC. FD. FE. que vayan hasta los angulos, y ponganse los espejos planos de tal manera que hagan angulos rectos con las lineas tiradas del centro, y porque el angulo K I. es igual al angulo L O. por ser cada vno dellos recto, y el angulo L es igual al angulo k, luego el restante angulo I, sera igual al restante angulo O, por lo qual la reflexion del rayo visual BC. se hara en el punto D, † porque las reflexiones se hazen con angulos iguales, de la mesma manera se demostrara ser iguales entresi los angulos que estan en D. E. puntos de los espejos, de donde se sigue que el rayo visual que sale del ojo B, despues de auer caydo en todos los espejos llegara reflectiendo finalmēte al punto A.

T H E O R E M A

15.

Vna mesma cosa se puede ver con qualquier espejos, o concauos, o conuexos.

SE A la cosa que ha de verse A, y el ojo sea B, y descriuase como en la precedente vna figura poligonia equilateral, y equiángula ABCDE. y pongāse los espejos en los puntos C. D. E, que es dōde los rayos visuales hierē, y porque el angulo I, es igual al an



gulo

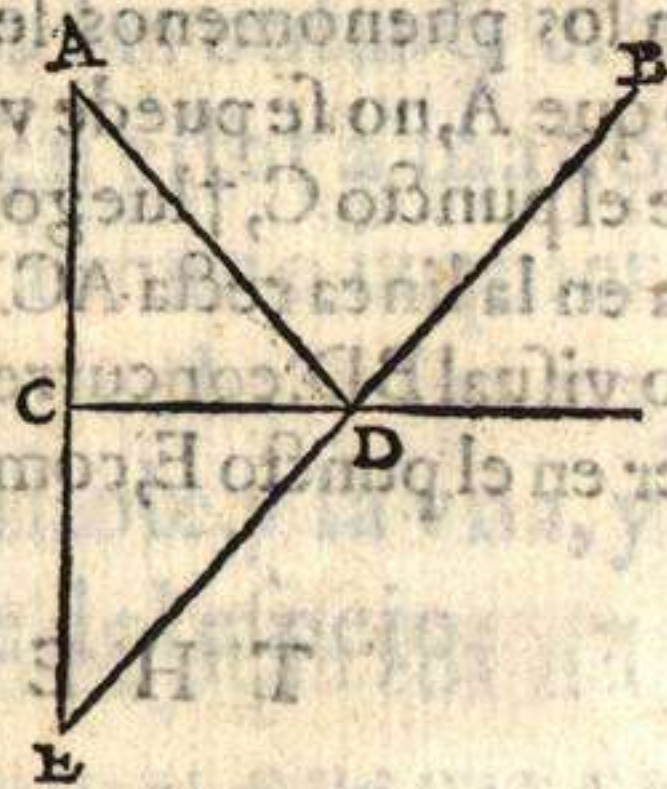
gulo O, † y el angulo k, al angulo L, luego todo el an- †16.3 elem.
gulo KI. sera igual a todo el angulo L. O. por lo qual el
rayo visual B C. reflectira del espejo conuexo C, en D,
y de D, en E, y de E, en A, de donde se sigue q̄ vna mes-
ma cosa se podra ver por qualesquier espejos, o conue-
xos solamente, o concauos sola mente, o mixtos.

T H E O R E M A

16.

En los espejos planos, cada vna de las
cosas visibles se v̄ en la perpendicular ti-
rada de la cosa visible al espejo.

S E A la cosa visible A, y
tirese de la cosa visible al espe-
jo la perpendicular AC. y por
que se supuso en los phenome-
nos que el p̄cto A, no se pue-
de ver desde el p̄cto C, † lue-
go A, verse ha en algun pun-
cto de la linea AC. y ve se tam-
bien en algun punto del ra-
yo visual B D. verse ha pues
en el punto E, porque segun
la primera diffiniciõ, recto es
aquello cuyos medios cubren los estremos, por lo qual
A E. B E. seran lineas rectas.



† 4. dif. espe.

T H E O

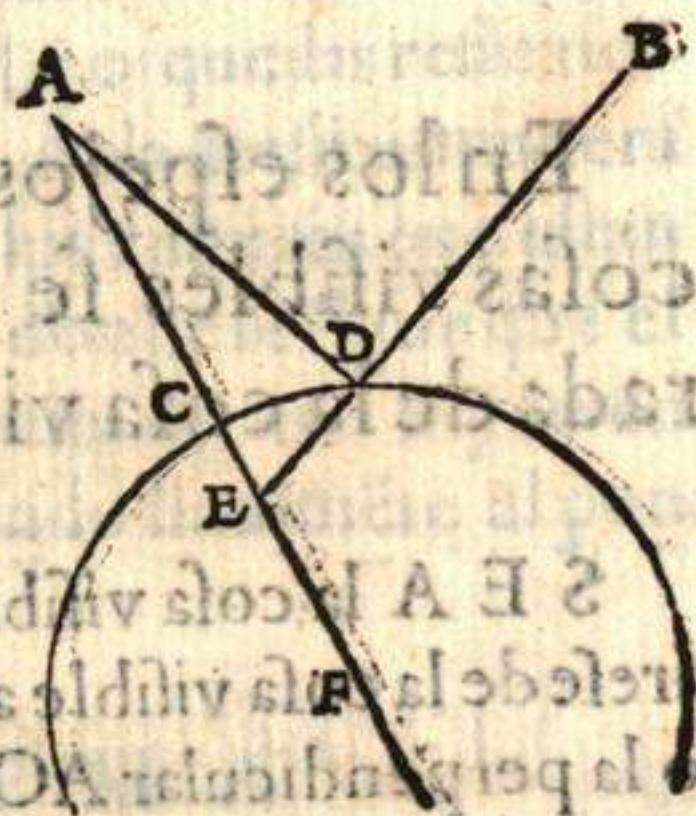
la especularia

THEOREMA

17.

En los espejos conuexos cada vna de las cosas visibles, se vè en la linea recta, tirada de la cosa visible, al cétro de la esphera.

SE A el espejo conuexo CD. y el ojo sea B, y el rayo visual BD. el qual reflecta en A, y sea F, centro de la esphera, cuya porcion es el espejo DC. y juntese la linea AF. y estiendase el rayo visual BD. hasta el punto E, y porque en los phenomenos se supuso que A, no se puede ver desde el punto C, luego verfeha en la linea recta AC. y en aquella parte donde el rayo visual BD. concurre con la linea AC. conuiene a saber en el punto E, como en los espejos planos.



