

EvA 115

nr 169



R.40

5/16

52

C. 25

C. 1





triangolo LKM sia eg  
Taglisi di nuouo la  
tione della D alla E  
KF; diuidasi il penta  
tiratafi dall'angolo L  
la NF: e se cade sulla  
LFGH secondo la p  
tutto l'heffagono di  
to L secondo la prop  
condo la proportio

Sia l'heptagono A  
con vna linea retta  
portione della D alla  
triangolo: A M G e  
guale al petagono  
A B C F G: & il tria  
golo A G N eguale  
al quadrilatero A  
G H K; talche sia  
tutto il triangolo  
A M N eguale all  
heptagono A B C  
F G H K: Taglisi la  
tione della D alla E  
diuiderassi il penta  
ne dela MO alla O  
de sulla GN; diuide  
do la proportione  
gono secondo la p

Pigliasi ultimame  
to L habbiasi da tir  
gono secondo la p  
e formisi il triang  
FG: & il triangol

18

17

16

15

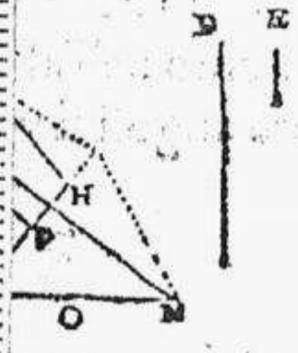
14

13

12

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20

no A P C F G H  
ndo la propor  
cade sulla linea  
una linea retta  
one della KN al  
il quadrilatero  
alla NM: e serà  
iratafi dal pun  
a NM: ciò e se  
lebbia diuiderfi  
secondo la pro  
G, e facciasi il



ondo la propor  
sulla linea MG;  
do la proportio  
tiratafi. e se ca  
A G H K secon  
rà diuiso l'hepta  
alla ON.  
o AK: e dal pun  
e diuida l'hepta  
ngiungasi la LG;  
heffagono L A B C  
rilatero L G H K;  
talche

*Il Collegio della Compagnia di S. Agostino della città di Pesaro.*

*B. 8.*

LIBRO  
DEL MODO D DIVIDERE  
LE SUPERFICIE ATTRIBVITO  
A' MACHOMETO BAGDEDINO.

*Mandato in luce la prima volta da M. Giouanni Dee da  
Londra, e da M. Federico Commandino  
da Urbino.*

*Con vn breue trattato intorno alla stessa materia  
del medesimo M. Federico*

*Tradotti di latino in volgare da Fulvio Viani  
de' Malatesti da Montefiore*

ACADEMICO VRBINATE.

E nouamente dati in luce.



*In Pesaro del M D L X X  
Presso Girolamo Concordia con licenza de' Superiori. ¶*

THE UNIVERSITY OF CHICAGO  
LIBRARY  
540 EAST 57TH STREET  
CHICAGO, ILL. 60637

UNIVERSITY OF CHICAGO  
LIBRARY



ALL' ILLVSTRISSIMO  
ET ECCELLENTISSIMO  
SIGNORE IL SIG.  
FRANCESCO MARIA II.  
PRINCIPE D'VRBINO.



VELL' operetta medesima Illustrissimo, & Eccellentissimo Principe, che alli giorni passati fù presentata da M. Federico Commandino à V. E; se ne viene di nuouo à trouarla, sperando di hauere à piacerle ancora la seconda volta, tutto che sia per fauellar seco in differente maniera. Pregarei V. E. à voler accettarla, e fauorirla con la solita benignità sua; s'io non credeffi, che conoscendo ella molto bene per la cognitione c'hà delle Mathematiche il merito, e la bellezza dell'opera; non sia se non per hauer caro, che quel bene, ilquale era prima d'alcuni poch, hora si sia fatto maggior bene comunicandosi à molti: e che come tale se ne habbia à gire per le mani de' studiosi. Or persuadendomi adunque che ella se è piaciuta à V. E. ne'l'habito latino, non habbia à dispiacerle in questo nostro volgare; poiche

in habito diuerso da quello di prima è la medesima che prima; vengo solo à pregarla che non si sdegni di accettare insieme con essa vn picciolo tributo dell'affetion grande ch'io porto, & hò portato sempre à lei, & à sua casa Illustrissima, & à voler tener questa per vn minimo segno della deuotion singolare verso lei dell'animo mio. Non lascio di supplicarla ancora con non minore humiltà, che non le dispiaccia ch'io mi sia procurato in questa prima fatica mia riuerente protectione dal nome suo; atteso che quello à che non giungano i meriti miei; arriuanò, e passano la benignità di V. E., e la mia affettione: e con questo baciandole humilmente le mani prego. nostro signore che doni prospero adempimento à nobili suoi desiderii.

Di V. E. Illustrissima.

Humile e deuoto seruitore Fulvio Viani  
de' Malatesti.



A M. FEDERICO COMMAN-  
DINO ECCELLENTISSIMO  
MATHEMATICO.



*H*AVENDOMI io molt'anni sono, presa fatica Dottissimo M. Federico mio di voler mantener viui nelle mani de gli huomini, in quel maggior numero ch'io potessi, i chiarissimi scritti lasciati ci da' maggior nostri intorno ad ogni genere della più scelta filosofia: à fine che huomini così grandi non rimanessero spogliati della gloria che si deue loro; ò noi restassimo priui più lungo tempo de i copiosissimi frutti di così fatti libri: Hauendo io dico posto, in questo lo studio mio; frà gli altri antichissimi scritti de' filosofi mi capitò dopò molt'anni alle mani questo libretto, scritto inuero in vn carattere troppo deforme, & à pena legibile p la vecchiezza. Mà feci per leggerlo gli occhi di Linceo, e cò spessissime volte cōsiderarlo, e farui pratica sù, mi si fece facile il leggerlo. Onde certificatomi meglio in questo modo della dignità & eccellenza del libro, desiderauo grādemente di farne partecipi quanto prima gli studiosi di queste filosofia: e mentre à punto io mi stauo sù questo pensiero; voi Eccellētissimo Cōmandino mio in questa età nostra mi sete parso degno più d'ogni altro di goderui queste nostre fatiche, poi che voi ancora hauete ritornati in vita parte de dotissimi scritti di Archimede, e di Tolomeo ch'homai veni-  
uano.

iano à meno, e gli hauete mandati al cospetto de gli huomi-  
ni honoreuolissimamente vestiti. Questo libretto adunq; co-  
me perpetuo pegno ancora dell'affettio singulare cb'io vi por-  
to, raccomandando alla cura, e fede vostra; e voglio pregarui, e  
scongiurarui, à non lasciar vscir fuore questa nostra cōmu-  
ne fatica senza quell'ornamēto, co'lquale sete solito à mandar  
gli altri in luce. Anzi pure tengo ferma sperāza (se conosco  
bene e voi, & il valor vostro) che accrescerete di modo que-  
sta materia; che ne anche la lasciarete fermare sull'area pēta-  
gonale: ne cōporterete molto, che i sodi per i piani siano pri-  
ui di simili settioni. Queste per se stesse purché voi vogliate  
puntarui vn poco, passeranno alle spetie delle superficie che  
vi restano: mà per applicarle à i sodi, si ricercherà poi la  
vostra soda eruditione, e singolar industria nelle mathemati-  
che. Mà questo uoglio che sappiate del nome dell'Autto-  
re. Nell'originale istesso antichissimo di doue lo cauai era scrit-  
to cō lettere à Cifra (come dicono) il nome di MACHOME-  
TO BAGDEDINO, ilquale non son ben chiaro anchora ò se  
sia stato quell'Albatenio, il quale nelle cose di astronomia suo-  
le essere citato spesse uolte dal Copernico come testimonio d'  
authorità; ò pure quel Machometo che si dice essere stato di-  
scipolo di Alkindo, il quale dicono ancora hauer scritto non  
sò che intorno all'arte del dimostrarre; ò più tosto sia da tener-  
si questo libretto per opera del nostro Euclide Megaresse, tut-  
ti i libri del quale già gran tempo hà, furono tradotti dalla  
lingua greca nella fauella Siria, & Arabica: & perciò essen-  
dosi trouato presso gli Arabi, ò i Siri senza il titolo suo, fa-  
cilmente da gli Amanuesi serà stato attribuito à Machomet-  
to eccellente Mathematico frà loro. Ilche posso io prouare  
per molti testimonii essere spesse volte auenuto in molti scrit-  
ti de gli antichi: e fanno alcuni amici mei (per poruere vno  
manzi frà molti) che io per questo rispetto medesimo hò re-  
stituito ad Anassagora quell'antichissimo, & Eccellentissi-  
mo Filosofo vn libretto raro intorno alla filosofia occulta, e  
mistica

... ugnale sotto il nome d' Aristotele se n' era andato già molti secoli per le mani delle genti: e questo per certissimi argomenti. Inoltre da' scritti di nissun Machometto che habbiamo, hauemo anchora potuto conoscere tanta acutezza, quanta da per tutto si vede apertam. in questi problemi. Aggiungasi che Euclide medesimo scrisse vn libro delle diuisioni, come si può chiaramente conoscere da Proclo ne' comentari sopra il primo de' suoi Elementi: ne sapemo che altro ueruno uene sia sotto questo titolo, ne potemo ritrouarne alcuno che più ragioneuolmente per l' eccellenza del discorere, si possa ascriuere ad Euclide. Finalmente mi ricordo hauer leto in vn certo fragmento antichissimo della facoltà di geometria, vn luogo citato con le parole formali di questo libretto, come di opera certissima di Euclide. Or breuemente quanto il tempo comportaua hò raccolte insieme queste congetture mie, le quali desidero c' habbiamo tanto di peso, quanto in se stesse abbracciano di verità: E se alcuno mi si voglia opporre con dire quel titolo Delle diuisioni non dinotare settioni di grandezze nelle parti loro; ma diuisioni di generi per le loro differenze nelle spetie loro; come delle diuisioni methodiche de' punti, delle linee, de' gli angoli, delle figure, e simili, quali io in numero maggiore di 500. hò dato fuora in vn mio trattato dell' eccellenza, e certezza delle mathematiche; confesso certo questo ancora potersi dire probabilmente: ma però quanto ueramente si possa dire, non essere per anchora più noto à me, che si sia chiara à lui la mia congettura. Ma siasi stato qualsiuoglia quel libro delle diuisioni d' Euclide: questo in uero è vn libro tale; ilquale e può essere utilissimo à gli studii di molti, e che à qualsiuoglia nobilissimo Mathematico de' gli anitichi può recare assai di gloria, e di honore per l' acutezza grandissima dell' inuentione, e per l' esame acuratissimo di tutti i casi in ciascheduno de' problemi: e tanto basti intorno à ciò.

Al primo uolto tutto il mio parlare, co' l' quale intendo di pregarui strettissimamente di questo, che è che vogliate mandar

dar fuore cō quella maggior diligenza che vi serà possibile le  
vostre grādi & vtiliss. fatiche lequale hieri cortesissimamēte  
mi lasciaste vedere nel v̄ro studio. Perciò che così vi spianere  
te vna ampissima strada ad vna ppetua celebratione del no-  
me vostro, come di psona, che in così pochi anni, così bene, così  
politamēte, e tātī, e così proprii libri habbia mādati in luce: e  
che habbia solo nell'età nostra ornato ciascuno de' Principi Ec-  
celentiss. delle facultà mathematiche Archimede, Tolomeo,  
& Appollonio, del loro douuto splendore. Et in questo modo  
restituerete à i studi mathematici quasi uenuti à meno una nuo-  
ua, e merauigliosa allegrezza: e così farete me, che vi sono  
in molti modi obligatissimo, tutto vostro.

Quāto prima mò serà vscito questo libretto dalle stāpe, ne  
mādate vno, ò duo al Sig. Guglielmo Pykeringo huomo no-  
biliss. & intendente delle buone arti, e spetialmēte delle mathe-  
matiche, Cavalier speron d'oro, mio amico grādiss. e patron si-  
gulare: ilquale se ne viue in londra d'Inghilterra. perc. ~~che~~  
di là facilmente serà drizzato poi alla nostra libreria.

Or la conditione del viaggio c'hò da fare vuol ch'io vi la-  
sci: à fine che io nō sia costretto poi à soferire l'ingiuria mag-  
giore di q̄sti caldi, c'hora ci si spargono intorno, prima che io  
di qui possa ricouerarmi nell'ombra di Roma. State sano a-  
dunq; honore de' Mathematici, state sano gentiliss. Cōmandi  
no mio, si come io prego con ogni sforzo mio nostro signore,  
che voglia cō'l singular fauor suo, condurre à desiderato fine  
le nobili vostre fatiche.

Da Urbino.

Affetionatissimo vostro Giouanni Dee Londrese.

Al lettore.

Io hò da auertiti ò lettore, che l'authore ilquale hora ti presentia-  
mo, si è seruito dell'Euclide tradotto nella lingua arabica fatto poi  
latino dal Campano. E tanto hò voluto dirti à fine che nel cercar le  
propositioni citate da lui, nō t'affannasi alle volte in darno. stā sano

Errori da emendarli. A can. 1. fac. 2. versi, 12. doue dice concor-  
ter e. leggi cōcorrere e. C. 7. f. 2. v. 23. ADE. leua il punto. C. 22.  
f. 2. v. 1. EQ leggi FQ. C. 25. f. 1. v. 9. ABCF, leggi ABCE. C. 27.  
f. 2. v. 11. FH, leggi FK. C. 41. f. 1. v. 25. BL, leggi ML. f. 2, v. 9. leggi  
ne punti KM.

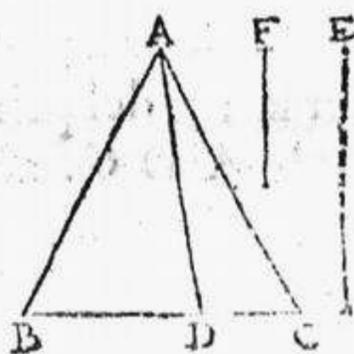
# LIBRO DEL MODO

## DI DIVIDERE LE SUPERFICIE.

### PROPOSITION I. PROBLEMA I.

Con vna linea tirata da vn'angolo d'un triangolo, diuidere quel triangolo secondo vna data proportione.

Sia il triangolo  $A B C$ : e con vna linea laqual cada dall'angolo  $A$ , bisogna diuidere il triangolo  $A B C$ , secondo la proportione della  $E$  alla  $F$ . Perciò che diuiderò la linea  $B C$  nel punto  $D$ , secondo la proportione della  $E$  alla  $F$ , come ne insegna la 12. del sesto di Euclide: e tirata si la linea  $A D$ , si manifesta il proposito, per la prima del sesto del medesimo.



### PROPOSITION II. PROBLEMA II.

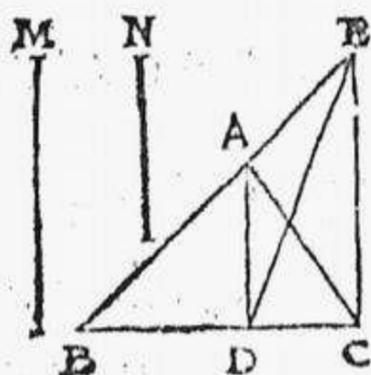
Con vna linea tirata da vn punto assegnato in vn lato d'un dato triangolo, diuidere il detto triangolo secondo vna data proportione.

B

Sia

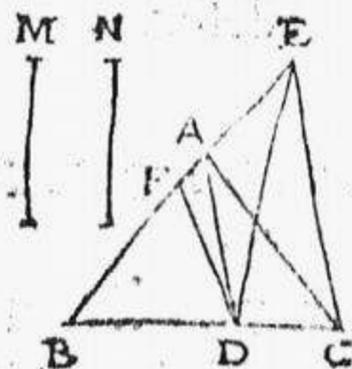
## LE SUPERFICIE

Sia il triangolo  $A B C$ : nel lato  $B C$  del quale notifi il punto  $D$ : di doue bisogna tirar la linea che diuida il triangolo secondo la proportione della  $M$  alla  $N$ : e congiungasi la  $D A$ . Da quell'estremo adunq; del lato  $B C$ , verso il quale vorrò hauer diuidendo la conseguente in corrispondenza, che per essemplio sia il punto  $C$ ; drizzarò vna linea equidistante alla linea  $D A$ , fin tanto che concorra nel punto  $E$  con la linea  $B A$  alungata: e che habbiano à concorrer e chiaro per la 29. e 17. del



primo di Euclide. serà adunque la proportione della  $M$  alla  $N$ , ò vguale alla proportione della  $B A$  alla  $A E$ , ò maggiore, ò minore. Sia prima eguale. Serà adunq; per la prima del sesto la proportione del triangolo  $B A D$  al triangolo  $A D E$ ; com'è la proportione della  $M$  alla  $N$ . Mà per la 37. del primo il triangolo  $A D E$ , è vguale al triangolo  $A D C$ . adunq; per la 7. del quinto la proportione del triangolo  $A B D$  al triangolo  $A D C$ ; è come la proportione della  $M$  alla  $N$ . il che bisognaua prouarsi.