THEOREMA

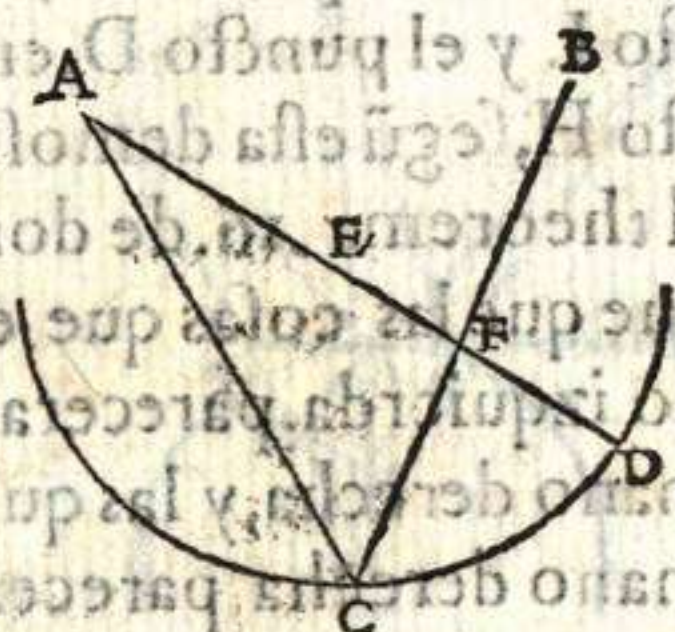
18.

En los espejos concauos, cada vna de las cosas visibles, se vè en la linea recta tirada de la cosa visible, al cétro de la esphera.

S E A

f. 5. dif. spec.

SE A el espejo concauo CD. y el rayo visual BC el qual reflecta en la cosa visible que sea A, y sea E, centro de la esphera, cuya porciõ es el espejo CD. y juntada la linea recta AE. alarguese, y porque en los phenomenos se supuso que A, no se puede ver desde el ojo puesto en D. † luego verse ha en al gun punto de la linea recta AE. de donde se sigue que se vera en el punto F, que es donde la linea recta AE. concurre con el rayo visual B C.



† 6. dif. spec.

T H E O R E M A

19.

En los espejos planos las cosas q̄ estan a mano derecha, parecen estar a mano izquierda, y las que estan a mano izquierda parecen estar a mano derecha, y la imagé parece igual a la cosa visible, y la vna, y la otra, distan igualmente del espejo.

SE A el espejo plano AC. y el ojo sea B, y los rayos visuales BA. BC. los quales reflectan en la cosa visible ED. desde la qual al espejo se tiren las perpendiculares EF. DG. y alarguense, y estiendanse tambien los rayos visuales BA. BC hasta que concurren con las perpendiculares en los puntos H. I. y juntese la linea recta IH y

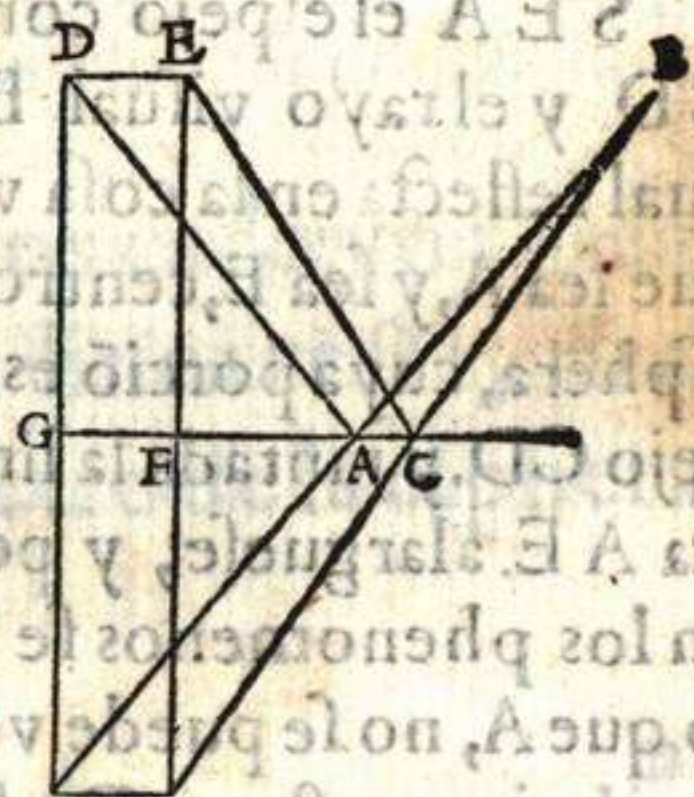
SE A

O

parecera

la especularia

parecera el punto E, en el punto I. y el punto D. en el punto H, segun esta demostrado en el theorema .16. de donde se sigue que las cosas que están a mano izquierda. pareceran estar a mano derecha, y las que estan a mano derecha pareceran estar a mano izquierda, y porque el angulo ICF. es igual al angulo FCE. y son rectos los angulos puestos en el punto F, luego la linea recta FI. sera igual a la linea recta FE. † por la misma razón la linea recta DG. sera igual a la linea recta GH. por lo qual la distancia en q̄ la cosa visible ED. dista del espejo sera igual a la distancia en q̄ la imagen IH. dista del mismo espejo, y la cosa visible ED. es igual a la imagen IH. por ser la linea recta EF. igual a la linea recta FI. y DG. a GH. y por estar la linea recta GFC. en angulos rectos sobre cada vna dellas.



† 26.1. elem.

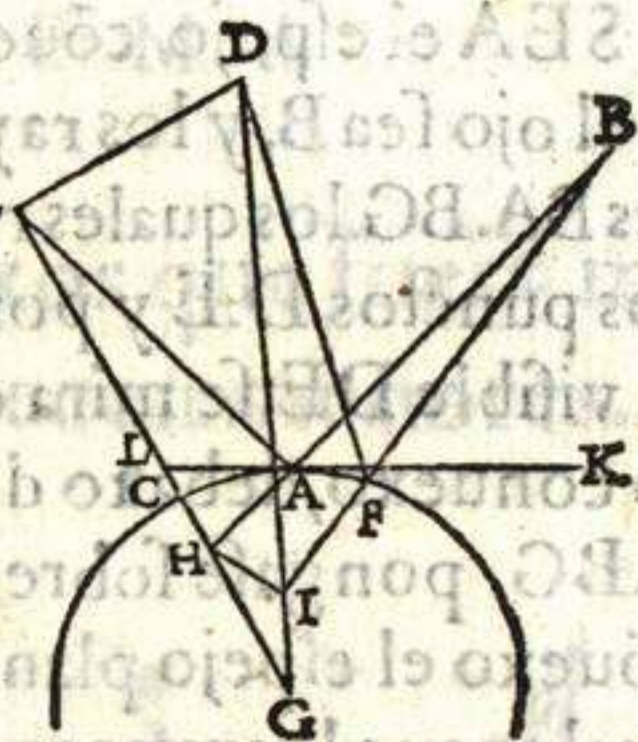
T H E O R E M A

20.

En los espejos conuexos las cosas que estan a mano izquierda, parecẽ estar a mano derecha, y las que estan a mano derecha, parecen estar a mano izquierda, y la imagen esta mas cerca del espejo, que la cosa visible.

SEA

SE A el espejo conuexo CAF. y sea G, el centro de la esfera cuya porcion es el espejo, y sea el ojo B, y los rayos visuales BA. BF. los quales reflectan en la cosa visible DE. y del centro G, tirense a DE. las lineas rectas GD. GE. y alarguése los rayos visuales BA. BF. hasta los puntos H, I, y juntese la linea recta HI. la qual sea imagen de la cosa visible DE. parecera pues el punto E, en H, y D, en I, por lo qual las cosas de a mano derecha parecieran a mano izquierda, y las de a mano izquierda parecieran a mano derecha, digo tambié que EC. es mayor que CH. tirese por el punto A, la linea recta LAK. que toque el circulo en el punto A, y porque BA. AE. hazen angulos iguales con la circunferencia del circulo por la igualdad de los angulos de la reflexion, y la linea recta LAK. toca el circulo, luego la linea recta LAK. dividira por medio el angulo EAH. y es el angulo L. obtuso, por lo qual EL. sera mayor que LH. y por esto EC. sera mucho mayor que CH. de donde se sigue que la imagen HI. dista menos del espejo, y que la cosa visible DE. dista mas, todo lo qual tambien se demostrara adelante.



ti. Th. spec

THEOREMA

21.

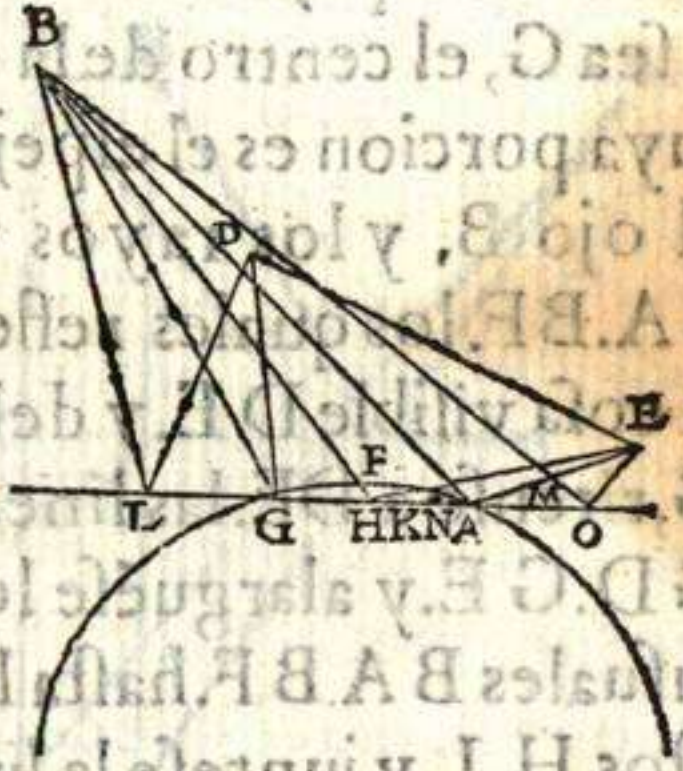
En los espejos conuexos, las imagines son menores que las cosas visibles.

O 2

SEA

la especularia

SEA el espejo cõuexo AFG. y el ojo sea B, y los rayos visuales BA. BG. los quales reflectã en los puntos D. E y porque la cosa visible DE. se mira en el espejo conuexo, debaxo del angulo ABG. pongase sobre el espejo cõuexo el espejo plano AG. el qual toque los rayos visuales en los pũctos G. A. seguirse ha pues q̃ el rayo visual q̃ reflexo del espejo plano ha de ver el punto E, no sera B A E. por no hazer angulos iguales con el espejo plano, ni tãpoco reflectira desde ninguno de los puntos que ay entre A. G. porque sino reflecta si es posible, y sea el rayo visual B H. sera pues el angulo BHG, igual al angulo EHA. por la reflexion, mas el angulo B H G. es mayor que el angulo BAH. † y el angulo M, es mayor que el angulo F H A. luego el angulo M. sera mayor que el angulo B A H. lo qual es imposible, porque el angulo BAH. es mayor que el angulo M. por ser el angulo B A H. igual a todo el angulo puesto en la circunferencia de donde se figue que el rayo visual hara la reflexion desde algun pũcto fuera de AG. reflecta pues el rayo visual, y sea BOE. de la mesma manera el rayo visual B L D. caera fuera, por lo qual ED. se vera con mayor angulo en el espejo plano comprehendido debaxo de OBE. que en el conuexo, lo qual es al contrario en el espejo plano, pues en el la imagen parece igual a la cosa visible, † de lo qual se manifiesta que en los espejos conuexos, la imagen parece menor que la cosa visible.



† 16. 1. elem.

† 19. Th. spe.

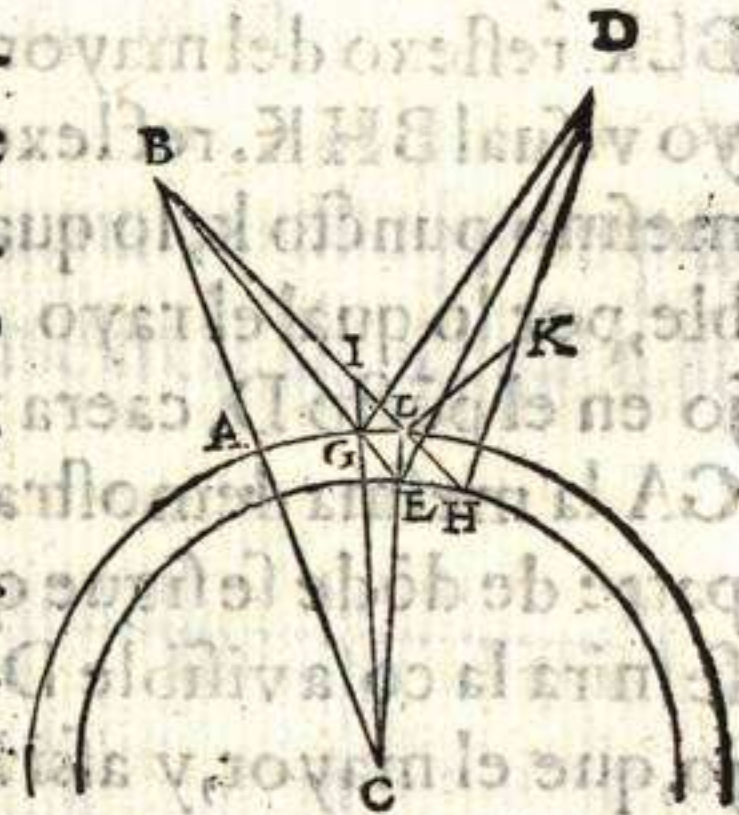
SEA O THEO

T H E O R E M A

22.

En los espejos conuexos que fuerē me-
nores, las imagines parecen menores.