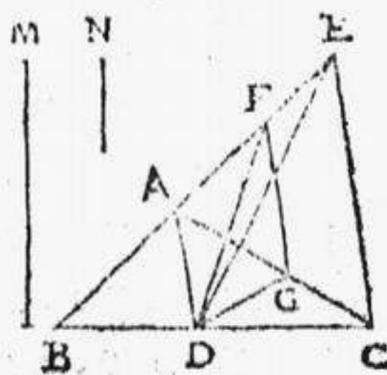
*Secondo caso.* Sia mò la proportione della  $M$  alla  $N$  minor della pportione della linea  $B A$  alla linea  $A E$ . Per tãto diuerò la linea  $B E$  secòdo la pportione della  $M$  alla  $N$ . Caderà la diuisione adunque frà i punti  $B$  &  $A$ , per l'ottaua del quinto. Cada nel punto  $F$ , e tirisi la linea  $D F$ ; e questa dico io diuidere il triangolo secòdo la portione della  $M$ . alla  $N$ . *La ragione.* Perciò che tirata si la linea  $D E$  serà per la 37. del primo il triangolo  $A D E$ , eguale al triangolo  $A D C$ . Aggiontoui adunq; il triangolo  $A F D$  commune, serà il triangolo  $F D E$  eguale alla figura qua-



ra quadrilatera  $A F D C$ . Essendo adunq; per la prima del sesto la proportion del triangolo  $B F D$  al triangolo  $F E D$ , come quella della  $B F$  alla  $F E$ ; e per conseguenza come quella della  $M$  alla  $N$ ; la proportion del triangolo  $B F D$  alla figura quadrilatera  $A F D C$ , è come la proportion della  $M$  alla  $N$ . onde è manifesto il proposito.

*Terzo caso.* Sia la proportion della  $M$  alla  $N$  maggior della proportion, della  $B A$  alla  $A E$ . Diuidasi adunq; la  $B E$  nel punto  $F$ , (il che serà fra i punti  $A$  &  $E$ ) secondo la proportion della  $M$

alla  $N$ : e tirisi la  $F G$  equidistante alla linea  $C E$ , fin tanto che concorra con la linea  $A C$  al punto  $G$ . Dopo questo congiungasi la linea  $G D$ . Dico la linea  $G D$  diuidere il triangolo secondo la proportion data.



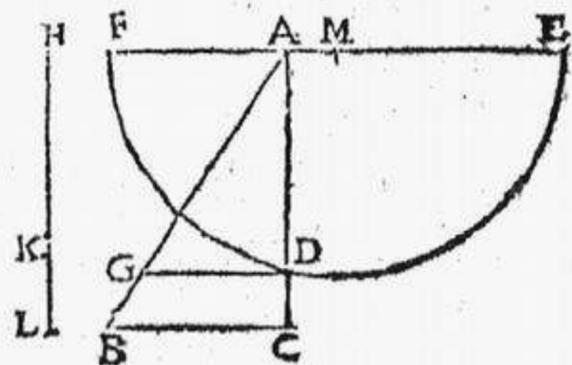
Perciò che tirinsi le linee  $D F$ ,  $D E$ , è adunq; il triangolo  $A D E$  eguale al triangolo  $A D C$  per la 37. del primo, e per la medesima il triangolo  $A D F$  è uguale al triangolo  $A D G$ . I duo restanti adunque, cioè il triangolo  $F D E$ , & il triangolo  $G D C$  sono eguali. Aggiuntosi anche il triangolo  $A B D$  comune à i duo triangoli  $A F D$ , &  $A G D$  eguali; serà il triangolo  $B F D$  eguale alla figura quadrilatera  $B A G D$ . Adunq; il triangolo  $F B D$  hà quella proportion al triangolo  $F D E$ , c'ha la figura quadrilatera  $B A G D$  al triangolo  $G D C$ . Mà la proportion del triangolo  $F B D$  al triangolo  $F D E$  è come quella della  $M$  alla  $N$ , per la suppositione, e per la prima del sesto. la proportion adunque della figura quadrilatera  $B A G D$  al triangolo  $G D C$ , è come la proportion della  $M$  alla  $N$ : che fu il proposito.

DEL MODO DI DIVIDERE.

PROPOSITION III. PROBLEMA III.

Con vna linea equidistante ad un lato assegna-  
to d'un triāgolo noto, diuidere quel trian-  
golo secondo vna data proportione .

Sia la proportione data quella della  $HK$  alla  $KL$ : & il triangolo  $ABC$ , ilquale secondo la proportione data voglio diuidere con vna linea equidistante al lato  $BC$  di esso . Perciòche dall'angolo  $A$ , verso ilquale voglio hauere l'antecedente nella proportione da cercarsi; tirarò la linea  $AE$  ad angoli retti sopra la linea  $AC$ , & eguale ad essa: & allunghisi la linea  $EA$  per lo dritto fino al punto  $F$ , fintanto che sia la proportione della  $EA$  alla  $AF$ ; come quella della  $HL$  alla  $HK$ : e posto il cētro nel punto di mezzo della linea  $FE$ , il quale sia  $M$ ; de-  
scriuasi il semicircolo  $FDE$  secondo la quantità della linea  $ME$ : ilqual semicircolo taglierà la linea  $AC$ , nel pūto  $D$ , poi che la linea  $AD$  è minore della linea  $AE$ , e la linea  $AE$  è vguale alla linea  $AC$ . Tiratafi adunq; la linea  $DG$  equidistate alla linea  $BC$ : Dico che la proportione del triangolo  $AGD$  alla superficie  $GBCD$ , è come la proportione della  $HK$  alla  $KL$ . *La ragione.* Perciòche la proportione del triangolo  $ABC$  al triangolo  $AGD$ , è come la proportione della  $AC$  alla  $AD$  duplicata, per la 17. del sesto, mà le  $AC$  &  $AE$  sono eguali. la proportione adunq; ue del triāgolo  $ABC$  al triangolo  $AGD$ , è come la proportione della  $AE$  alla  $AD$  duplicata. Mà la proportione della  $AE$  alla  $AD$  duplicata è come quella della  $AE$  alla  $AF$ , per la 30. del terzo, e per l'otta-  
ua del



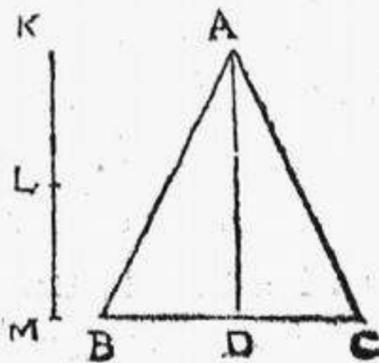
ua del sesto. la proportion adunq; del triangolo  $ABC$  al triangolo  $AGD$ ; è come la proportion della  $EA$  alla  $AF$ . Mà la proportion della  $EA$  alla  $AF$  è come quella della  $HL$  alla  $HK$ . Adunque la proportion dello  $ABC$  alio  $AGD$ , è come quella della  $LH$  alla  $HK$ . Diuidendo adunque la proportion della superficie  $GBD$  al triangolo  $AGD$ , è come quella della  $LK$  alla  $KL$ . Conuertendo adunque il triangolo  $AGD$  è alla superficie  $GBCD$ , come la proportion della  $HK$  alla  $KL$ : il che doueua prouarsi.

PROPORTION IIII. PROBLEMA IIII.

Con vna linea equidistante ad vn a perpendicolare tirata sopra la base da vn angolo d'un triangolo, diuidere quel triangolo secondo vna data proportion.

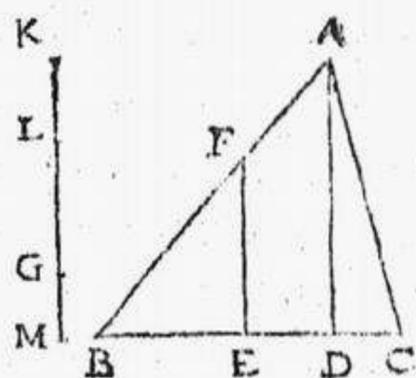
Sia la proportion data quella della  $KL$  alla  $LM$ . Secondo essa voglio diuidere il triangolo  $ABC$  con vna linea equidistante alla perpendicolare  $AD$ . Perciò che diuiderò la linea  $KM$  secondo la proportion della linea  $BD$  alla  $DC$ . e sia (per essemplio) che prima la diuisione cada nel punto  $L$ . la proportion adunq; della  $KL$  alla  $LM$  è come quella dalla  $BD$  alla  $DC$ : e consequentemente come quella del triangolo  $ABD$  al triangolo  $ADC$  per la prima del sesto. La linea  $AD$  adunque diuide il triangolo secondo la proportion data si.

Secondo caso. Sia mò la proportion della  $KG$  all'a  $GM$ , come la proportion della  $BD$  alla  $DC$ ; talche il punto  $G$  sia frà i punti  $L$  &  $M$ . Diuiderò poi il triangolo



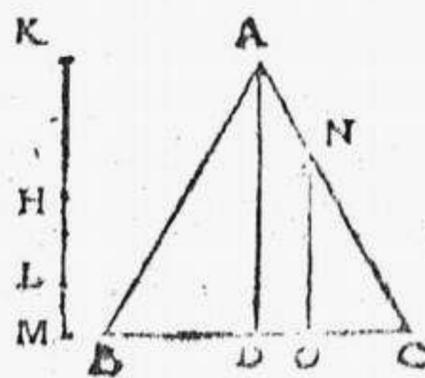
## LE SUPERFICIE

golo  $ABD$  per la premessa con vna linea equidistante al lato  $AD$  secondo la proportione della  $KL$  alla  $LG$ : e la linea laqual diuide il triangolo in questo modo sia la  $FE$ . Dico adunq; che la proportione del triangolo  $FBE$  alla superficie  $A FEC$ ,



è come la proportione della  $KL$  alla  $LM$ . *La ragione.* Perciòche la proportione del triangolo  $ADC$  al triangolo  $ABD$  è come la proportione della  $MG$  alla  $GK$ . Congiungendo adunque per la 18. del quinto la proportione del triangolo  $ABC$  al triangolo  $ABD$ ; è come la proportione della  $MK$  alla  $KG$ . Mà la proportione del triangolo  $ABD$  al triangolo  $FBE$ , è come la proportione della  $KG$  alla  $KL$ . adunque secondo la proportionalità eguale per la 22. del quinto, serà la proportione del triangolo  $ABC$  al triangolo  $FBE$ , come la proportione della  $MK$  alla  $KL$ . Diuidendo, adunque la proportione della superficie  $A FEC$  al triangolo  $FBE$ , è come la proportione della  $ML$  alla  $KL$ . Conuertendo adunque la proportione della  $KL$  alla  $LM$  è come quella del triangolo  $FBE$  alla superficie  $A FEC$ : il che haueua da prouarsi.

*Terzo caso.* Sia la proportione della  $KH$  alla  $HM$ , com'è quella della  $BD$  alla  $DC$ : talmente che il punto  $H$  sia frà i punti  $K$  &  $L$ . Di uiderò poi per la premessa il triangolo  $ADC$  secondo la proportione della  $HL$  alla  $LM$ , con la linea  $NO$  equidistante al lato  $AD$ . Dico adunque che la proportione della superficie  $NABO$  al triangolo  $NOC$ ; è



come

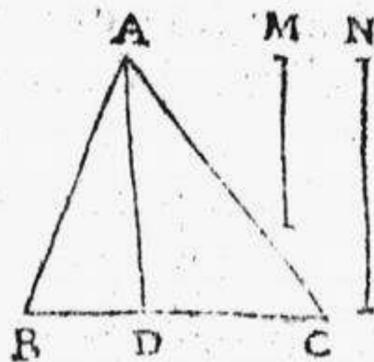
come la proportione della KL alla LM. *La ragione.* Perciò che la proportione del triangolo ABD al triangolo ADC, è come quella della KH alla HM, p la prima del 6. e p la 11 del 5. Congiungēdo adunq; per la 18 del 5. la proportione del triangolo ABC al triangolo ADC, è come la proportione della KM alla HM. Mà la proportione del triangolo ADC al triangolo NOC, è come la proportione della HM alla LM. secondo la proportionalità eguale adunque la proportione del triangolo ABC al triangolo NOC, è come quella della KM alla LM. Diuidendo adunque la proportion della superficie NABO al triangolo NOC, è come la proportion della KL alla LM: che fu il proposito.

PROPOSITION V. PROBLEMA V.

Diuidere vn triangolo noto, con vna linea equidistāte ad vna linea tirata da vn'angolo suo, laquale ne sia equidistante ad alcuno de' suoi lati, ne ad alcuna delle sue perpendicolari secondo vnadata proportione.

Questa conchiusionē si può prouare come la premessa: e si può anche mostrare altramente in questo modo.

Sia la proportiō data quella della M alla N: e sia il triangolo ABC, ilquale io voglio diuidere secondo la proportionē della M alla N, con vna linea equidistante alla AD, laquale cada dall'angolo A. ne sia perpendicolare, ne equidistante ad alcuno de' lati

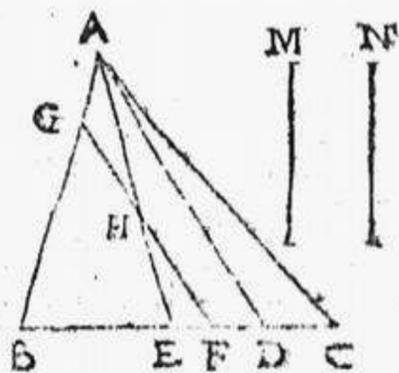


del triangolo. Diuiderò adunque la linea BC secondo la pro-

## DEL MODO DI DIVIDERE

la proportione della M alla N; e cada (per essempio) prima la diuisione nel punto D. la linea A D adunque per la prima del festo diuide il triangolo secondo la proportion data si della M alla N.

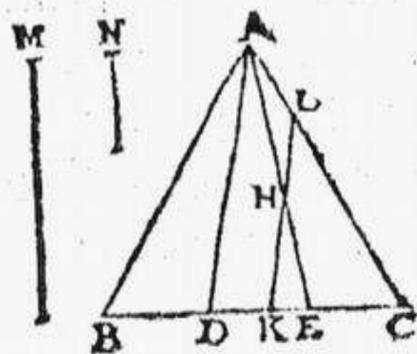
*Secondo caso.* Cada poi la diuisione frà i punti B e D, nel punto E; talche la proportione della B E alla E C, sia come quella della M alla N. Alhora porrò la linea B F mezzana proportionale frà le linee B D, & B E: e tirata si la linea F G equidistante alla linea A D; dico ch'ella diuide il triangolo secondo che si propone. *La ragione.* Perciòche tirarò la linea A E. la proportione adunque del



triangolo ABD al triangolo GBF, è come quella della B D alla B F duplicata, per la 17 del festo. è adunq; come la proportione della B D alla B E. Mà secondo la proportione della B D alla B E, è la proportione del triangolo A B D, al triangolo A B E. è adunque la medesima proportione del triangolo ABD al triangolo G B F, & al triangolo A B E. Adunque i triangoli G B F, & A B E sono eguali. Postasi adunque la H nella settione delle linee A F, G F; si vede chiaro che i triangoli A G H & E F H sono eguali: à i quali aggiuntasi la superficie A H F C serà il triangolo A E C eguale alla superficie A G F C. La medesima proportione adunque è del triangolo A B E al triangolo A E C che del triangolo B F G alla superficie A G F C: mà la proportione del triangolo A B E al triangolo A E C, è come la proportion data si della M alla N; è manifesto adunque il proposito.

*Terzo caso.* Cada la diuisione frà i punti D & C nel punto E; talche sia la proportione della B E alla E C, come quella della M alla N. Porrò adunque la linea C K mezzana

mezzana proportionale frà la DC e la EC. Alhora tiratafi la linea KL equidistate alla linea AD; dico ch'ella diuide il triangolo secondo che si propone. Perciòche si come prima la proportion del triangolo ADC al triangolo LKC, è come la proportion della DC alla KC duplicata: e per consequenza è come la proportion della DC alla EC: e secondo la medesima proportion è la proportion del triangolo ADC al triangolo AEC. Adunque i triangoli LKC, & AEC sono eguali. Ilperche i triangoli AHL, eKHE ancora sono eguali. La superficie LABK adunq; è vguale al triangolo ABE. Adunq, la medesima proportion è qlla della superficie LABK al triangolo LKC; che qlla del triangolo ABE al triangolo AEC. Mà quella proportion è come quella della M alla N: Manifesto è adunque il proposito. Nota che à questo modo medesimo si può anche prouare la conclusion premessa, e questa è proua più facile che le poste di sopra.



PROPOSITION VI. PROBLEMA VI.