Esten al rededor de vn mes-
mo centro C, dos espejos esphe-
ricos cōuexos, vno mayor AG.
y otro menor EH. y sea el ojo
B, y juntese la linea recta BAC.
y desde el vn espejo esphero
reflecta ala cosa visible D. el ra-
yo visual BGD. digo q̄ no pue-
de hazerse que el rayo visual re-
flexo del menor espejo en el
punto D, cayga por el pũcto G, ni por otro ningun pũ-
cto fuera de G, porque si es posible caygã primero por
el punto G, y reflecta desde el menor espejo ala cosa
visible D. el rayo visual BED. y jũtese la linea recta CG.
que alargada hasta I, cortara el angulo BGD. en dos par-
tes iguales por hazer las lineas BG. GD. angulos iguales
en G. punto de la circunferencia mediãte la reflexiõ, †
por la mesma razon la linea recta tirada del pũcto C, al
pũcto E, alargãdose cortara por medio el angulo BED.
cortelo pues y sea la tal linea CE. y porque el angulo
BGD. es mayor que el angulo BED. † y su mitad es ma-
yor que la mitad del otro, luego mayor fera el angulo
BGI. que el angulo BEL. y es tambien menor
lo qual es imposible, luego no podra hazerse que el ra-
yo visual reflexo del menor espejo passe por el punto



† 1. Th. spe.

† 16. 1. elem.

O 3

G. pon

la especularia

G, pónganse las mismas cosas y cayga agora fuera de G, el rayo visual BH reflexo del menor espejo, y corte el rayo visual BL. el mayor espejo en el punto L, y seguirse ha que el rayo visual BLC. reflexo desde el punto L, no concurrira con GD. segun esta manifiesto, concurrira pues con HD. en el punto k, luego el rayo visual BLk. reflexo del mayor espejo vera el punto k, y el rayo visual BHK. reflexo del menor espejo vera también el mismo punto k, lo qual esta demostrado ser imposible, por lo qual el rayo visual reflexo del menor espejo en el punto D, caera por algun punto puesto entre GA la mesma demostracion valdra también por la otra parte de dōde se sigue que el angulo B, debaxo del qual se mira la cosa visible D, lo haze menor, el menor espejo, que el mayor, y assi la imagen dela cosa visible parecera menor en el menor espejo.

THEOREMA

23.

En los espejos conuexos, las imagines de las cosas visibles parecen conuexas.

SEA el espejo conuexo AC. y el ojo sea E, y los rayos visuales EA. EC. los quales reflectan en DB. y el rayo visual EG. reflecta en si mismo, y torne a E, y porque los rayos visuales mas largos son aquellos que vā a las partes mas remotas, y los que



van

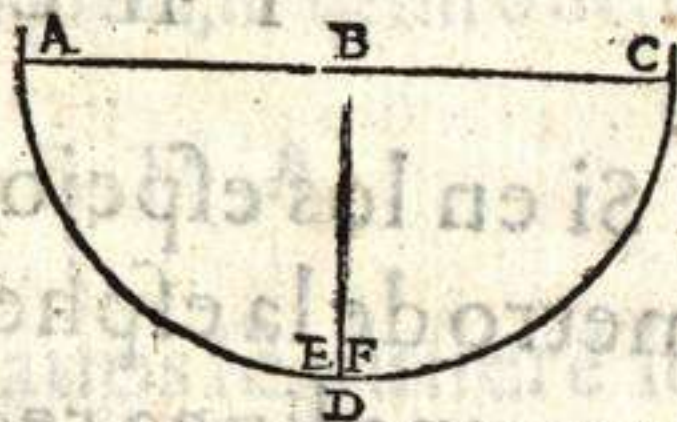
van a las partes de en medio son los mas cortos, como el rayo visual E G. luego mas cerca parecera que esta del espejo el punto E, y mas lexos los puntos B, D. y por esto toda la imagen parecera conuexa.

T H E O R E M A

24.

Si en los espejos concauos el ojo se pufiere en el centro, solamente se vera a si mesmo.

SEA el espejo concauo A D C. y su centro B, y los rayos visuales BA. BC. BD. y porq̃ el angulo E, es igual al angulo F. † luego el rayo visual B D. reflexo tornara al mesmo punto B. † lo mesmo haran los demas rayos visuales, por lo qual el ojo B, solamente se vera a si mesmo.



† 16.3. elem.

† 2. Th. espec.

T H E O R E M A

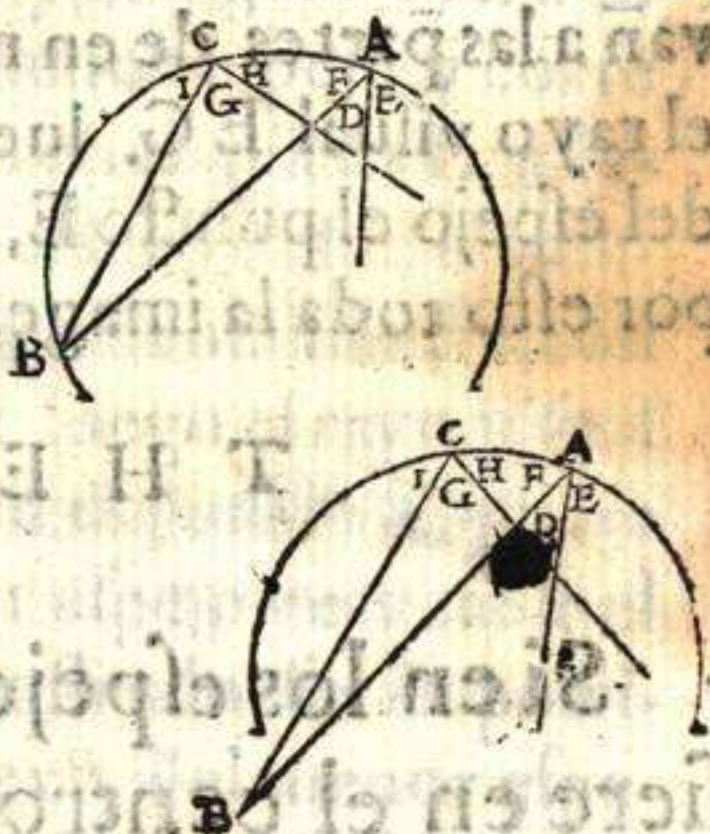
25.

Si en los espejos concauos, se pufiere el ojo en la circunferencia, o fuera de la circunferencia, el mesmo ojo no se vera.

SEA el espejo concauo A C B. y pongase el ojo en la circunferencia del espejo sobre el punto B, y salgan los rayos visuales BA. BC. que hagan reflexion, y porque el angulo D E. es mayor que el angulo F, y el angulo G H. mayor que el angulo I, luego los rayos visuales BA. BC. no reflectiran en el ojo B, porque si reflectieran

la Especularia

02
Etieran en el ojo B, los angulos que hazen los rayos visuales con la circunferencia en los puntos A. C. fueran iguales entrefi lo mismo se demostrara que sucede, si el ojo se pusiere fuera de la circunferencia del espejo, porque el mismo ojo no se vera a causa de no hazerse en el las reflexiones.



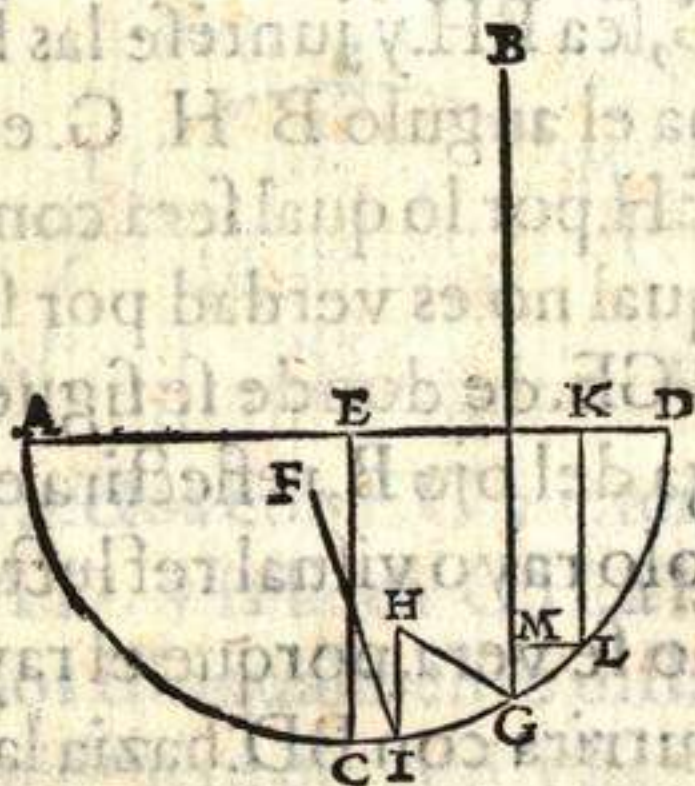
T H E O R E M A

26.

Si en los espejos cócauos se tirare el diametro de la esphera, y desde el centro se sacare vna linea recta en angulos rectos, y el ojo se pusiere en la vna, o la otra parte del diametro, ninguna cosa vera, de las q estan en la mesma parte que el, conuiene a saber de aquellas que estan, o dentro del diametro, o fuera del diametro, o en el mismo diametro.

SE A el espejo concauo ACD. y el diametro de la esphera cuya porcion es el mesmo espejo AD. y su centro sea E, desde el qual se leuante la linea recta EC. que haga angulos rectos con AD. y este el ojo B, fuera del diametro, y sea el rayo visual BG. luego reflectiéndose el

do el rayo visual BG. ni reflecti-
ra en el punto B, ni en el punto
E, porque reflecte con angulos
iguales, de la mesma manera si
el ojo se pusiere detrás del dia-
metro como en el punto H, o
en el mismo diametro, como
en el punto k, los rayos refle-
jos HG. KL. vernan a I F. L M.
por lo qual el ojo no vera nin-
guna de las cosas que estan hazia la mesma parte del dia-
metro dōde el también esta, ni de las que estan en el mes-
mo diametro, ni de las que estan fuera, ni dentro del dia-
metro.

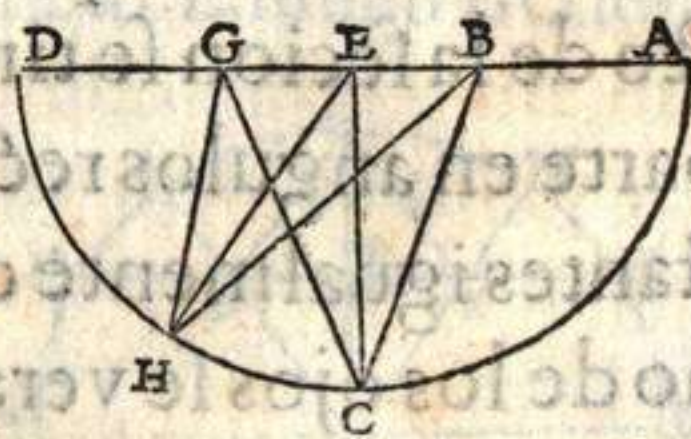


T H E O R E M A

27.

Si en los espejos concauos se pusierē los
ojos sobre el diametro, de tal manera que
disten igualmente del cētro, ninguno de
los ojos se vera.

SE A el espejo cōcauo ACD.
cuyo diametro sea AD. y su cen-
tro E, del qual se leuante en an-
gulos rectos la linea recta EC. y
estē los ojos B. G. igualmēte di-
stantes del centro E, y sea el rayo visual BC, que refle-
cta en el punto G. y porque los rayos visuales reflectē
con angulos iguales † ningū otro rayo reflectira en el
punto G, mas si es posible auer alguno que reflecta en



P. G, sea

† i. Tb. spec.

la especularia

77
C, sea BH. y junte se las lineas rectas HG. HE. y diuidirse
ha el angulo B H G. en dos partes iguales con la linea
† 3. 6. elem. EH. por lo qual sera como BH. a HG. assi BE a EG. † lo
qual no es verdad por ser BH. mayor q̄ HG. y BE. igual
a GE. de donde se sigue que ningun rayo visual que sal
ga del ojo B, reflectira en G, fuera de BC. por lo qual vn
solo rayo visual reflectira en el vno y el otro ojo, y G,
no se vera, porque el rayo visual BC. a largado nunca cō
currira con BD. hazia las partes C, D, pues segū se ha de
mostrado las imagines delas cosas visibles parecen en a
quel lugar donde el rayo que sale del ojo concurre con
† Theor. 18. la linea tirada, † ni tampoco el rayo visual GC. cōcurri
ra con GA. hazia las partes en que estan los puntos A,
C, porque en los espejos cōcauos las imagines de las co
sas visibles se ven en la linea recta que se tira desde la co
sa visible al centro del mesmo espejo espherico.

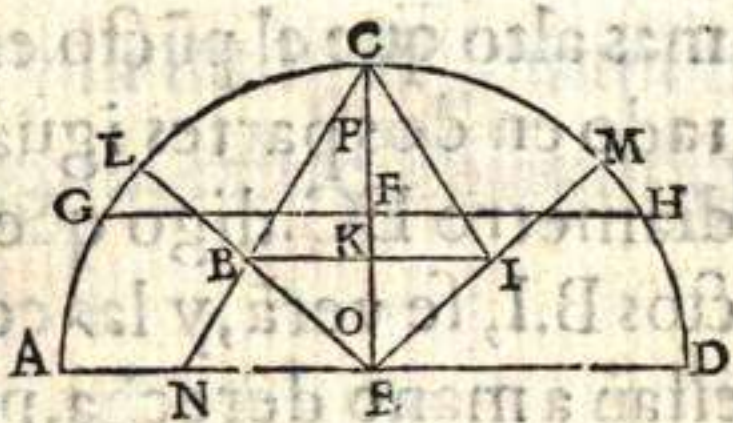
T H E O R E M A.