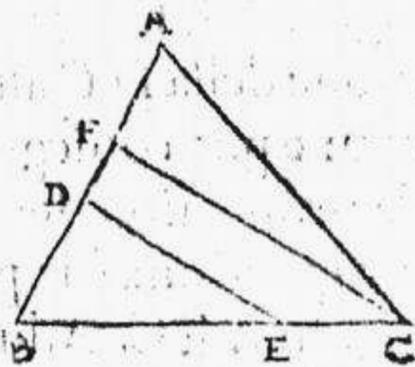
Diuidere vn triangolo noto con vna linea equidistante à qualunque linea tiratafi in esso, o tirisi da angolo, o no', secondo vna data proportion,

Perciòche se la linea segnata sia equidistante à qualche lato del triangolo, si hauerà l'intento. per la 7 di questo. Se anche la detta linea cada da qualche angolo si hauerà il

C proposito

## DEL MODO DI DIVIDERE

propósito per la premessa. Che se la linea assegnata si ne discenda da angolo veruno del triangolo, ne sia equidistante ad alcun lato suo, come nel triangolo  $ABC$ ; assegnasi la linea  $DE$  laquale non sia equidistante alla linea  $AC$ ; mà concorrebbe con essa dalla parte  $C$ ; se l'vna e l'altra s'allungasse. Alhora dall'angolo dalla parte del quale farebbe il cōcorso, come dal angolo  $C$  tirasi la linea  $CF$  nel triangolo, equidistante alla linea assegnata, cioè è alla linea  $DE$ : Et alhora per la premessa diuidasi il triangolo con vna linea equidistante alla linea  $CF$  secondo la proportion data. Chiara cosa è per la 3.<sup>o</sup> del primo ch'esso alhora vien diuiso con vna linea equidistante alla linea  $DE$ , e così è manifesto il propósito tirasi quanto si voglia strauagantemente la linea.

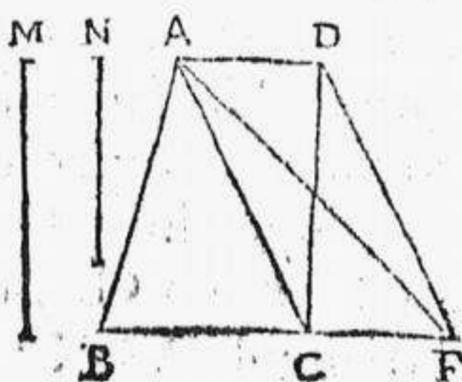


### PROPOSITION VII. PROBLEMA VII.

**Con vna linea tirata da vn'angolo d'vn quadrangolo noto, diuidere quel quadrangolo secondo vna data proportione.**

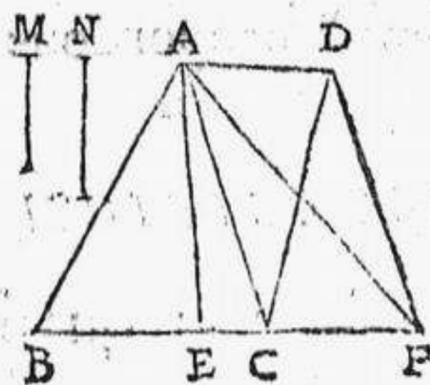
Sia la proportione data quella della  $M$  alla  $N$ , e sia il quadrangolo  $ABCD$ : dall'angolo  $A$  del quale voglio tirare vna linea, che diuida il quadrangolo secondo la proportione della  $M$  alla  $N$ . Perciò che tirarò il diametro  $AC$ , e dal punto  $D$  tirarò la linea  $DF$  equidistante alla linea  $AC$ , fin che concorra con la linea  $BC$  nel punto  $F$ . Diuidarò poi la linea  $BF$  secondo la proportione della  $M$  alla  $N$ : e prima cada la diuisione nel punto  $C$ ; talche sia la medesi-

ma pportione q̄lla della BC alla CF; che q̄lla della M alla N. Dico adunque che la linea AC diuide il quadrangolo secondo che si è proposto. *La ragione.* Perciò che il triangolo ADC è vguale al triangolo AFC per la 37 del primo. Mà la proportionè del triangolo ABC al triangolo ACF è come la proportionè della M alla N per la prima del sesto. La proportionè adunque del triangolo ABC al triangolo ACD è come la proportionè della M alla N, che fù il proposito.



*Secondo caso.* Cada la diuisione nel punto E frà gli punti B & C; talche sia la proportionè della BE alla EF come quella della M alla N. Alhora tiratafi la linea AE; dico che la proportionè del triangolo ABE alla superficie AECD, è come la proportionè della M alla N. *La ragione.* Perciò che tirarò la linea AF.

serà adunque il triangolo ADC eguale al triangolo AFC per la 37 del primo. Aggiuntosi adunque il triangolo AEC commune all'vno & all'altro; serà la superficie AECD eguale al triangolo AEF. Adūq; la medesima proportionè è quella del triangolo ABE alla superficie AECD, & al triangolo AEF. Essendo adunque per la prima del sesto la proportionè del triangolo ABE al triangolo AEF come quella della M alla N; chiaramente si vede, che la proportionè del triangolo ABE alla superficie AECD, è come quella della M alla N: ilche doueua prouarsi.



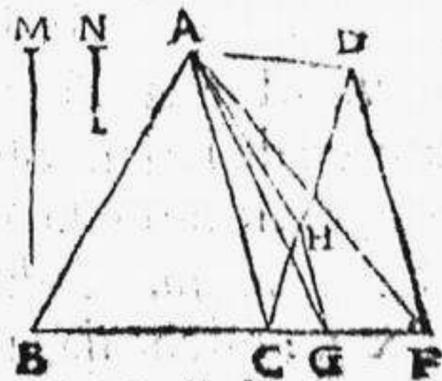
*Terza caso.* Cada la diuisione frà i punti C & F, nel punto G; talche sia la proportionè della BG alla GF, come quella

C 2 me quella

**DEL MODO DI DIVIDERE**

me quella della M alla N. Alhora tirarò la linea GH equidistante alla linea DF, finche concorra con la linea DC nel punto H. Tiratafi poi la linea AH; dico che la proportion della superficie ABCH al triangolo ADH è come la proportion della M alla N. *La ragione.* Perciò che tirarò la linea AG. Sarà adunque il triangolo AHC eguale al triangolo AGC: mà tutto il triangolo ADC ancora è vguale à tutto il triangolo AFC;

Adunque il triangolo ADH restante è vguale al triangolo restante AFG. Aggiuntosi adunque il triangolo ABC comune à i duo triangoli ACH & ACG eguali; sarà la superficie ABCH eguale al triangolo ABC.



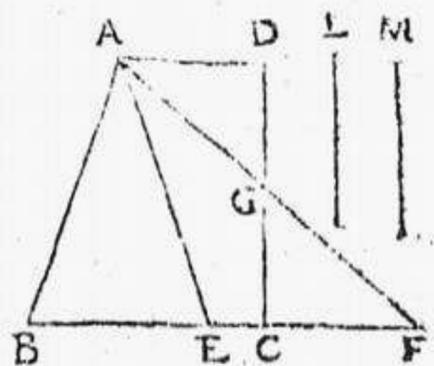
serà adunque la proportion della superficie ABCH al triangolo ADH, come quella del triangolo ABG al triangolo AGF. Mà la proportion del triangolo ABG al triangolo AGF è come la proportion della M alla N, ilper che è manifesto il proposito.

**PROPOSITION VIII. PROBLEMA VIII.**

**Dividere vn quadrangolo noto di duo lati equidistanti con vna linea tirata da vn punto assegnato in uno de' duo lati equidistanti secondo una data proportion.**

Sia il quadrangolo noto ABCD, & il punto assegnatosi nel lato BC equidistante al lato AD, sia E. Alhora voglio tirare vna linea dal punto E che diuida il quadrangolo secondo la proportion della L alla M. Perciò che allungarsi la BC per lo dritto fino al punto F: talche la linea CF sia eguale alla linea AD. e tirisi la linea AF, che  
tagli

tagli la linea  $DC$  nel punto  $G$ . sono adunque i triangoli  $ADG$   $GCF$  simili, & eguali i lati  $AD$   $CF$ . Quei triangoli adunque sono eguali. Aggiuntasi adunque la superficie  $ABCG$  commune all'uno & all'altro; si vede chiaro che il quadrangolo  $ABCD$  è vguale al triangolo  $ABF$ . *Tienti à mente questo.* Diuiderò poi la linea  $BF$  secòdo la proportionione della  $L$  alla  $M$ ; e prima cada la diuisione nel punto  $E$ ; talche la proportionione della  $BE$  alla  $EF$ , sia come quella della  $L$  alla  $M$ : Alhora tiratafi la



$EA$ , dico ch'ella diuiderà il quadrangolo secondo che si propone. Perciòche per l'vguaglianza de triangoli  $ADG$  e  $CGF$  la superficie  $AECD$  è vguale al triangolo  $AEF$ . è adunque la medesima proportionione del triangolo  $ABE$  alla superficie  $AECD$  & al triangolo  $AEF$ . Mà la proportionione dello  $ABE$  allo  $AEF$ , è come la proportionione della  $L$  alla  $M$ . la proportionione adunq; dello  $ABE$  al resto del quadrangolo; è come la proportionione della  $L$  alla  $M$ : che è il proposito.

*Secondo caso.* Cada la diuisione frà i punti  $B$  &  $E$  nel punto  $H$ ; tale che sia la proportionione della  $BH$  alla  $HF$  come quella della  $L$  alla  $M$ . Alhora

tirarò la linea  $HK$  equidistate alla linea  $AE$ : e tagli la linea  $AB$  nel punto  $K$ . Dopo tiratafi la linea  $KE$ , dico ch'ella diuide il quadrangolo secondo che si propone. Perciòche tirarò la linea  $AH$ . Perche adunque le linee  $AE$   $KH$  sono equidistanti, se-

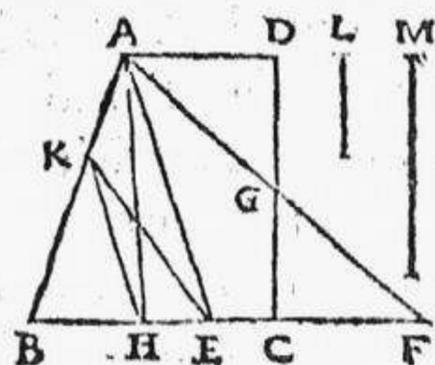


ranno i triangoli  $KAH$  &  $KEH$  eguali. Aggiuntosi adunque il  $KBH$  all'uno & altro; serà il triangolo  $ABH$  eguale

## DEL MODO DI DIVIDERE

eguale al triangolo  $KBE$ . Mà il triangolo  $AKE$  ancora è vguale al triangolo  $AHE$ ; Aggiuntasi adunq; la superficie  $AECD$  cōmune all'vno, & all'altro; serà la superficie  $AKECD$  eguale al quadrangolo  $AHCD$ .

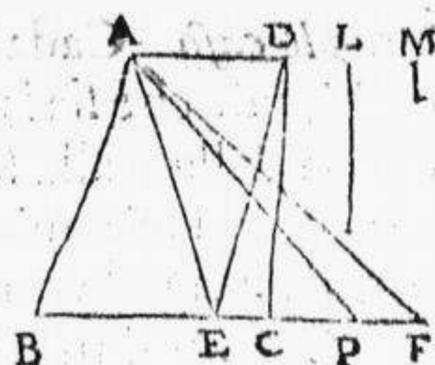
Mà il quadrangolo  $AHCD$  è vguale al triangolo  $AHF$ , come si è mostrato di sopra. Adunq; la medesima pportione è quella del triangolo  $KBE$  alla superficie  $AKECD$ ; che quella del triangolo  $ABH$  al triangolo  $AHF$ : e p consequenza che quella della  $L$  alla  $M$ : il che haueua da ppararsi.



*Terzo caso.* Cada la diuisione frà i punti  $E$  &  $F$ : e fattasi la figura segarò dalla linea  $EF$  la linea  $EP$  eguale alla linea  $DA$ . Taglierò in oltre la linea  $BF$  secondo la pportione della  $L$  alla  $M$ : e cada prima la diuisione nel punto  $P$ ; Talche sia la pportione della  $BP$  alla  $PF$  come quella della  $L$  alla  $M$ . Alhora tirarò la linea  $ED$ : laquale dico diuiderè il quadrangolo secondo la forma propostaci.

*La ragione.* Perciòche tirarò la linea  $PA$ ; e perche la linea  $EP$  è vguale alla linea  $AD$ , & equidistate adessa; serà il triangolo

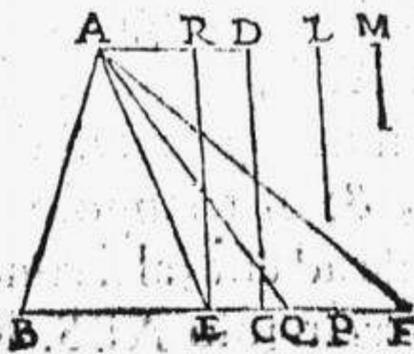
$ADE$  eguale al triangolo  $APE$ . Aggiutoui adunq; il triangolo  $ABE$  cōmune; serà il quadrangolo  $ABED$  eguale al triangolo  $ABP$ : e cō seguentemente il triangolo restan-



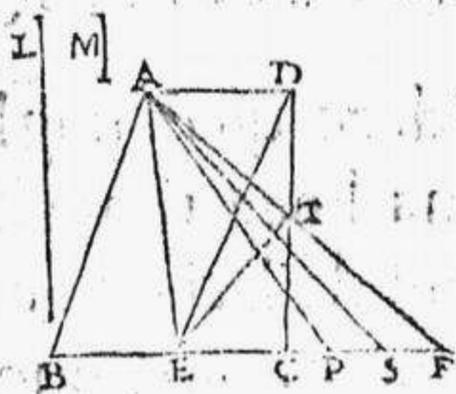
te  $DEC$ , serà eguale al triangolo restante  $APF$ , per quello che si è prouato di sopra: ciò è che il quadrangolo  $ABCD$  è vguale al triangolo  $ABF$ . è manifesto adunq; che la medesima pportione è del quadrangolo  $ABED$  al triangolo  $DEC$ ; che del triangolo  $ABP$  al triangolo  $APF$ , per la 19 del quinto. Ma la pportione del triangolo  $ABP$  al triangolo  $APF$  è come quella della

della L alla M: la proportione adunque del quadrangolo ABED al triangolo DEC è come quella della L alla M: il che haueua da prouarsi,

*Secondo caso* Cada la diuisione frà i punti E & P, nel punto Q; talche la proportione della BQ alla QF, sia come quella della L alla M. Dopo di segarò dalla linea AD la linea AR eguale alla linea EQ. Alhora tiratafi la linea ER, dico ch'ella diuide il quadrangolo secondo che si propone. Perciò che tirarò la linea AQ. e perche le linee AR & EQ sono eguali, & equidistanti; seranno i triangoli ARE, & AQE eguali: à i quali aggiuntosi il triàngolo ABE cõe; serà il quadrangolo ABER eguale al triàngolo ABQ. Mà si è puato di soprache tutto il quadrangolo ABCD è vguale à tutto il triangolo ABF. adunq; il quadrangolo RECD restante è vguale al triangolo restante AQF. la medesima proportione adunq; è del quadrangolo ABER al quadrangolo RECD; che del triàngolo ABQ al triàngolo AQF; e p cõseguenza che della L alla M: che fu il pposito.



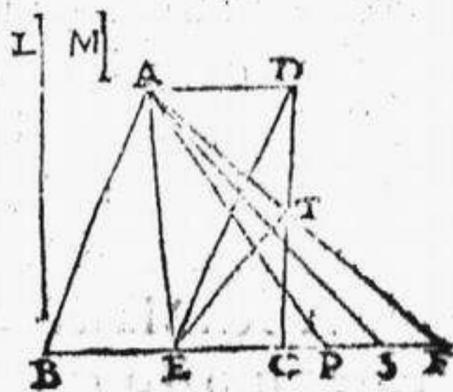
*Terzo caso.* Cada la diuisione frà i punti P. & F nel punto S; talche la proportione della BS alla SF sia come quella della L alla M. Di uiderò mò la linea DC secondo la proportione della PS alla SF nel punto T, e tirarò la linea ET. Dico ch'el



la diuide il quadrangolo secondo che si propone. Perciò che tirarò la linea AS. Perche adunque le linee AD & EP sono eguali, & equidistanti: seranno i trianguli ADE, & APE

## DEL MODO DI DIVIDERE.

$AP$  e  $PE$  eguali: e per conseguenza aggiuntoui il triangolo  $ABE$  commune; il quadrangolo  $ABED$  è vguale al triangolo  $ABP$ . mà tutto il quadrangolo  $ABCD$  ancora è eguale à tutto il triangolo  $ABF$ . adunque il triangolo  $DEC$  è vguale al triangolo  $PAF$ . Mà la proportionè del triangolo  $DET$  ancora al triangolo  $TEC$ ; è come la proportionè del triangolo  $PAS$ , al triangolo  $SAF$ . Adunque il triangolo  $DET$  è vguale al triangolo  $PAS$ , & il triangolo  $TEC$  è vguale al triangolo  $SAF$ . Mà si è di già prouato che il quadrangolo  $ABED$  è vguale al triangolo  $ABP$ ; Aggiuntosi adunque il triangolo  $DET$  al primo, & il triangolo  $PAS$  eguale ad esso, al secondo; serà il pentagono  $ABETD$  eguale al triangolo  $ABS$ . Mà si prouò che i triangoli  $TEC$  &  $SAF$  sono eguali. Adunque la medesima proportionè è del pentagono  $ABETD$  al triangolo  $TEC$ ; che del triangolo  $ABS$  al triangolo  $ASF$ : e per conseguenza che della  $L$  alla  $M$ : che fu il proposito.



### PROPOSITION IX. PROBLEMA IX.

Diuidere qualsiuoglia quadrangolo noto con vna linea tirata da vn punto assegnato in vno de'lati non equidistanti, secondo vna data proportionè.

Sia il quadrangolo  $ABCD$ . i duo lati del quale  $ADBC$  non siano equidistanti. Voglio adunque diuidere quel quadrangolo secondo la proportionè della  $M$  alla  $N$  nota, con

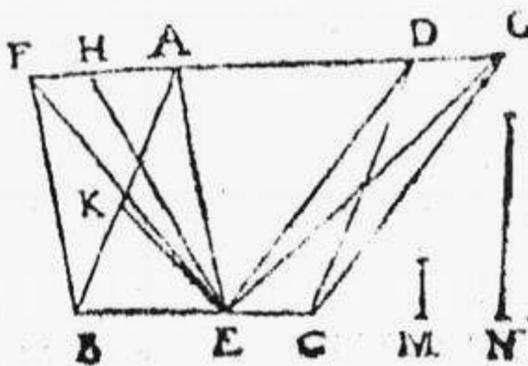
vna

## LE SUPERFICIE

Vna linea tirata dal punto E dato sopra la linea BC. Perciò che tirarò le due EA ED, & allungherò la DA dall'vna e dall'altra parte per lo dritto; finche la linea BF concorra con essa nel punto F, equidistante alla linea AE: e la CG concorra con essa nel punto G, equidistante alla linea ED. Diuiderò poi la linea FG secondo la proportione della M alla N.

E cada prima la diuisione frà i punti F & A nel punto H; talche sia la proportione della FH alla HG come quella della M alla N. Diuiderò anche la linea BA secondo la proportione della FH alla HA: e cada la diuisione nel punto K; talche sia la proporti-

one della BK alla KA come quella della FH alla HA. Alhora tirata si la linea KE; dico ch'ella diuide il quadrangolo secondo che si propone. Perciò che tirarò le due linee EF EG. Serà adunque il



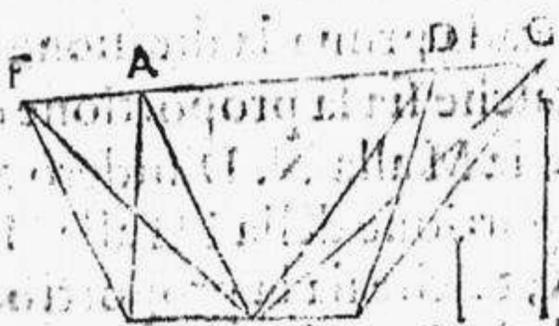
triangolo AFE eguale al triangolo ABE per la 17 del primo, & il triangolo DGE eguale al triangolo DCE. Aggiuntosi adunque all'vno & all'altro il triangolo AED; serà il triangolo FEG eguale al quadrangolo ABCD proposto. *Ponti à mente questo.* E perche il triangolo AFE è vguale al triangolo ABE: & è la medesima proportione quella della FH alla HA; che quella della BK alla KA. Per la prima del sesto adunque il triangolo EHF è vguale al triangolo EKB. adunque il restante ancora serà eguale al restante. Il triangolo adunque HEG restante è vguale al pentagono AKECD. La medesima proportione adunq; è quella del triangolo EKB al pentagono AKECD; che del triangolo EHF al triangolo EGH. Adunque è come quella della linea FH alla linea HG, e per consequenza come quella della M alla N: ilche haueua da prouarsi.

D      Secondo

## DEL MODO DI DIVIDERE

*Secondo caso.* Cada poi la diuisione nel punto A, talche sia la proportione della FA alla AG come quella della M alla N. Alhora tiratafi la linea EA, dico ch'ella diuide il quadrangolo secondo che si propone. Perciò che il triangolo AFE è vguale al triangolo ABE. Adunque il triangolo AEG restante è vguale al quadrangolo restante AECD.

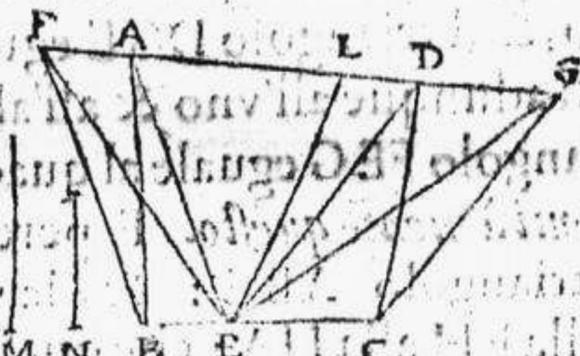
La medesima proportione adūq; è q̄lla del triángolo ABE al quadrángolo AECD, che q̄lla del triángolo AFE al triángolo AEG. Adunque è come quella della linea FA alla linea AG, e per consequenza come quella della M alla N: ilche si doueua prouare.



*Terzo caso.* Cada mò la diuisione fra i punti A & D nel punto L; talche sia la proportione della FL alla LG, come la proportione della M alla N. Alhora dico che la linea EL diuide il quadrangolo secondo che si propone.

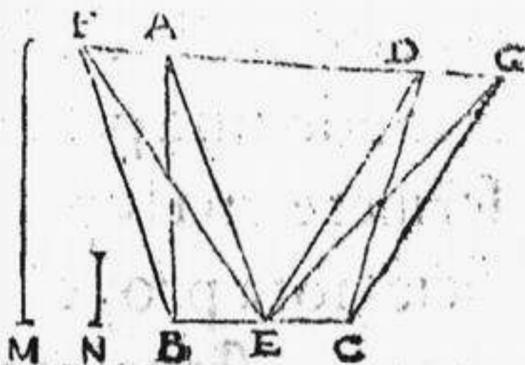
Perciò che essendo i triangoli AFE & ABE eguali, aggiuntosi all'vno & all'altro il triangolo LAE, serà il triangolo LFE eguale al quadrangolo ABEL.

Adunque il triangolo LEG restante è vguale al quadrangolo restante LECD. La medesima proportione adūq; è q̄lla del quadrángolo ABEL al quadrángolo LECD, che q̄lla del triángolo LFE al triángolo LEG: e per consequenza che la proportione della M alla N: il che doueua prouarsi.

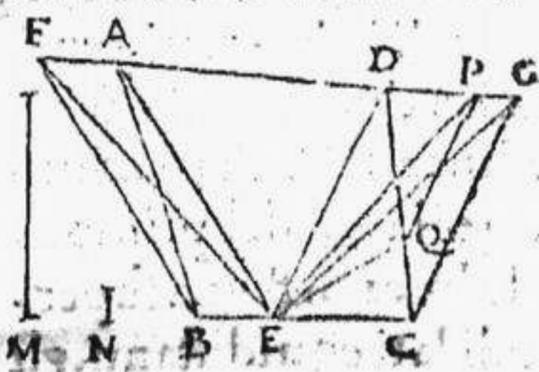


*Quarto caso.* Cada poi la diuisione nel punto D. Perche alhora i triangoli DGE, & DCE sono eguali; serà il triangolo

triangolo DFE restante eguale al quadrangolo D A B E restate. La medesima pportione adunq; è quella del quadrangolo ABE D al triangolo DEC; che qlla del triangolo DFE al triangolo DEG. Adunq; è come quella della linea FD alla linea DG: e per conseguenza come quella della M alla N. La linea adunque DE diuide il quadrangolo secondo che si propone.



*Quinto caso.* Cada la diuisione nel punto P, frà i punti D & G; talche la pportione della FP alla PG sia come quella della M alla N. Alhora tirarò la linea PQ equidistante alla linea CG; finche concorra con la linea CD nel punto Q. Tiratafi adunque la linea EQ; dico ch'ella diuide il quadrangolo secondo che si propone. Perciò che tirarò la linea PE. Sarà adunque il triangolo DEP eguale al triangolo DEQ; per la

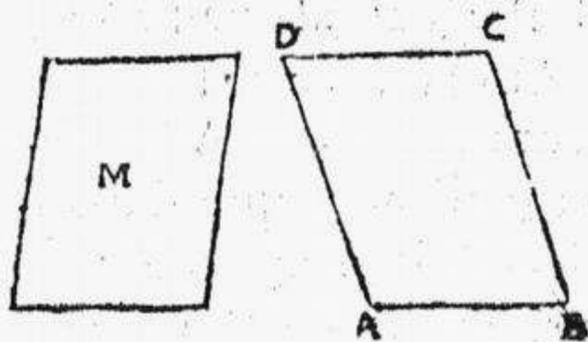


37 del primo. Aggiuntouisi adunque il triangolo AED commune; serà il triangolo AEP eguale al quadrangolo AEQD. I duo triangoli ancora AFE, & ABE sono eguali. adunque il triangolo FEP è vguale al pentagono ABEQD. Serà adunque il triangolo PEG restante eguale al triangolo restante QEC. è adunq; la medesima pportione qlla del pentagono ABEQD al triangolo QEC; che qlla del triangolo FEP al triangolo PEG. Adunque è come quella della linea FP alla linea PG; e per conseguenza, come quella della M alla N; che sù il proposito.

DEL MODO DI DIVIDERE  
PROPOSITION X. PROBLEMA X.

Propostasi una linea nota, e tiratesi due linee da i termini di essa, le quali facciano cō essa dalla medesima parte quei siuogliano angoli, de scriuere vna superficie eguale ad una superficie nota propostasi, sopra ad vna linea nota proposta; talmente che la detta superficie v̄ga rinchiusa fra quella linea nota, & una linea equidistāte à se, e fra le due dette tiratesi ò da vna parte ò dall'altra della linea nota.

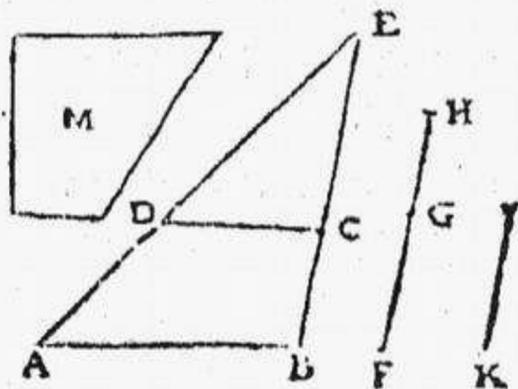
Verbi gratia sia la linea  $AB$  nota, e le due linee  $AD$ ,  $BC$  situate ad arbitrio nostro. voglio sopra la linea  $AB$  formare vna superficie eguale alla superficie  $M$  nota, laquale v̄ga rinchiusa frà le linee  $AD$  &  $BC$ , e frà la  $AB$ , & vna linea equidistante à se. I duo angoli  $DAB$ , e  $CBA$  adunque ò sono eguali à duo retti, ò minori, ò maggiori. E siano prima eguali à duo retti. Serà adunque la linea  $AD$  equidistante alla linea  $BC$ . Farò adunque per la 44 del primo sopra la linea  $AB$  vna superficie di lati equidistanti, gli angoli dellaquale siano eguali à gli angoli  $DAB$ ,  $CBA$ : & essa superficie sia eguale alla superficie  $M$ : & è manifesto il proposito.



*Secondo caso.* Siano mò i duo angoli  $DAB$  &  $CBA$  minori di duo retti. Concorreranno adunq; le due linee  $AD$ ,  $BC$  dalla parte  $CD$ . mà concorrano nel punto  $E$ . se adunque il triangolo  $EAB$  non serà maggiore della superficie  $M$  dalla

M, dalla parte DC non si può formare vna superficie tale, qual volemmo: ma bisognerà allora che si faccia dall'altra parte. Sia adunque il triangolo E A B maggiore della su-

perficie M; e sia la proportio-  
ne del triangolo E A B alla su-  
perficie M; come quella del-  
la linea F H alla linea F  
G: e sia la linea K mezzana  
proportionale frà la F H, e la  
G H. Taglierò poi dalla  
linea E B la linea E C,

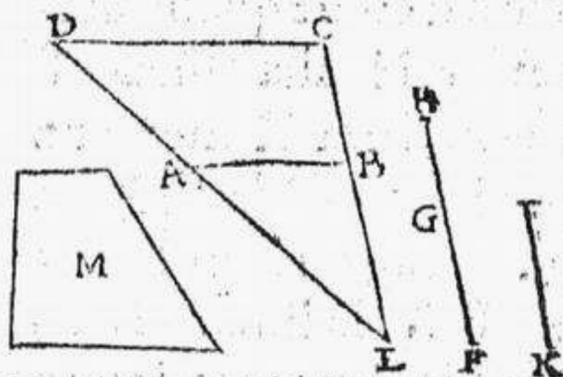


laquale stia in proportione con la linea E B, come la linea  
K con la linea F H. Allora tirasi la C D equidistante alla  
linea B A; dico che la superficie A B C D è vguale alla su-  
perficie M. *La ragione* Perciò che la pportione del triángolo  
B A E al triángolo C D E è p la 17 del 6 come la proportione  
della B E alla C E duplicata. è adũq, come q̃lla ancora della  
F H alla K duplicata: e p consequenza la pportione del triá-  
golo B A E al triángolo C D E è come la proportione della  
F H alla G H. Conuertendo adunque la proportione del  
triángolo B A E al quadrangolo B A D C è come la propor-  
tione della F H alla F G. Mà quella proportione che è della  
F H alla F G, qu illa medesima è del triángolo B A E alla su-  
perficie M; la medesima proportione adunq; è del triángolo  
B A E alla superficie M, & al quadrangolo B A D C. Il per-  
che la superficie M, & il quadrangolo B A D C sono eguali,  
e questo è quello che volemmo.

*Terzo caso.* Siano poi i duo angoli D A B, & C B A  
maggiori di duo retti. concorreranno adunque dal-  
la parte A B. poniamo che ciò sia nel punto E.  
Porrò adunque la proportione della G H alla G F se-  
condo la proportione del triángolo A B E alla su-  
perficie M: e sia la linea K mezzana proportionale  
frà la F H, e la G H: e porrò la proportione della E C  
alla

## DEL MODO DI DIVIDERE

alla  $EB$ , secondo la proportioe della  $FH$  alla  $K$ : Alhora tiratafi la  $CD$  equidistante alla linea  $AB$ ; dico che la superficie  $M$  è vguale al quadrangulo  $ABCD$ . *La ragione.* Perciòche la proportione del triangolo  $CDE$  al triangolo  $BAE$ , è (come si è mostrato di sopra) come la proportione della  $FH$  alla  $GH$ . Conuertendo adunque la proportione del triangolo  $CDE$  al quadrangulo  $CDA$   $B$  è come la proportione della  $FH$  alla  $FG$ .



Diuidendo adunque la proportione del triangolo  $ABE$  al quadrangulo  $ABCD$  è come la proportione della  $GH$  alla  $GF$ : e per consequenza come la proportione del medesimo triangolo  $ABE$  alla superficie  $M$ . Adunque il quadrangulo  $ABCD$ , e la superficie  $M$  sono eguali, e tanto hauemo voluto dimostrare.

### PROPOSITION XI. PROBLEMA XI.

**Diuidere vn quadrangolo di lati equidistanti con vna linea equidistante ad vno de' suoi lati, secondo vna data proportione.**

Sia il quadrangolo di lati equidistante  $ABCD$ , ilquale voglio diuidere secondo la proportione della  $G$  alla  $H$ , con vna linea equidistante al lato  $AB$  di esso. Perciòche diuiderò la linea  $BC$  nel punto  $E$ , secondo la proportione della  $G$  alla  $H$ , e tirarò la li

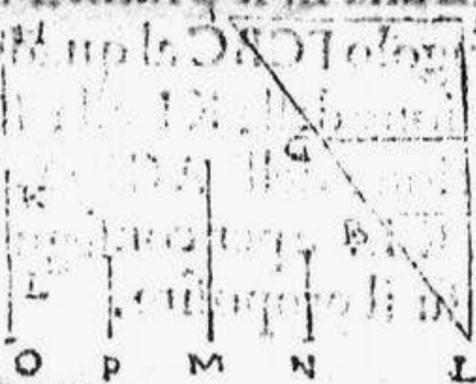


nea  $EF$  equidistante alla linea  $AB$ , e si hà l'intento. Perciò che per la prima del sesto la medesima pportione è quella del quadrangolo  $ABEF$  al quadrangolo  $FECD$ ; che quella della linea  $BE$  alla linea  $EC$ ; e per conseguenza che quella della  $G$  alla  $H$ ; che fu il proposito.

PROPOSITION XII. PROBLEMA XII.

Diuidere vn quadrangolo di duo lati solamente equidistanti con vna linea equidistante à suoi lati equidistanti secondo vna data pportione.

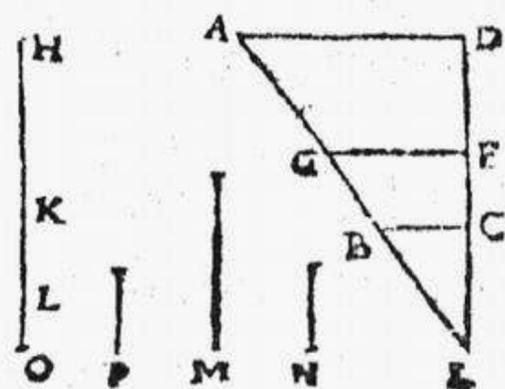
Sia il quadrangolo  $ABCD$ , delquale i duo lati  $AD$  &  $BC$  solamente siano equidistanti: Voglio adunque diuidere quel quadrangolo secondo la pportione della  $M$  alla  $N$ , con vna linea equidistante à suoi lati  $AD$  &  $BC$ . Perciò che i suoi lati  $AB$  &  $DC$  concorreranno necessariamente. Poniamo che ciò sia nel punto  $E$ ; e porrò la pportione della  $HO$  alla  $LO$  secondo la pportione del triangolo  $DAE$  al triangolo  $CBE$ . Conuertendo, e diuidendo adunque sarà la pportione del triangolo  $CBE$ , al quadrangolo  $DABC$ , come quella della  $LO$  alla  $LH$ . Diuiderò mò la linea  $HL$  nel punto  $K$ , secondo la pportione della  $M$  alla  $N$ ; tale che sia la pportione della  $HK$  alla  $KL$ , come quella della  $M$  alla  $N$ ; e sia la linea  $P$  mezzana pportionale frà le linee  $KO$  &  $OL$ : & porrò la pportione della  $FE$  alla  $CE$ , secondo la pportione della  $KO$  alla  $P$ . Dopoi tirardò la linea  $FG$  equidistante alla li-



nea.