28.

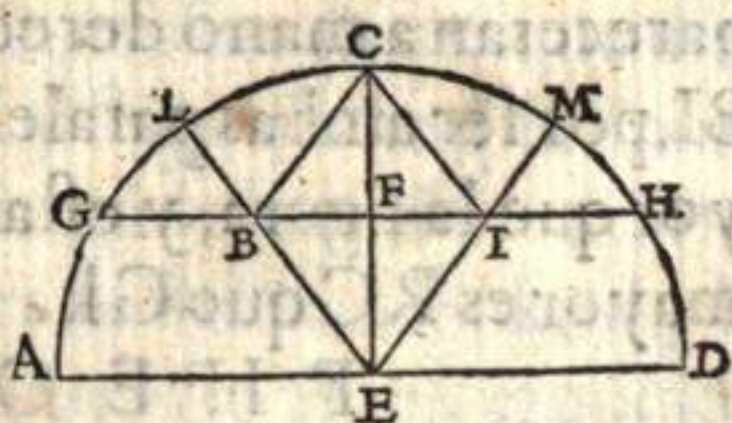
Si en los espejos concauos se cortare el semi-
diametro en dos partes iguales, y desde el pun-
cto de la seccion se tiraren lineas de vna y de otra
parte en angulos rectos, y los ojos estuujeren di
stantes igualmente del medio diametro, ningun
no de los ojos se vera, ora esten entre el diame-
tro, y la linea tirada en angulos rectos, ora esten
en la misma linea, que haze angulos rectos con
el semidiametro.

S E A

SE A el espejo cócauo ACD. cuyo diametro sea A D. y el cé- tro E, del qual tirada en angu- los rectos E C, cortese por me- dio en el pucto F, y tirese la li- nea recta GFH. q̄ este en angulos rectos con E C. y esten los ojos B, I, entre el diametro A D: y la linea G H, a la qual sea paralela B I. y esten los ojos B I. igualmente distã tes del semidiametro E C. y sea finalméte el rayo visual B C. que reflectiendo en el pucto I, hara angulos igua les con la circunferencia por ser la linea G H. paralela a la linea B I. y ser B K. igual a K I. juntense E B. E I. y alar- guense, y alarguese tambien la linea B C. hasta el pucto N, y porque B C. es mayor que B E. sera el angulo O, ma- yor que el angulo P. † por lo qual el angulo C B I. sera mayor que el angulo I B E. o que el angulo B I E. de don- de se sigue que no concurriran B C. I E. y ansi I, no se ve- ra, porque si auia de verse auia de ser donde concurren las lineas B C. I E. † Põgãse de nuevo las mesmas cosas q̄ arriba, y esten los ojos B I. en la linea que corta por me- dio, y en angulos rectos el semidiametro, la qual es G H. y porq̄ B C. es igual a B E. y C I. a I E. luego B C. sera paralela a E I: por lo qual el rayo visual B C. no concurrira con la linea tirada del centro a la cosa visible que es E I. hazia las partes dõde estan los puctos I. C. y assi el ojo I, no se vera, porque si se auia de ver, auia de ser donde concurren las lineas B C. E I.



SE A N finalmente todas las demas cosas q̄ en la pre- cedente figura, y pongãse los ojos B I. en lugar que este



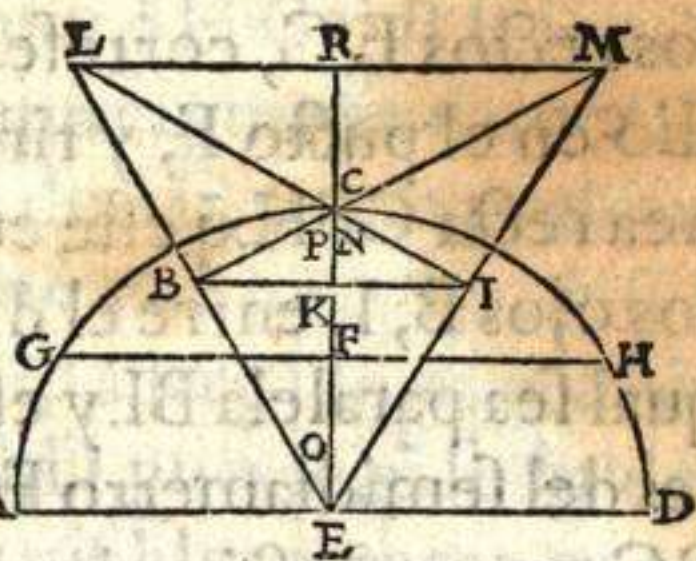
† 19. 1. elem.

.m. 1. q. 1

† 18. Th. esp.

la Especularia

mas alto que el pũcto en que el medio diametro es cortado en dos partes iguales, y disten igualmẽte del semidiametro EC. digo que los pũctos B.I, se verã, y las cosas que estan a mano derecha, parecerã estar a mano izquierda, y las q̃ estan a mano izquierda, pareceran estar a mano derecha, y que la imagen parecera mayor q̃ la figura, y q̃ estara mas lexos del espejo que la figura, sea el rayo visual que ha de refle-
 titir B C. y del cẽtro E, a los pũctos B I, tirense las lineas rectas EB. EI. y alarguese BC. y porq̃ el semidiametro EC. esta cortado por medio en el pũcto F. luego mayor es BE. que BC. y por esso el angulo P, es mayor q̃l angulo O, † mas el angulo P, es igual al angulo N, luego el angulo N, mayor es q̃ el angulo O, por lo qual las lineas EB. IC. alargadas concurriran, concurrã pues en el pũcto L. por la mesma razon las lineas BC. EI. alargadas concurriran en el pũcto M. de donde se figue q̃ I, parecera en M, y B, en L, y las cosas de a mano derecha pareceran a mano izquierda, y las de a mano izquierda pareceran a mano derecha y L M. parecera mayor que BI, por ser ambas paralelas, y assi la imagen parecera mayor que la figura, y estara mas lexos del espejo, porque mayor es RC. que Ck.



T19.1.elem.