## DEL MODO DI DIVIDERE.

nea D'A. Dico adunque ch'ella diuide il quadrangolo secondo che si propone. *La ragione.* Perciò che la proportion del triangolo FGE al triangolo CBE, è come la proportion della FE alla CE duplicata. Adunq; è come la proportion ancora della KO alla P duplicata; e per conseguenza la proportion del triangolo FGE al triangolo CBE, è come la proportion della KO alla LO. Diuidendo adunque la proportion del quadrangolo FGBC al triangolo CBE, è come la proportion della KL alla LO. la proportion poi del triangolo C-



B E al quadrangolo ABCD ( come si è mostrato di sopra) è come la proportion della LO alla LH. Per la proportionalità eguale adunque la proportion del quadrangolo FGBC al quadrangolo ABCD, è come la proportion della KL alla LH. Diuidendo adunq; la proportion del quadrangolo FGBC al quadrangolo AGFD è come la proportion della KL alla KH. Conuertendo adunque la proportion dell' AGFD al GBCF. è come quella della HK alla KL: e per conseguenza come quella della M alla N: che fu il proposito.

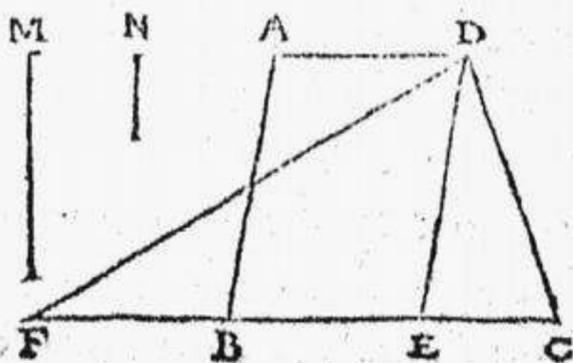
### PROPOSITION XIII. PROBLEMA XIII.

**Diuidere vn quadrangolo di duo lati equidistanti solamēte , con una linea equidistante ad vno de'suoi lati non equidistanti secondo vna data proportione,**

Siano

Siano solamente i duo lati  $AD$   $BC$  del quadrangolo  $ABCD$  equidistanti. Voglio adunque diuidere quel quadrangolo secondo la proportione della  $M$  alla  $N$ , con vna linea equidistante al lato di esso  $AB$ . Da vn de' duo angoli adunque ò  $C$  ò  $D$  tirarò vna linea dentro al quadrangolo equidistante alla linea  $AB$ , e sia per effempio la linea  $DE$ . Dopoi tirarò la  $BE$  pe'l dritto fino al punto  $F$ , tanto che la  $BF$  sia eguale alla  $BE$ : e diuiderò la linea  $FC$  secondo la proportione della  $M$  alla  $N$ . e prima cada la diuisione nel punto  $E$ ; talche sia la proportione della  $FE$  alla  $EC$ , come quella della  $M$  alla  $N$ . Dico adunq;

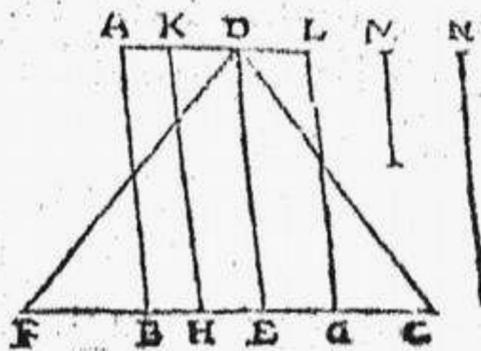
che la linea  $DE$  diuide il quadrangolo secondo che si propone. *La ragione.* Tirarò la linea  $DF$ . è adunque la proportione del triangolo  $FDE$  al triangolo  $EDC$ , come la proportione della  $FE$  alla  $EC$ : adun-



que come la proportione della  $M$  alla  $N$  ancora. Mà per la prima del sesto, e per la 41. del primo il quadrangolo  $ABED$  è vguale al triangolo  $FDE$ . Adunque la proportione del quadrangolo  $ABED$  al triangolo  $DEC$ , è come quella della  $M$  alla  $N$ , che fù il proposito.

*Secondo caso.* Cada poi la diuisione frà i punti  $F$  &  $E$ ; tal-

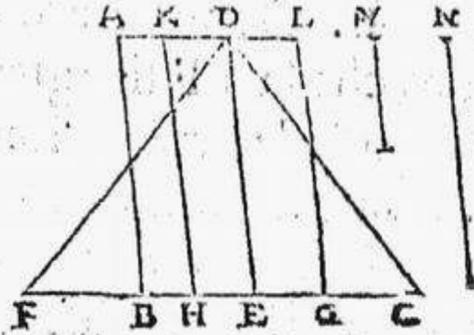
che sia maggiore la proportione della  $FE$  alla  $EC$ , che la proportione della  $M$  alla  $N$ . Diuisasi adunque la linea  $EC$  in parti eguali nel puuto  $G$  serà maggior proportione quella della  $BE$  alla  $EG$ , che quella della  $M$  alla



$N$ : per questo che la linea  $BE$  è la metà della linea  $FE$ :  
**E** e la

**DEL MODO DI DIVIDERE.**

e la linea EG è la metà della linea EC. Diuisasi adunque la linea BG secondo la proportione della M alla N, caderà la diuisione frà i pñti B & E: e sia nel punto H; talche sia la medesima proportione q̄lla della BH alla HG che q̄lla della M alla N. Alhora tiratasi la linea HK equidistante alla linea BA; dico ch'ella diuide il quadrangolo secondo che si propone. Perciòche tirarò pe'l dritto la linea AD fino al punto L; fin tanto che concorra con la linea GL equidistantemente alla linea DE. Perche adunque la linea EC è dop-



pia alla linea EG, serà il parallelogrammo DEGL eguale al triangolo DEC. Aggiuntosi adunque all'vno & all'altro il quadrangolo KHED; serà il quadrangolo KHGL eguale al quadrangolo KHCD. La medesima proportione adūq; è quella del quadrangolo ABHK al quadrangolo KHGL, & al quadrangolo KHCD: la proportione poi del quadrangolo ABHK al quadrangolo KHGL è come la proportione della BH alla HG: e per conseguenza come quella della M alla N. Adunque la proportione del quadrangolo ABHK al quadrangolo KHCD, è come la proportione della M alla N: che è il pr oposito.

*Terzo caso.* Cada mò la diuisione frà i punti F & C nel punto R; talche sia la proportione della FR alla RC, come quella della M alla N. Alhora tirarò la linea DR: e per la 3 di questo diuiderò il triangolo DEC secondo la proportione del triangolo DER al triangolo DRC, con la linea PQ equidistante al lato di esso DE; talche sia il quadrangolo DEPQ eguale al triangolo DER, & anche il triangolo QPC eguale al triangolo DRC. Dico adunque che la linea PQ diuide il quadrangolo secondo che si propone. Perciòche la proportione del triangolo FDR al

triangolo.

triangolo  $RDC$ , è come la proportione della  $M$  alla  $N$ ,  
 Mà il quadrangolo  $ABED$  è vguale al triangolo  $FDE$ , &  
 il quadrangolo  $DEPQ$  è vguale al triangolo  $DER$ . Adun-

que il pentagono  $ABPQD$  è  
 vguale al triangolo  $DDR$ .

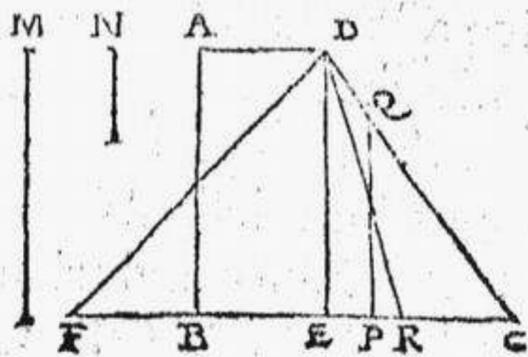
Mà il triangolo  $DRC$  anco-  
 ra è vguale al triangolo  $F-$

$QC$ . Adunque la proportio-  
 ne del pentagono  $ABPQD$

al triangolo  $QFC$ , è come la  
 proportione del triangolo  $F-$

$DR$  al triangolo  $DRC$ ; e per conseguenza come la pro-  
 portione della  $M$  alla  $N$ , che fù il proposito.

Nel medesimo modo operaremmo con vna linea equidi-  
 stante al lato  $DC$  di esso; e si vede manifesto tutto ciò che  
 proponemmo.



PROPOSITION XIII. PROBLEMA XIII.

Diuidere vn quadrangolo che non habbia la-  
 to veruno equidistante con vna linea equi-  
 distante ad vno de' suoi lati, secondo vna da-  
 ta proportione.

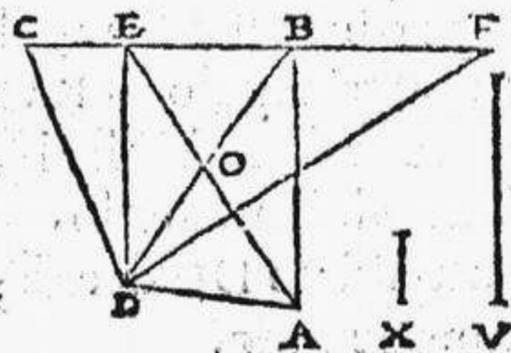
Verbi gratia il quadrangolo  $ABCD$  non habbia verun  
 lato equidistante: mà però voglio diuiderlo secondo la pro-  
 portione della  $V$  alla  $X$ , con vna linea equidistante al suo  
 lato  $AB$ . Perciò che tirarò da vno de' duo angoli  $C$  o  $D$   
 vna linea equidistante alla linea  $AB$ , che passi dentro al qua-  
 drangolo, e sia per essemplio la linea  $DE$ : e tirarò le due li-  
 nee  $EA$   $BD$ , che si tagliano insieme nel punto  $O$ : & al-  
 lungherò la linea  $CB$  pe'l dritto fino al punto  $F$ ; finche  
 sia la proportione della  $FB$  alla  $BE$ , coma la proportione

$E$  2 della

## DEL MODO DI DIVIDERE

della AO all' OE, e tirarò la linea FD. Dopo diuiderò la linea FC secondo la proportione della V alla X: e prima cada la diuisione nel punto E; talche sia la proportione della FE alla EC, com'è la proportione della V alla X. Dico adunque che la linea DE diuide il quadrangolo secondo che si propone. *La ragione* Perciòche la proportione del triangolo ADO al triangolo ODE, è come la proportione della AO alla OE: e la proportione del triangolo ABO ancora al triangolo OBE, è come la proportione della AO alla OE. Con-

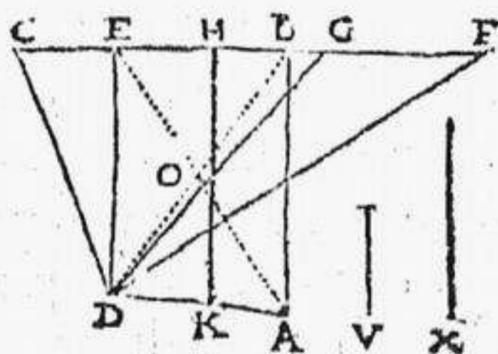
giungendo adunq; la proportione del triangolo BAD al triangolo BED, è come la proportione della AO alla OE: e per conseguenza come la proportione della FB alla BE: e secondo la medesima propor-



tione è il triangolo FDB rispetto al triangolo BED. Adunque il triangolo BAD è uguale al triangolo FBD. Aggiuntosi adunque il triangolo BDE commune all'vno & all'altro; serà il triangolo FDE eguale al quadrangolo ABED. Mà la proportione del triangolo FDE al triangolo EDC, è come la proportione della FE alla EC: e per conseguenza come la proportione della V alla X. Adunque la proportione del quadrangolo ABED al triangolo EDC è come la proportione della V alla X: che fu il proposito.

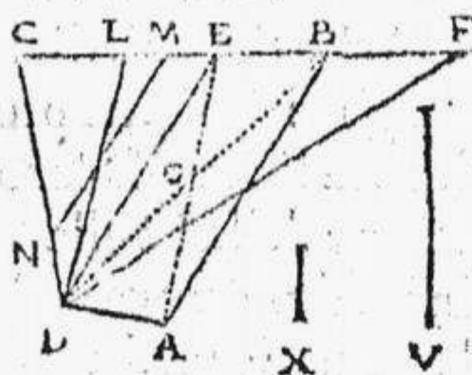
*Secondo caso.* C da poi la diuisione frà i punti F & E (ò sia di dentro, ò sia di fuore del quadrangolo, che di ciò non si tien cura.) e poniamo che sia nel punto G; talche sia la proportione della FG alla GC, come la proportione della V alla X: è tirarò la linea GD. serà adunque la proportione del triangolo FGD al triangolo GDC, come quella della V alla X. Applicherò adunque per la decima di questo alla linea AB vna superficie eguale al triangolo FG,

FGD, laquale venga contenuta da i duo angoli ABC & BAD, separandola con la linea HK equidistante alla linea AB: Dico adunque ch'ella diuide il quadrangolo secondo che si propone. Perciò che passerà dentro al quadrangolo ABED per questo, ch' il triangolo FDE è uguale al quadrangolo ABED, & il triangolo FDG è minore del triangolo FDE. Essendo adunque il triangolo FDE uguale al quadrangolo ABED, & il triangolo FDG uguale al quadrangolo ABHK; bisogna che il triangolo GDE sia uguale al quadrangolo KHED. Aggiuntoui adunque il triangolo EDC commune; sarà il triangolo GDC uguale al quadrangolo KHC D, la medesima proportione adunq; è quella del quadrangolo ABHK al quadrangolo KHC D che quella del triangolo FGD al triangolo GDC, e per consequenza è come la proportione della V alla X: che fu il proposito.



Terzo caso. Cada mò la diuisione fra i punti E & C nel punto L; talche sia la proportione della FL alla LC, come quella della V alla X: sarà adunq; la proportione del triangolo FDE al triangolo LDC,

come la proportione della V alla X. Taglierò poi per la terza di questo dal triangolo DEC vn triangolo simile à lui, & uguale al triangolo LDC, con la linea MN equidistante alla ED. Dico adunq; ch'ella diuide il quadrangolo secondo che si propone.

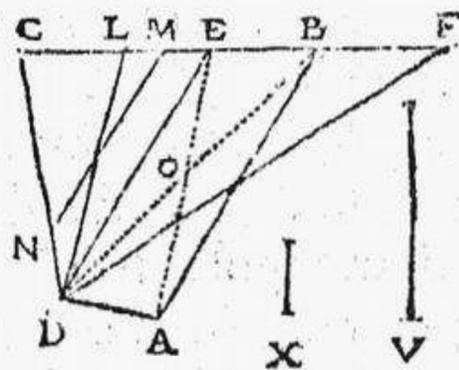


Perciò che il triangolo FDE è uguale al quadrangolo ABED: & il triangolo FDL è uguale al quadrangolo DEMN: per questo, che i triangoli MNC, & LDC sono eguali. Adunque il pentagono

## DEL MODO DI DIVIDERE

gono  $ABMND$  è uguale al triangolo  $FDL$ . è adunque la medesima proportione quella del pentagono  $ABMND$  al triangolo  $MNC$ ; che quella del triangolo  $FDL$  al triangolo  $LDC$ : e per conseguenza che quella della  $V$  alla  $X$ , che fu il proposito.

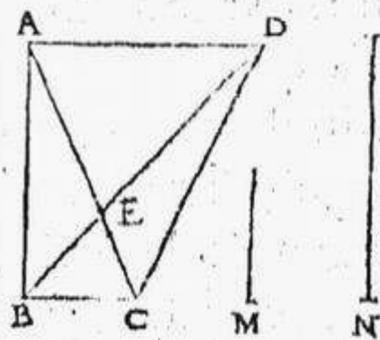
Si come mò si diuide il quadrangolo secondo la proportione data con la linea equidistante al suo lato  $AB$ ; così può dividerfi con vna linea equidistante à qualunque altro lato suo, & è manifesto il proposito.



### PROPOSITION XV. PROBLEMA XV.

Diuidere qualsiuoglia quadrangolo con vna linea equidistante ad vno de' suoi diametri, secondo vna data proportione.