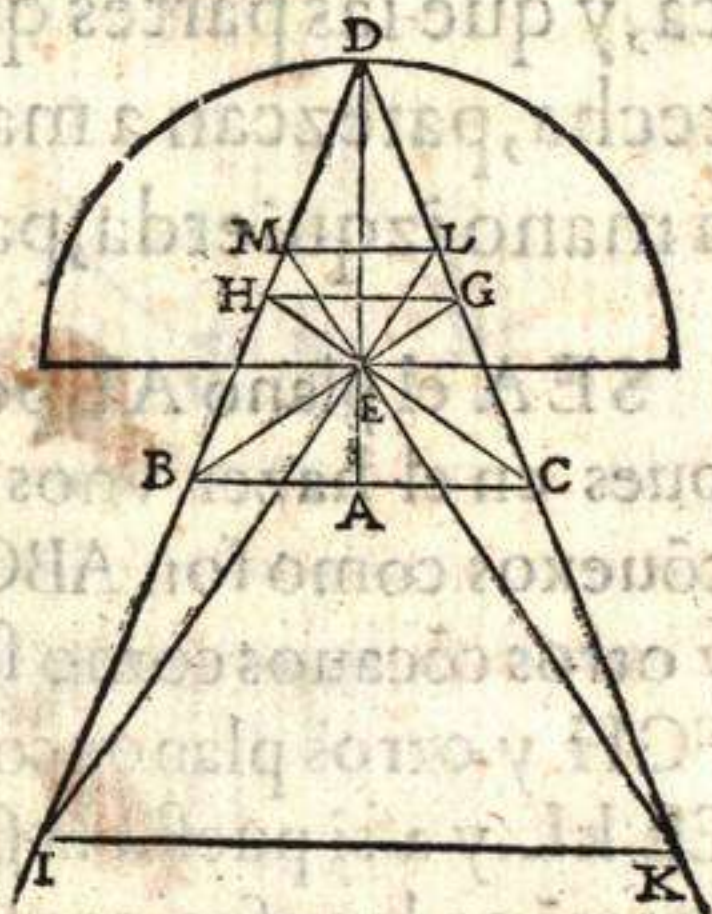
T H E O R E M A. 29.

Si los ojos se pusieren fuera del diametro las cosas que estan a mano derecha, pareceran a mano derecha, y las que estan a mano izquierda, pa-

re-

receran a mano izquierda, y la imagen, pareciera menor que la mesma figura, entre la figura y el espejo.

SE AN los ojos BC, y el centro del espejo sea E, y tirese la linea AED. en angulos rectos con el mesmo diametro, y tirese la linea BAC. que haga angulos rectos con la linea AED. y sea AC. igual a AB. y el rayo visual BD. reflecta en C, y por el centro E, tirense BEG. CEH. y tirese del punto H. al punto G, la linea recta HG. y parecera el punto B, en el punto G, y el punto C, en el punto H. por lo qual las cosas de a mano derecha, parecieran a mano derecha, y las de a mano izquierda a mano izquierda, y la imagen HG. parecera menor que la figura BC. por ser HG. paralela a BC. y la mesma imagen parece en el lugar que esta entre la figura y el espejo, mas si la figura se alexare del espejo la imagen parecera aun menor, sea Ik. la mesma figura que era en BC. y este semejante situada, y seguirse ha q̄ la linea tirada del punto I, al cetro E, alargandose caera mas arriba de G, como en L, y la linea tirada del punto k, al punto E, alargandose caera sobre el punto H, en el punto M. por lo qual la imagen de la Ik. es ML. y ML. es menor que HG. y esta mas cerca del espejo.



T H E O R E M A

30.

P 3

Vn

la Especularia

Vn espejo se puede fabricar de tal manera que parezcan en el muchas figuras, vnas mayores, y otras menores, vnas mas lexos, y otras mas cerca, y que las partes que estan en ellas a mano derecha, parezcan a mano derecha, y las que estan a mano izquierda, parezcan a mano izquierda.

SE A el plano AL podran ser pues en el hazer vnos espejos cõuexos como son ABC. HIK. y otros cõcauos como sõ CDE. FGH. y otros planos como son EE. kL. y así puesta la figura en el lugar que esta M, parecerã en los espejos planos las imagines iguales igualmente distantes del espejo, y en los espejos conuexos menores, y menos distantes, y en los espejos concauos mayores, y menores, y mas, y menos distãtes como antes se demostro. †

† En las dos preced.

THEOREMA.

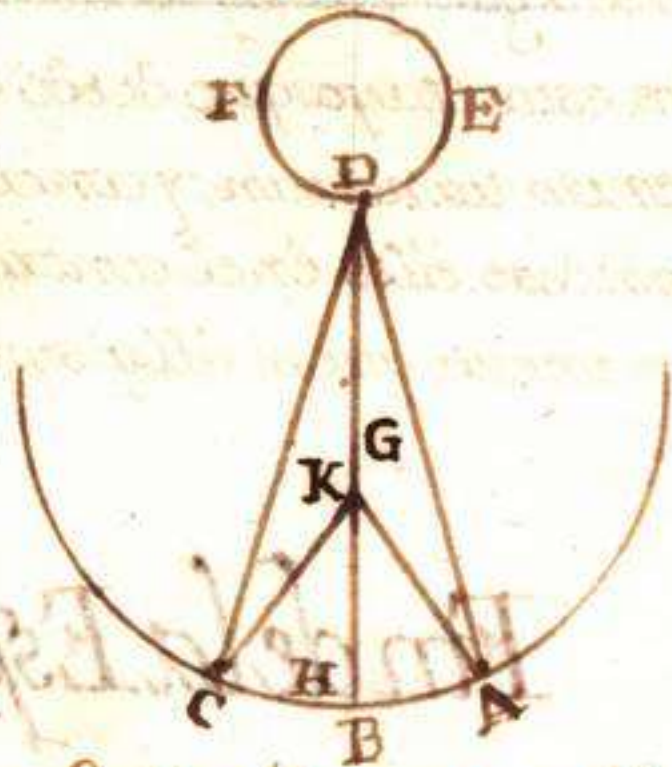
31.

En los espejos concauos opuestos al sol, se enciende fuego.

SE A el espejo concauo ABC. y el sol sea EF. y el centro del espejo G, y de algun punto del sol como D, tirada la linea DG. al centro G. alarguese hasta el punto B. y cayga el rayo DC. y reflecta en el punto K. caera pues el punto k, sobre el centro G, porq̃ el angulo H, puesto en la circunferencia es menor q̃ el angulo BCD. puesto en la

de Euclides.