Verbi gratia voglio diuidere il quadrangolo  $ABCD$ , secondo la proportione della  $M$  alla  $N$ , con vna linea equidistante al diametro suo  $AC$ . Perciò che tirarò il diametro  $BD$ , che tagli la  $AC$  nel punto  $E$ : e diuiderò la linea  $BD$  secondo la proportione della  $M$  alla  $N$ . Primieramente adunque cada la diuisione nel punto  $E$ ; talche sia la medesima proportione quella della  $BE$  alla  $ED$ , che quella della  $M$  alla  $N$ . Dico adunque che il diametro  $AC$  diuide il quadrangolo secondo che si propone. Perciò che la proportione del triangolo  $ABE$  al triangolo  $AED$ , è come la proportione della  $BE$  alla  $ED$ .

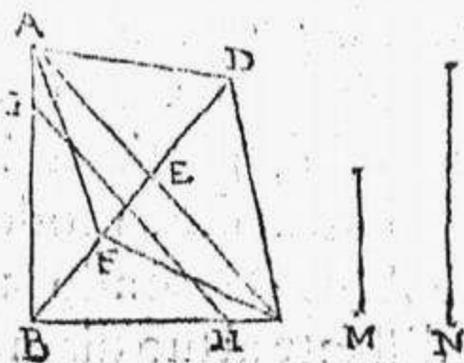


Similmente

Similmente la proportione del triangolo  $BEC$  al triangolo  $EDC$  è come la proportione della  $BE$  alla  $ED$ . Congiungendo adunque serà la proportione del triangolo  $ABC$  al triangolo  $ADC$ , come la proportione della  $BE$  alla  $ED$ : e per conseguenza come la proportione della  $M$  alla  $N$ : che fu il proposito.

*Secondo caso.* Cada la diuisione frà i punti  $B$  &  $E$  nel punto  $F$ ; talche sia la medesima proportione quella della  $BF$  alla  $FD$ , che quella della  $M$  alla  $N$ . Alhora tirarò le due linee  $FA$ ,  $FC$ : e serà la proportione de' duo triangoli  $ABF$ ,  $CBF$  congiunti insieme al quadrangolo  $AFC$   $D$ ; come la proportione della  $BF$  alla  $FD$ . Dal triangolo  $A$ -

$BC$  adunque taglierò per la terza di questo il triangolo  $GBH$  simile à lui, & eguale à i duo triangoli  $ABF$ ,  $CBF$  congiunti insieme, con la linea  $GH$  equidistante alla linea  $AC$ . Dico adunque quella linea diuidere il quadrangolo secòdo che si propone.

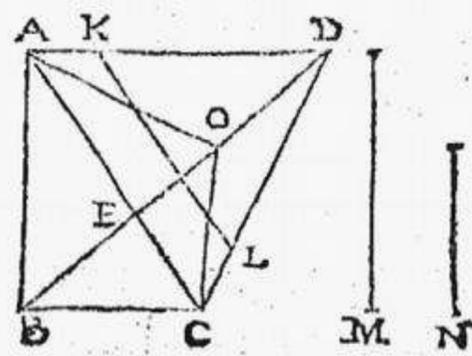


Perciòche essendo il triangolo  $GBH$  eguale alla superficie  $ABCF$ ; serà il triangolo  $AFC$  eguale al quadrangolo  $AGHC$ . Aggiuntouisi adunque il triangolo  $ADC$  commune serà il quadrangolo  $AFC$   $D$  eguale al pentagono  $AGHCD$ . La proportione adunque del triangolo  $GBH$  al pentagono  $AGHCD$  è come la proportione della superficie  $ABCF$  al quadrangolo  $AFC$   $D$ : e per conseguenza come la proportione della  $M$  alla  $N$ : che fu il proposito.

*Terzo caso.* Cada mò la diuisione frà i punti  $E$  &  $D$  nel punto  $O$ ; talche la proportione della  $BO$  alla  $OD$  sia come quella della  $M$  alla  $N$ . Alhora tirarò le due linee  $OA$   $OC$ . serà adunque la proportione del quadrangolo  $ABCO$  alla superficie  $AOC$   $D$ , come la proportione della

**DEL MODO DI DIVIDERE.**

della  $BO$  allà  $OD$ : e per conseguenza come quella della  $M$  alla  $N$ . Taglierò adunque per la  $3$  di questo dal triangolo  $ACD$  il triangolo  $KLD$  simile à se, & eguale alla superficie  $AOCD$ , con la linea  $KL$  equidistante alla linea  $AC$ . Dico adunq; ch'ella diuide il quadrangolo secondo che si propone. Perciòche il triangolo  $AOC$  è vguale al quadrangolo  $ACKL$ . Adunque il quadrangolo  $ABCO$  è vguale al pētagono  $ABCLK$ : & il triangolo  $KLD$  eguale alla superficie  $AOCD$ . La proportionè adunq; del pētagono  $ABCLK$  al triàngolo  $KLD$ , è come la proportionè del quadrangolo  $ABCO$  alla superficie  $AOCD$ : e per conseguenza come la pportionè della  $M$  alla  $N$ : che fu il proposito.



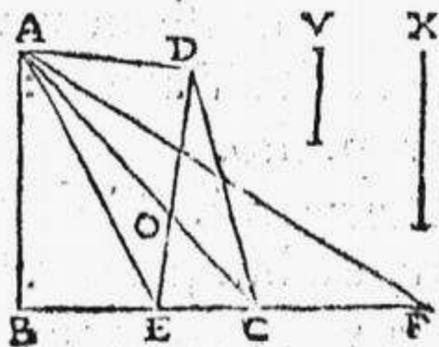
Nel medesimo modo faremo per diuidere il quadrangolo  $ABCD$  secondo la proportion data con vna linea equidistante al suo diametro  $BD$ : & è manifesto il proposito.

**PROPOSITION XVI. PROBLEMA XVI.**

**Diuidere qualsiuoglia quadrangolo con vna linea equidistante ad vna linea assegnata nel quadrangolo, laquale ne sia equidistante ad alcuno de'lati suoi, ne ad alcuno de' suoi diametri, secondo vna data proportionè.**

Come verbi gratia voglio diuidere il quadrangolo  $ABCD$  secondo la proportionè della  $V$  alla  $X$ , con vna linea equidistante alla linea  $AE$ . Perciòche tirarò i duo diametri

metri  $AC$ ,  $ED$ , che si tagliano insieme nel punto  $O$ . Dopo tirare la linea  $BC$  per lo dritto fino al punto  $F$ ; tanto che sia la proportione della  $EC$  alla  $CF$ , come la proportione della  $EO$  alla  $OD$ : e tirare la linea  $AF$ . Allora dividerò la linea  $BF$  secondo la proportione della  $V$  alla  $X$ . e prima cada la diuisione nel punto  $E$ ; talche sia la proportione della  $BE$  alla  $EF$ , come quella della  $V$  alla  $X$ . Dico adunque che la linea  $AE$  divide il quadrangolo secondo che si propone. Perciòche la proportione del triangolo  $AEC$  al triangolo  $ACD$ , è come la proportione della  $EO$  alla  $OD$ . Adunque è come la proportione della  $EC$  alla  $CF$ : e per consequenza come la proportione del triangolo  $AEC$  al triangolo  $ACF$ . Adunque i triangoli  $ACF$ , &  $ACD$  sono eguali.



Tutto il quadrangolo adunque  $AECD$  è uguale à tutto il triangolo  $AEF$ . La medesima proportione adunque è quella del triangolo  $ABE$  al quadrangolo  $AECD$ , che al triangolo  $AEF$ . Mà la proportione del triangolo  $ABE$  al triangolo  $AEF$ , è come la proportione della  $V$  alla  $X$ . Adunque la proportione del triangolo  $ABE$  al quadrangolo  $AECD$ , è come la proportione della  $V$  alla  $X$ : che fu il proposito.

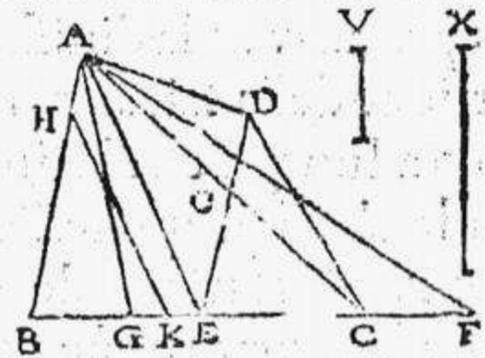
*Secondo caso.* Cada poi la diuisione frà i punti  $B$  &  $E$ , nel punto  $G$ ; talche sia la proportione della  $BG$  alla  $GF$ , com'è quella della  $V$  alla  $X$ . Allora tirare la linea  $AG$ : e taglierò per la  $3$  di questo dal triangolo  $ABE$  il triangolo  $HBK$  simile à se, & eguale al triangolo  $ABG$ , con la linea  $HK$  equidistante alla linea  $AE$ . Allora dico essa dividerà il quadrangolo secondo che si propone. Perciòche serà il quadrangolo

$F \quad AHKE$

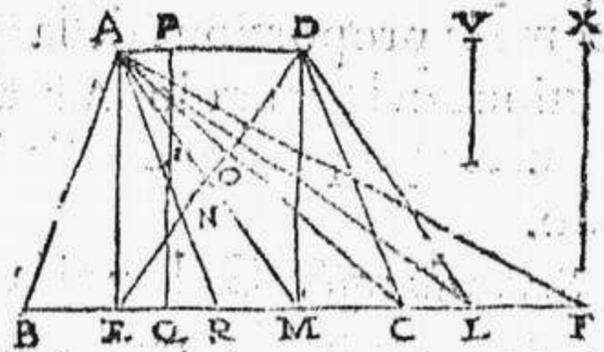


DEL MODO DI DIVIDERE

AHKE restante del triangolo ABE, eguale al triangolo AGE restante del medesimo ABE. Ma il quadrangolo AECD ancora è vguale al triangolo AEF. Adunque il pentagono AHKCD è vguale al triangolo AGF. La medesima proportione adunque è quella del triangolo HBK al pentagono AHKCD, che quella del triangolo ABG al triangolo AGF. Adunque è come quella della BG alla GF: e per conseguenza come quella della V alla X: che fu il proposito.



Terzo caso. Cada mò diuisione frà i punti E & F. Perche adunque la AE non è equidistante alla CD; tirarò da vno de' duo angoli D, C vna linea dentro al quadrangolo equistante alla linea AE: laquale per essemplio sia la linea DM: e tirarò la linea AM che tagli la linea ED nel punto N. Farò poi la proportione della LM alla ME secondo la proportione della DN alla NE: e questo si può fare in vn subito, tirando la linea DL equidistante alla linea AM.



Caderà adunque il punto L di quà dal punto F, per questo che se la linea DF fosse tirata, sarebbe equidistante alla linea AC.

Alhora tirarò la linea AL.

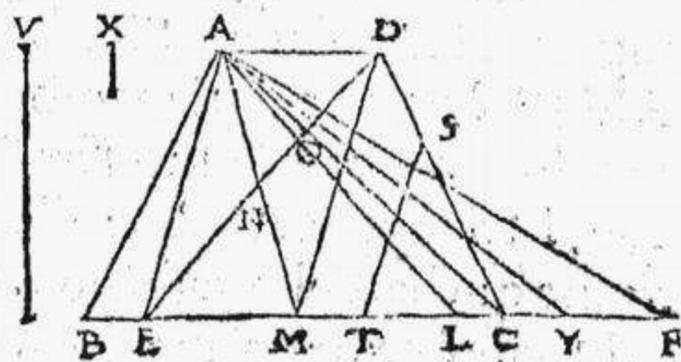
Serà adunque il triangolo AEL eguale al quadrangolo AEMD. Diuidasi adunque la linea BF secondo la proportione della V alla X: e cada hora la diuisione frà i punti E & L nel punto R; talche sia la medesima proportione quella della BR alla RF, che quella della V alla X. Tirarò poi



**DEL MODO DI DIVIDERE.**

golo ABMD al triangolo DMC, che quella del triangolo ABL, al triangolo ALF, e per conseguenza è come quella della V alla X che fu il proposito.

*Quinto caso.* Cada mò la diuisione frà i punti L & F nel punto Y; talche sia la medesima proportionione quella della BY alla YF che quella della V alla X: e tirarò la linea AY. Perche adunque il triangolo DMC è vguale al triangolo ALF, & il triangolo ALF è maggiore del triangolo AYF; ferà il triangolo DMC maggiore del triangolo AYF. Taglierò adunque dal triangolo DMC per la terza di questo il triangolo STC simile à se, & eguale al triangolo AYF, con la linea ST equidistante alla linea



DM. Dico adunq; che la linea ST diuide il quadrangolo secondo che si propone. Perciòche essendo il triangolo DMC eguale al triangolo ALF, & anche il triangolo STC eguale al triangolo AYF; ferà il quadrangolo DM-TS restate, eguale al triangolo restante ALY. Essendo adunque il quadrangolo ABMD eguale al triangolo ABL; ferà il pentagono ABTSD eguale al triangolo ABY. La medesima pportione adunq; è qlla del pentagono ABTSD al triangolo STC; che qlla del triangolo ABY al triangolo AYF. Adunq; è come qlla della BY alla YF ancora: e per conseguenza come quella della V alla X: e questo è quello, che volemmo dimostrare.

E' mò da notarsi che si come si diuide vn quadrangolo con vna linea equidistate ad vna linea tirata si da vn'angolo suo, laquale ne sia equidistante à i suoi lati, ne à i suoi diametri; cosi si può diuidere con vna linea equidistante ad vna linea non tirata da angolo assegnato: come

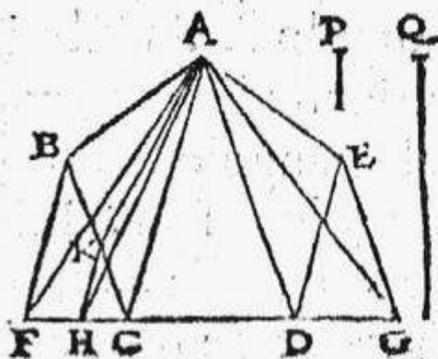
tirando

tirando vna linea da qualche angolo del quadrangolo, laquale cada dentro dal quadrangolo, e sia equidistante ad vna linea assegnata; & alhora operaremo secondo che di già hauemo insegnato.

PROPOSITION XVII. PROBLEMA XVII.

Diuidere qualsiuoglia noto pentagono con una linea tirata da qualsiuoglia angolo suo, secondo vna data proportione.

Verbi gratia voglio diuidere il pentagono  $ABCDE$  secondo la proportione della  $P$  alla  $Q$  con vna linea tirata dall'angolo suo  $A$ . Tirarò le due linee  $AC$ ,  $AD$ : e dall'angolo  $B$  tirarò la linea  $BF$  equidistante alla linea  $AC$ ; finche concorra con la linea  $DC$  allungata, nel punto  $F$ . Similmente dall'angolo  $E$  tirarò la linea  $EG$  equidistante alla linea  $AD$ ; finche concorra con la linea  $CD$  allungata, nel punto  $G$ . Alhora tirarsi le linee  $AF$ ,  $AG$ ; serà il triangolo  $AFG$  eguale al pentagono  $ABCDE$ , per questo che il triangolo  $ABC$  è vguale al triangolo  $AFC$ , & il triangolo  $AED$  è vguale al triangolo  $AGD$ . Aggiuntosi lo  $CD$  comune all'vno & all'altro, si vede manifesto quello che dicemo. Diuiderò adunq; la linea  $FG$  secondo la proportione della  $P$  alla  $Q$ : e cada prima la diuisione frà i punti  $F$  &  $G$  nel punto  $H$ ; talche sia la proportione della  $FH$  alla  $HG$  come la proportione della  $P$  alla  $Q$ . Tirarò adu

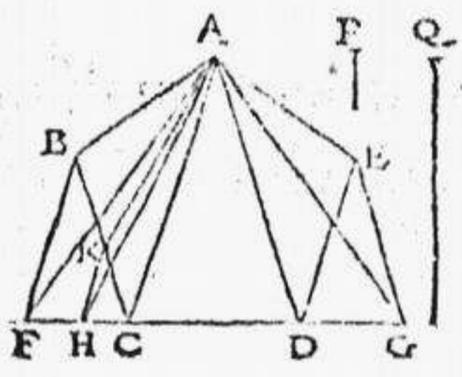


que

**DEL MODO DI DIVIDERE**

que la  $H K$  equidistante alla linea  $B F$ , finche toccherà la linea  $B C$  nel pūto  $K$ . è adūq; la medesima pportione q̄lla della  $B K$  alla  $K C$ ; che quella della  $F H$  alla  $H C$  per la seconda del sesto. Tiratasi poi la linea  $A K$ ; dico essa diuidere il pentagono secondo che si propone. Perciòche tirarò la linea  $A H$ . Perche adunque il triangolo  $A E D$  è vguale al triangolo  $A G D$ :

aggiuntouisi lo  $A C D$  commune; serà il quadrangolo  $A C D E$  eguale al triangolo  $A C G$ . Similmente perche il triangolo  $A K C$  è vguale al triangolo  $A H C$  per l'equidistāza delle linee  $K H$  &  $A C$ ; serà il pētagono  $A K C D E$  eguale al triangolo  $A H G$ . Similmente perche la medesima pportione è quella della  $B C$  alla  $B K$ , che quella della  $F C$  alla  $F H$ ; serà la medesima pportione quella del triangolo  $A B C$  al triangolo  $A B K$ ; che quella del triangolo  $A F C$  al triangolo  $A F H$ . Permutando adunque la medesima pportione è quella del triangolo  $A B C$  al triangolo  $A F C$ ; che quella del triangolo  $A B K$  al triangolo  $A F H$ . Essendo adunque i triangoli  $A B C$  &  $A F C$  eguali; seranno eguali i triāgoli  $A B K$ , &  $A F H$ . La medesima pportione adunque è quella del triāgolo  $A B K$  al pētagono  $A K C D E$ , che quella del triāgolo  $A F H$  al triāgolo  $A H G$ . Adunque è come quella della  $F H$  alla  $H G$  ancora, e per conseguenza come quella della  $P$  alla  $Q$ : che fu il proposito.