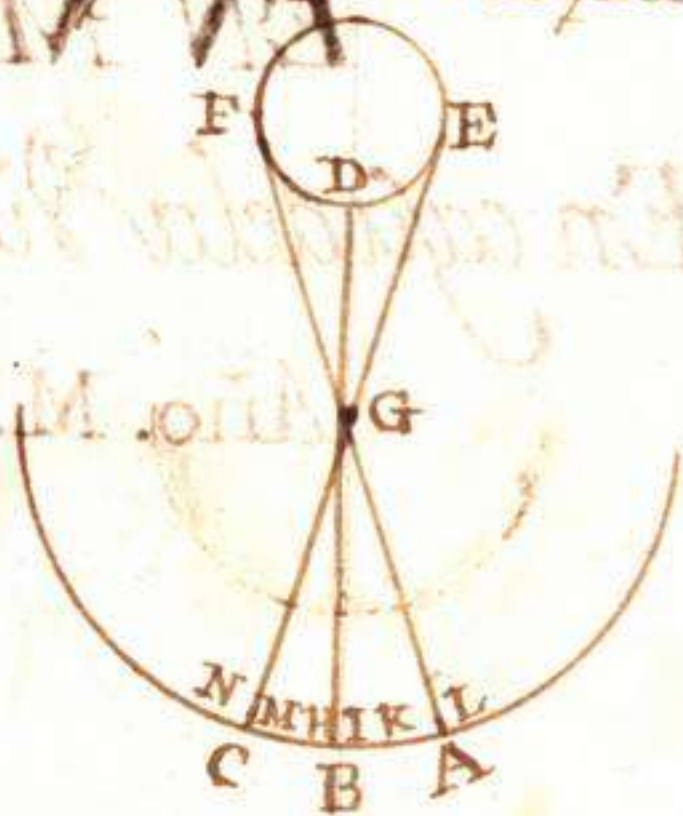
en la circunferencia, sea pues la circunferencia BA, igual a la circunferencia BC. y caiga desde el punto D, al espejo algun rayo DA. y equívase ha que el rayo DA, reflectiéndose caera en K, por ser la circunferencia AB. igual a la circunferencia BC. de la misma manera demostrare.



mos que todos los rayos que caen desde el punto D, al espejo, y comprehienden iguales circunferencias concurren con la línea BG. en un punto mas alto que el punto G.

SE A finalmente el espejo cóncavo ABC. y el Sol sea EDF.

y de algun punto suyo D, tirese por el centro G, la línea recta DGI, y desde otros puntos F. E tirense EGC. FGA. y por que de



mos llamamos que los rayos que caen del punto D, ande reflectián en sí mismos † por ser iguales entre sí los ángulos H. I en ser ángulo de semicírculos † tambien el rayo FGA reflectián en sí mismo por ser iguales entre sí los ángulos L. K, y por el consiguiente el rayo EGC. reflectián en sí mismo por ser el ángulo M

igual al ángulo N. y de la misma suerte todos estos reflectián en sí mismos, por que pasando ellos por el centro G, dividen el espejo en semicírculos, y los ángulos de los semicírculos son iguales entre sí, por donde todos estos rayos reflectián con ángulos iguales, de don-

† 2. y. 5. spec.
† 16. 3. elem.

de

laespeoularia

de se sigue que reflectirán en sí mismos, por lo qual to-
dos estos rayos que desde qualcoquier punto fueren al
centro tornarán, y concurrirán en el centro, y así caem
tandose ellos en el centro en gemas xam fuego; de ta
manera que si allí se puciere estopa se encenderá.

Fin de la Especularia de Euclides.

EN MADRID

En casa de la Viuda de Alonso Gomez.

Año. M.D.LXXXV.

BIBLIOTECA
DEL
OBSERVATORIO DE S. FERNANDO

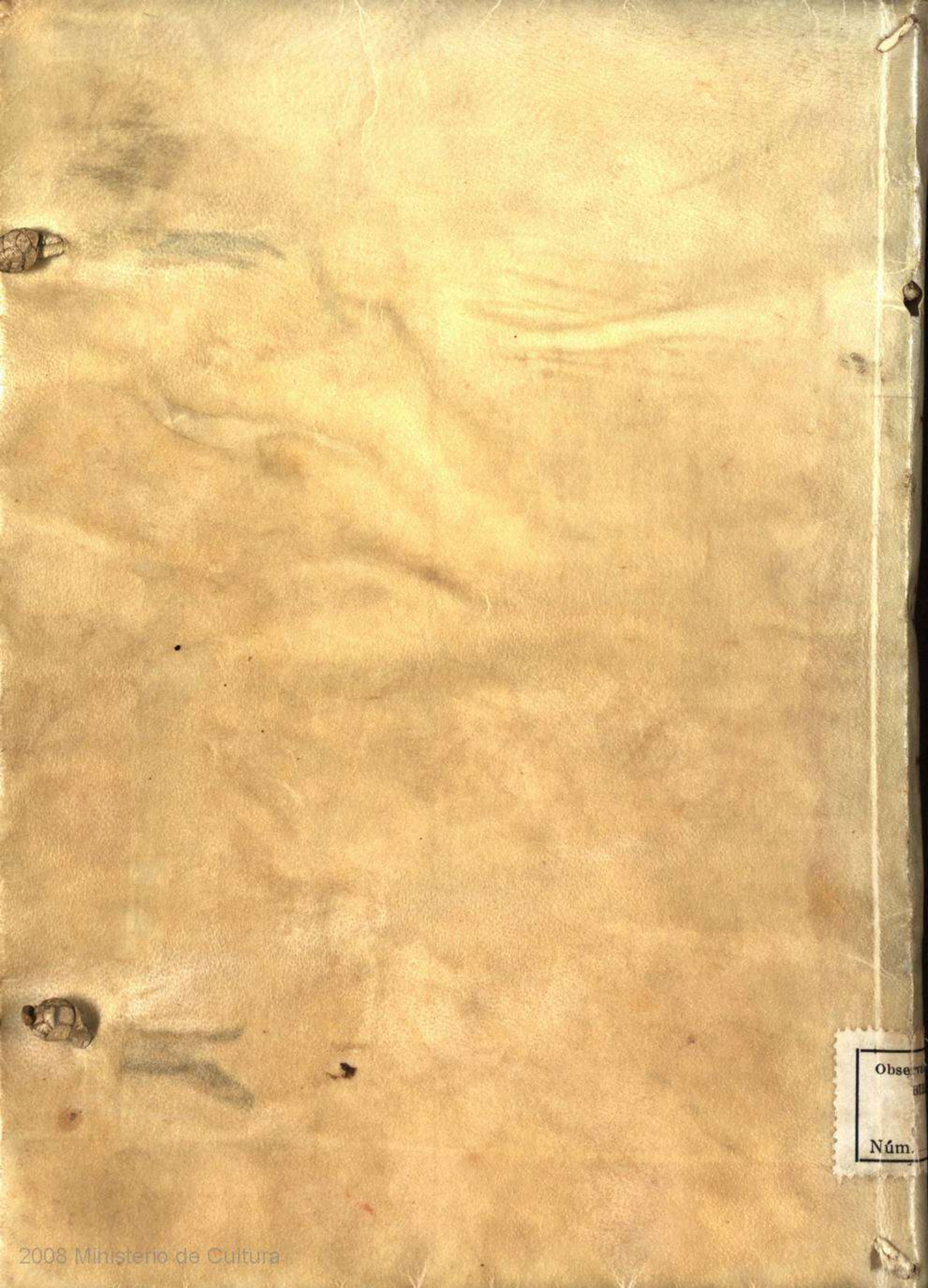
✓

✓

✓

CONSERVATORIO DE A. FERRER
DE
BIBLIOTECA

**BIBLIOTECA
DEL
OBSERVATORIO DE S. FERNANDO**



Obse

Núm.