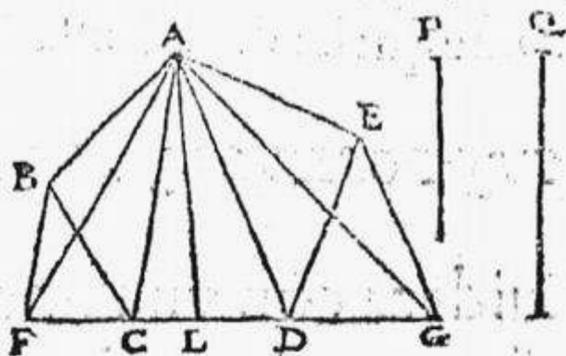


*Secondo caso.* Cada poi la diuisione nel punto  $C$ ; talche sia la medesima pportione quella della  $F C$  alla  $F G$ , che quella della  $P$  alla  $Q$ . Alhora dico che la linea  $A C$  diuide il pentagono secondo che si propone. Perciòche come si è mostrato di sopra, il quadrangolo  $A C D E$  è vguale al triangolo  $A C G$ : & il triangolo  $A B C$  è vguale al

le al

le al triangolo  $AFC$ . Adunque la medesima proportione è quella del triangolo  $ABC$  al quadrangolo  $ACDE$ ; che quella del triangolo  $AFC$  al triangolo  $ACG$ . Adunque è come quella della  $FC$  alla  $CG$ , e per conseguenza come quella della  $P$  alla  $Q$ : che fù il proposito.

*Terzo caso.* Cada mò la diuisione nel punto  $L$  frà i pñti  $C$  &  $D$ ; talche sia la proportione della  $FL$  alla  $LG$ , come quella della  $P$  alla  $Q$ . Tirarò adúque la linea  $AL$ : laquale dico diuidere il pentagono secódo che si propone. Perciòche essendo il triangolo  $ABC$  eguale al triangolo  $AFC$ ; aggiuntouisi lo  $ACL$  cõmune; serà il quadrangolo  $ABCL$  eguale al triangolo  $FL$ . Similmẽte posto il triangolo  $ALD$  insieme con l'vno e con l'altro triangolo  $AED$ ,  $AGD$ , serà il quadrangolo  $ALDE$  eguale al triangolo  $ALG$ .



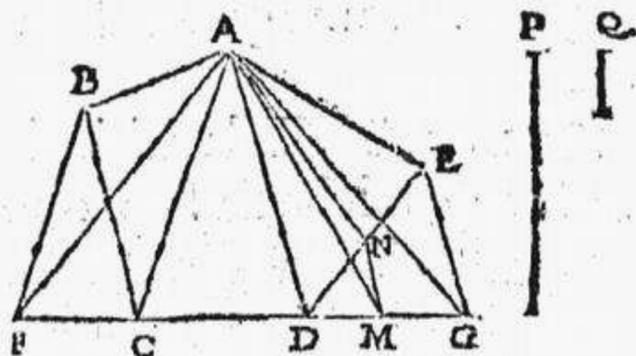
La medesima proportione adunque è quella del quadrangolo  $ABCL$  al quadrangolo  $ALDE$ , che quella del triangolo  $FL$  al triangolo  $ALG$ . Adunque è come quella della  $FL$  alla  $LG$ , e per conseguenza come quella della  $P$  alla  $Q$ : che fù il proposito.

*Quarto caso.* Cada poi la diuisione nel punto  $D$ : Allora dico che la linea  $AD$  diuide il pentagono secondo che si propone, & è manifesto il proposito, come si manifestò quando cadde la diuisione nel punto  $C$ .

*Quinto caso.* Cada mò la diuisione frà i punti  $D$  &  $G$  nel punto  $M$ , talche sia la medesima proportione quella della  $FM$  alla  $MG$ , che quella della  $P$  alla  $Q$ . Allora drizzerò la linea  $MN$  equidistante alla linea  $GE$ ; finche toccherà la linea  $DE$  nel punto  $N$ ; e tirarò la  $AN$ , laquale

## DEL MODO DI DIVIDERE

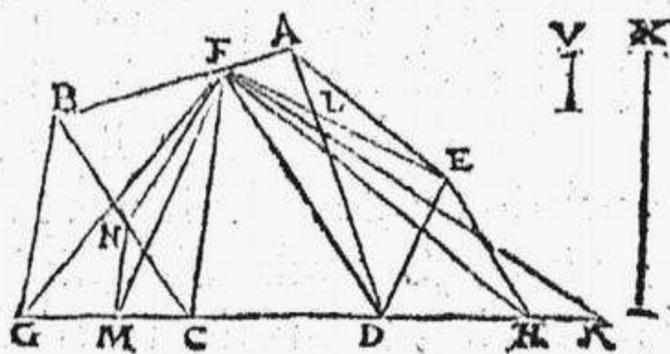
laquale dico diuidere il pentagono secondo che si propone. Perciò che tirata si la linea  $AM$  s'arguisce come di sopra nel primo caso, che il triangolo  $AEN$  è uguale al triangolo  $AGM$ : e che il pentagono  $ABCDN$  è uguale al triangolo  $AFM$ . è adunque la medesima proportione quella del pentagono  $ABCDN$  al triangolo  $AEN$ , che quella del triangolo  $AFM$  al triangolo  $AMG$ . Adunque è come la proportione della  $FM$  ancora alla  $MG$ : e per conseguenza come quella della  $P$  alla  $Q$ : che fu il proposito.



### PROPOSITION XVIII. PROBLEMA XVIII.

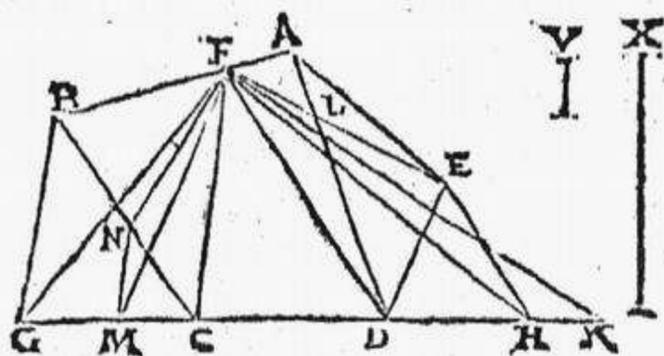
**Diuidere con vnā linea tirata da vn punto assegnato in vn lato d'un noto pentagono, il detto pentagono secondo vna nota proportione.**

Verbi gratia voglio diuidere il pentagono  $ABCDE$  secondo la proportione della  $V$  alla  $X$ , con vna linea tirata dal punto  $F$  assegnato nel lato suo  $AB$ . Perciò che tirarò le linee  $FC$ ,  $FD$ ,  $FE$ : e tirarò la linea  $BG$  equidistante alla linea  $FC$ , e la linea  $EH$  equidistante alla linea  $FD$ ; finche concorrano con la linea  $CD$  allungata si da



da vna parte e dall'altra, ne' punti G & H: è tirarò la linea AD laqual seghi la linea FE nel punto L. Dopoi tirarò la linea DH fino al punto K; finche sia la proportione della DH alla HK, come quella della DL alla LA: e questo si farà imaginandosi la linea AK tirarsi equidistante alla linea LH. Alhora

tirarò le linee FG, FH, FK. Diuiderò adunque la linea GK secondo la proportione della V alla X: e cada prima la diuisione fra i pñti G & C nel pñto M; talche sia la medesima



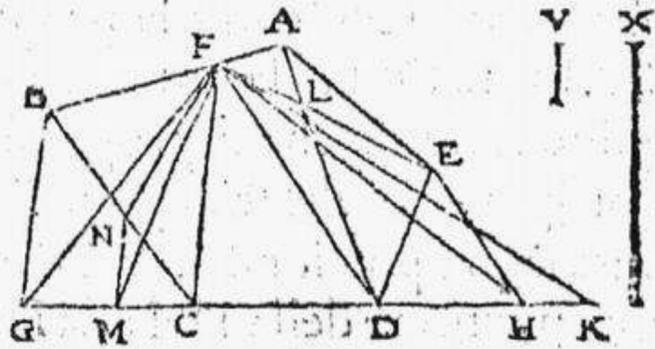
proportione quella della GM alla MK, che quella della V alla X. Diuiderò poi la linea BC nel pñto N, con la linea MN equidistante alla linea BG: e serà la proportione della BN alla NC come la proportione della GM alla MC. Alhora tiratafi la linea FN; dico ch'ella diuide il pentagono secondo che si propone. *La ragione.* Perciòche la proportione del triangolo FDE al triangolo FAE è come la proportione della DL alla LA. Adunq; è come la proportione della DH alla HK ancora: laquale è come la proportione del triangolo DFH al triangolo FHK. La proportione adunq; del triangolo FDE al triangolo FAE è come la proportione del triangolo DFH al triangolo FHK. Permutando adunque la proportione del triangolo DFE al triangolo DFH, è come la proportione del triangolo FAE al triangolo FHK. Mà i triangoli DFH & DFE sono eguali per l'equidistanza delle linee FD & EH. Adunque i triangoli FAE & FHK sono eguali. Il quadrangolo FDEA adunq; è vguale al triangolo FDK. Aggiuntouisi adunque lo FCD cõmune; serà il pentagono FCDEA eguale al triangolo FCK.

## DEL MODO DI DIVIDERE

*Poniamoci à mente questo* Dall'altra parte, tirarò la linea FM. Perche adunq; il triangolo FBC è vguale al triangolo FGC: & la medesima pportione è quella della BN alla NC; che quella della GM alla MC; serà il triangolo FBN eguale al triangolo FGM, & il triangolo FNC eguale al triangolo FMC. Congiungendo adunq; manifesta cosa è che l'heffagono FNCDEA è vguale al triangolo MFK: & i triangoli FBN & FGM sono eguali. La medesima pportione adunq; è quella del triangolo FBN all'heffagono FNCDEA, che quella del triangolo FGM al triangolo MFK. Adunque è come quella della linea GM alla linea MK ancora: e per conseguenza come quella della V alla X: che fu il proposito.

*Secondo caso.* Cada poi la diuisione nel punto C; talche sia la medesima pportione quella della GC alla CK, che quella della V alla X. Dico adunque la linea FC diui-

dere il pentagono secondo che si ppone. Perciò che essendosi già dimostrato che il pentagono FCDEA è vguale al triangolo FCK, e che il triangolo FBC ancora è

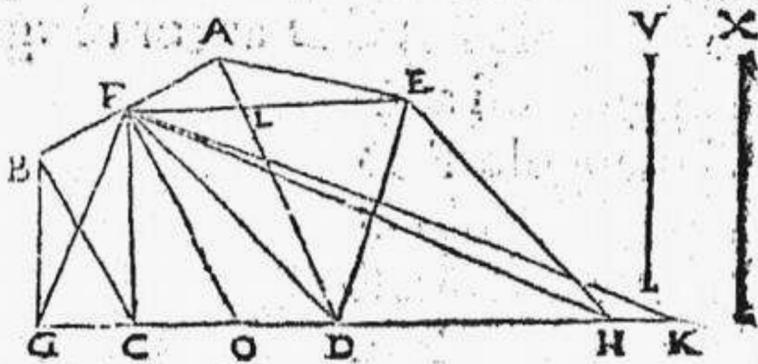


vguale al triangolo FGC. è perciò la medesima pportione que'la del triangolo FBC al pentagono FCDEA; ch' quella del triangolo FGC al triangolo FCK. è adunque come quella della linea GC ancora alla CK: e per conseguenza come quella della V alla X: che fu il proposito.

*Terzo caso* Cada mò la diuisione frà i punti C & D ne' punto O; ta' che sia la medesima pportione quella de la GO alla OK, che quella della V alla X. Dico adunque che la linea FO diuide il pentagono secondo che si propone.

propone. Perciò che aggiuntosi il triangolo  $FOD$  comune al quadrangolo  $FDEA$ , & al triangolo eguale à lui  $FDK$ ; serà il pentagono  $FODEA$  eguale al triangolo  $FOK$ . Aggiuntosi similmente il triangolo  $FCG$  comune à i duo tri-

goli eguali  $FBC$  &  $FGC$ ; serà il quadrangolo  $FBCO$  eguale al triangolo  $FGO$ . è adunq; la medesima propo-

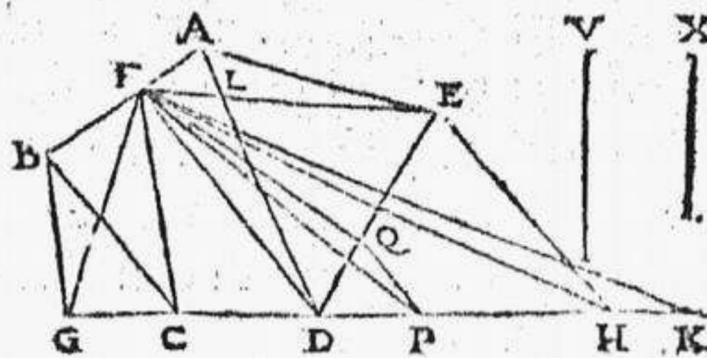


portione quella del quadrangolo  $FBCO$  al pentagono  $FODEA$ ; che quella del triangolo  $FGO$  al triangolo  $FOK$ . Adunque è come quella della  $GO$  ancora alla  $OK$ : e per conseguenza come quella della  $V$  alla  $X$ : che fu il proposito.

*Quarto caso.* Cada poi la diuisione nel punto  $D$ ; talche sia la medesima propoitione quella della  $GD$  alla  $DK$ ; che quella della  $V$  alla  $X$ . Dico adunque che la linea  $FD$  diuide il pentagono secondo che si propone. Perciò che aggiuntosi il triangolo  $FCD$  commune à i triangoli eguali  $FBC$ , &  $FGC$ ; si vede maifestamente la ragione.

*Quinto caso.* Cada mò la diuisione frà i punti  $D$  &  $H$  nel punto  $P$ ; talche sia la medesima propoitione quella della  $GP$  alla  $PK$ , che

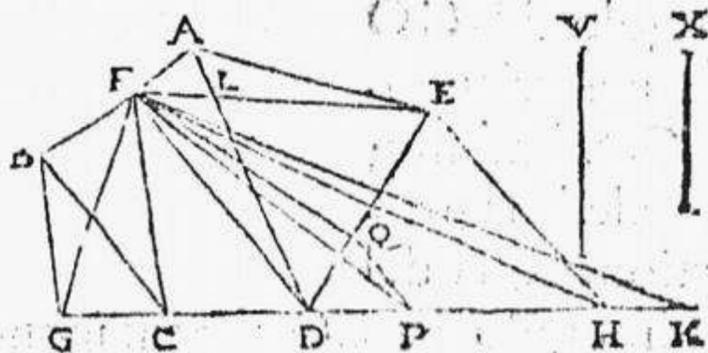
quella della  $V$  alla  $X$ . Alhora diuiderò la linea  $DE$  nel punto  $Q$  con la linea  $PQ$  equidistate alla linea  $EH$ . serà adunque la medesima propoitione quella della  $DQ$  alla  $QE$ ; che quella della  $DP$  alla  $PH$ . Tiratasi adunque la linea



$G$   $2$   $EQ$ ;

DEL MODO DI DIVIDERE.

**EQ**; Dico ch'ella diuide il pētagono secondo che si propone. Perciòche tutto il quadrangolo **FDEA** è vguale à tutto il triangolo **FDK**. Ma il triangolo **FDQ** ancora è vguale al triangolo **FDP**. Adunque il quadrangolo **FQEA** restante è vguale al triangolo restante **FPK**. Il quadrangolo **FBCD** ancora è vguale al triangolo **FGD**. Aggiuntosi adunque il triangolo **FDQ** al quadrangolo **FBCD**: & aggiutosi il triangolo **FDP** eguale al triangolo **FDQ**, al triangolo **FGD**; è manifesto che



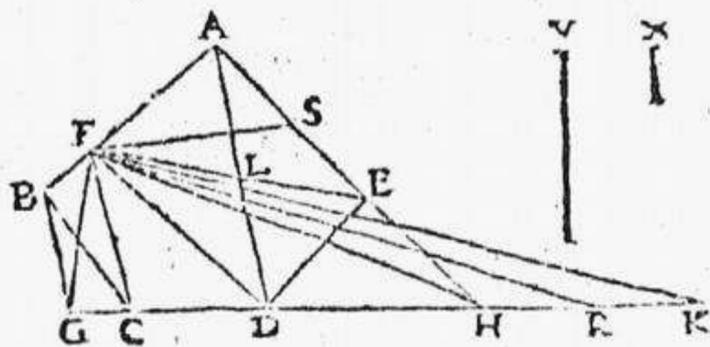
il pentagono **FBCDQ** è vguale al triangolo **FGP**. La medesima proportione adunque è quella del pentagono **FBCDQ** al quadrangolo **FQEA**; che quella del triangolo **FGP** al triangolo **FPK**: e per cōseguenza è come la proportione della **V** alla **X**: che fù il proposito.

*Sesto caso.* Cada poi la diuisione nel punto **H**. Dico adunque che la linea **FE** diuide il pentagono secondo che si propone. Perciòche essendo il quadrangolo **FBCD** eguale al triangolo **FGD**: & il triangolo **AFE** (come s'è detto di sopra) eguale al triangolo **FHK**: & il triangolo **FDE** eguale al triangolo **FDH**; Il pentagono **FBCDE** è perciò eguale al triangolo **FGH**. è adunque la medesima proportione quella del pentagono **FBCDE** al triangolo **FAE**; che quella del triangolo **FGH** al triangolo **FHK**. Adunque è anche come quella della **GH** alla **HK**: e per cōseguenza com'è quella della **V** alla **X**: che fù il proposito.

*Settimo caso.* Cada mò la diuisione frà i punti **H** & **K** nel punto **R**; talche sia la medesima proportione quella della **GR** alla **RK**, che quella della **V** alla **X**. Allora di uiderò

viderò la linea  $E A$  nel punto  $S$ ; talmente che sia la medesima proportionione quella della  $E S$  alla  $S A$ , che quella della  $H R$  alla  $R K$ . Dico adunque che la linea  $F S$  divide il pentagono secondo che si propone. Perciò che essendo il triangolo  $A F E$  eguale al triangolo  $F H K$ ; e la proportionione della  $E S$  alla  $S A$ , è come la proportionione della  $H R$  alla  $R K$ ; serà il triangolo  $F E S$  eguale al trian-

golo  $F H K$ : & anco il triangolo  $F S A$  eguale al triangolo  $F R K$ . Mà il pentagono  $F B C D E$  ancora è vguale al triangolo  $F G H$ . Adunque l'heffagono  $F B$



$C D E S$  è vguale al triangolo  $F G R$ . La medesima proportionione adunque è quella dell'heffagono  $F B C D E S$  al triangolo  $F S A$ ; che quella del triangolo  $F G R$  al triangolo  $F R K$ . Adunque è anco come quella della linea  $G R$  alla linea  $R K$ : e per cōsequenza come quella della  $V$  alla  $X$ : che fù il proposito.

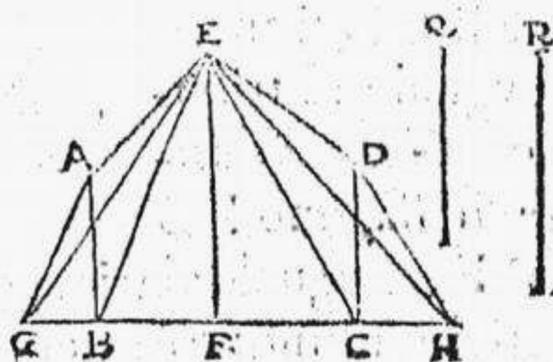
PROPOSITION XIX. PROBLEMA XIX.

**Diuidere vn pentagono di duo lati equidistāte con vna linea equidistante à i suoi lati equidistāti, secōdo vna data proportionione.**

Verbi gratia voglio diuidere il pentagono  $A B C D E$  secondo la proportionione della  $Q$  alla  $R$ , oon vna linea equidistante al suo lato  $A B$ : ilquale lato poi ouero è equidistante al lato  $C D$ , ouero al lato  $D E$ . Sia prima equidistante adunque al lato  $C D$ . Allora tirarò  
la linea

## DEL MODO DI DIVIDERE

La linea EF equidistante al lato AB: e tirarò le linee EB, & EC. Dopo tirarò la linea AG equidistante alla linea EB: e la linea DH equidistante alla linea EC; finche con corrano con la linea BC allungatafi dall'vna parte e dall'altra, ne' punti G & H. Dopo, dividerò la linea GH secondo la proportione della Q alla R; e prima cada la diuisione nel punto F. Dico adunque che la linea EF diuide il pentagono secondo che si propone. *La ragione.* Perciò che essendo la linea AG equidistante alla linea EB, tiratafi la linea EG; serà il triangolo EAB eguale al triangolo EGB. Aggiuntouisi adunque il triangolo EBF comune; serà il triangolo EGF eguale al quadrangolo EABF. Similmente perche la linea DH è equidistante alla linea EC, tiratafi la linea EH; serà il triangolo EDC

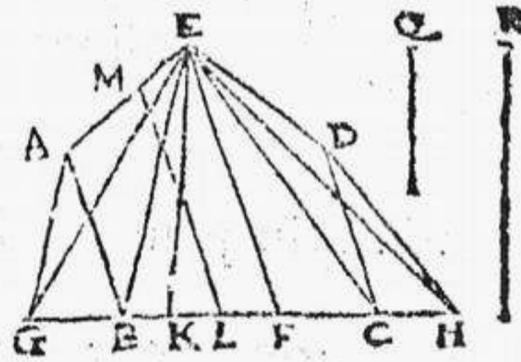


eguale al triangolo EHC. Aggiuntouisi adunque il triangolo EFC commune serà il triangolo EFH eguale al quadrangolo EFC D; e prima fu eguale al quadrangolo ABFE il triangolo EGF. La medesima proportione adunque è quella del quadrangolo ABFE al quadrangolo EFC D, che quella del triangolo EGF al triangolo EFH. è adunque come quella della linea GF alla FH: e per conseguenza come quella della Q alla R, che fù il proposito.

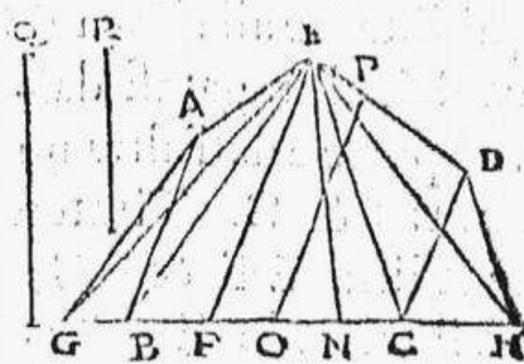
*Secondo caso.* Cada poi la diuisione frà i punti G & F nel punto K; talche sia la proportione della GK alla KH, come quella della Q alla R. Allora tirarò la linea EK. Perche adunque il triangolo EGK è minore del triangolo EGF: & il triangolo EGF è vguale al quadrangolo ABFE; serà il triangolo EGK minore del quadrangolo ABFE. Applicherò adunque alla linea AB per la to di questo la superficie ABLM eguale al triangolo EGK,

con

con la linea LM equidistante alla linea AB. Dico adunque che la linea LM divide il pentagono secondo che si propone. Perciò che il triangolo EGK è uguale al quadrangolo ABLM, e tutto il triangolo EGH è uguale a tutto il pentagono ABCDE. Adunque il triangolo EKH restante, è uguale al pentagono MLCDE restante. La medesima proportione adunque; è quella del quadrangolo ABLM al pentagono MLCDE; che quella del triangolo EGK al triangolo EHK, e per conseguenza è come quella della Q alla R che fu il proposito.



*Terzo caso* Cada mò la diuisione frà i punti F & H, nel punto N: e tirisi la linea EN. serà adunque il triangolo EHN minore del quadrangolo EFCD; per questo ch'egli è minore del triangolo EHF eguale ad esso. è perciò per la 10 di questo applicherò alla linea DC la superficie POCD eguale al triangolo EHN con la linea OP equidistante alla linea CD. Dico adunque che la linea OP divide il pentagono secondo che si propone. Perciò che essendo il quadrangolo POCD eguale al triangolo ENH: e tutto il triangolo EGH eguale a tutto il pentagono ABCDE; serà il pentagono ABOP E restante eguale al triangolo restante EGN. è adunque; la medesima



proporzione quella del pentagono ABOPE al quadrangolo POCD, che quella del triangolo EGN al triangolo ENH, e per conseguenza che quella della Q alla R: che fu il proposito. Similmente poi si come si divide il pentagono

## DEL MODO DI DIVIDERE

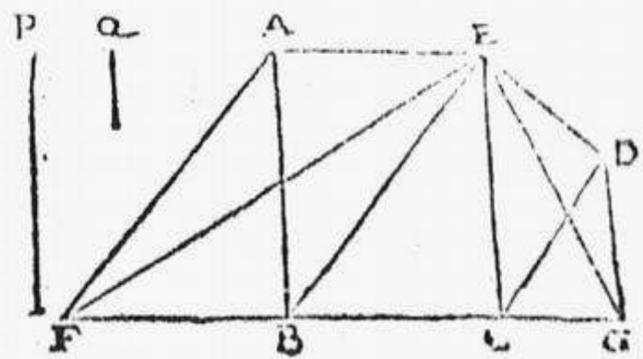
pentagono  $A B C D E$ , il quale habbia i duoi lati  $A B$ ,  $C D$  equidistanti, formandosi la dimostratione sopra la linea  $B C$  opposta all'angolo  $E$ , posto frà i duo lati equidistanti; così posti i duo suoi lati  $A B$ ,  $D E$  equidistanti; si diuiderà con vna linea equidistante alla  $A B$ , formandosi la dimostratione sopra il suo lato  $E A$ , opposto al suo angolo  $C$ , posto frà i duo suoi lati  $A B$ ,  $D E$  equidistanti: & in qualsiuoglia modo è manifesto il proposito.

### PROPOSITION XX. PROBLEMA XX.

Diuidere vn pentagono, del quale vn suo lato sia equidistante ad vn suo diametro, cō vna linea equidistate à quel lato, & à quel diametro, secondo una data proportione.

Verbi gratia voglio diuidere il pentagono  $A B C D E$  secondo la proportione della  $P$  alla  $Q$ , con vna linea equidistante al suo lato  $A B$ , il qual lato è equidistante al suo diametro  $C E$ . Perciò che tirarò la linea  $E B$ , & alla stessa  $E B$  poi tirarò equidistante la linea  $A F$ ; e la  $D G$  equidistante alla linea  $E C$ ; finche concorrano con la linea  $B C$  allungata si dal-

l'vna parte e dall'altra ne i punti  $F$  &  $G$ . Tirate si poi le linee  $E F$  &  $E G$ , farà il triangolo  $E F G$  eguale al pentagono  $A B C D E$  propostoci: com'è manifesto pe'l modo,

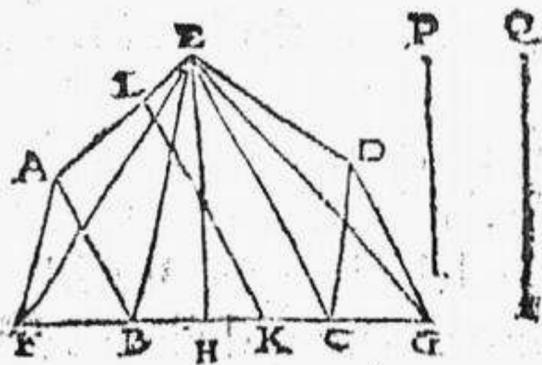


do, con che si arguisce nella premessa. Diuiderò adunque la linea  $F G$  secondo la proportione della  $P$  alla  $Q$ . Cada adunque la diuisione ò nel punto  $C$ , ò nanzi al punto  $C$ ,

to C, ò dopò il punto C. e cada prima nel punto C; talche sia la medesima pportione quella della FC alla CG, che quella della P alla Q. Dico adunq; che la linea EC diuide il pentagono secondo che si propone. Perciò che il quadrangolo ABCE è vguale al triangolo EFC; per questo che il triangolo ECD restate è vguale al triangolo restante ECG: e tutto il pentagono eguale à tutto il triangolo. La medesima proportione adunque è quella del quadrangolo ABCF al triangolo ECD; che quella del triangolo EFC al triangolo ECG. è adunque come quella della FC alla CG ancora, e per conseguenza come quella della P alla Q: che fu il proposito.

Secondo caso. Cada poi la diuisione frà i punti F & C nel punto H; talche sia la proportione della FH alla HG come quella della P alla Q. Perche adunque il quadrangolo ABCE è vguale al triangolo EFC: & il triangolo EFH è minore del triangolo EFC; serà il triangolo EFH minore del quadrangolo ABCE. Applicherò adunque alla linea AB per

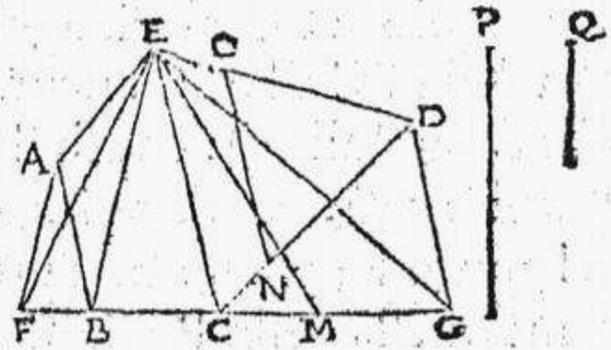
la 10 di questo il quadrangolo ABKL eguale al triangolo EFH, con la linea KL equidistante alla linea AB. Dico adunque la stessa linea KL diuidere il pentagono secondo che si propo



ne. Perciò che essendo tutto quel pentagono eguale à tutto il triangolo EFG, & il quadrangolo ABKL è vguale al triangolo EFH; serà il pentagono LKCD E restante eguale al triangolo EHG restante. La medesima proportione adunque è quella del quadrangolo ABKL al pentagono LKCD E; che qlla de' triàngolo EFH al triàngolo EHG. Adunq; è come quella della FH alla HG ancora: e per conseguenza come quella della P alla Q: che fu il proposito.

## DEL MODO DI DIVIDERE

*Terzo caso.* Cada mò la diuisione frà i punti C & G, nel punto M; talche sia la medesima proportionè quella della FM alla MG, che quella della P alla Q. Perche adunque il triangolo EDC è vguale al triangolo EGC: & il triangolo EMC è minor del triangolo EGC; serà per questo il triangolo EMC minore del triangolo EDC. Applicherò adunque alla linea EC il quadrangolo ECNO eguale al triangolo EMC, con la linea NO equidistante alla linea EC, secondo che ne insegna la 10 di questo: ouero, che è il medesimo, taglierò per la terza di questo il triangolo DON dal triangolo DEC simile à se, & eguale al triangolo EGM. Dico adunque che la linea NO diuide il pentagono secondo che si propone. Perciòche essendo tutto il pentagono ABCDE eguale à tutto il triangolo EFG: & il triangolo OND eguale al triangolo EGM; serà l'heffagono ABCNOE restante eguale al triangolo EFM restante. La medesima proportionè adunque è quella dall'heffagono ABCNOE al triangolo OND; che quella del triangolo EFM al triangolo EGM. è adunque come quella della FM alla MG ancora, e per consequenza come quella della P alla Q: che fù il proposito.

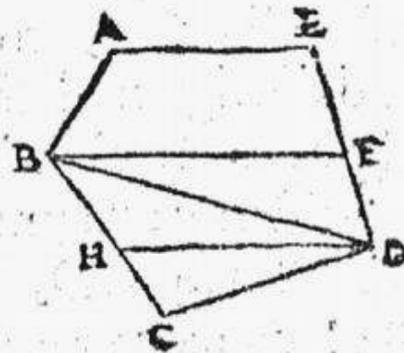


### PROPOSITION XXI. THEOREMA I.

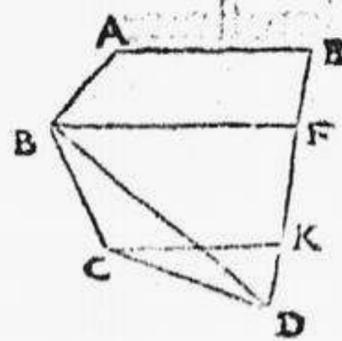
**Assegnatosi qualsiuoglia lato d'un pentagono, che ne sia equidistante ad alcun lato suo, ne ad alcun suo diametro; si possano tirar dentro dal pentagono da duo quai si siano**

siano de' tre angoli da niſſuna parte congiunti al detto lato, due linee equidistanti à quel lato allegnatoſi.

Pongasi verbi gratia che nel pentagono  $ABCDE$ , il lato suo  $AE$  ne ſia equidistante ad alcun lato suo, ne al ſuo diametro  $BD$ . Alhora dico che da quai duo angoli de gli tre  $B, C, D$  ſi ſiano, ſi poſſano tirare due linee dentro al pentagono, l'vna e l'altra delle quali ſerà equidistante al lato  $AE$ . Perciòche poiche le  $AE$  &  $BD$  non ſono equidistanti, allungandole più, ò concorreranno dalla parte  $AB$ , ò dalla parte  $ED$ . Se della parte  $AB$ ; alhora la linea  $BF$  tirata dal punto  $B$  equidistante alla linea  $AE$ , neceſſariamente caderia ſopra il lato  $ED$ , come nell'vna e nell'altra delle prime, figure di ſopra. Mà ſe concorreranno dalle parte  $ED$ : Alhora la linea  $DG$  tirataſi dal punto  $D$  equidistante al la linea  $AE$ , di neceſſità caderà ſopra il lato  $AB$ : come nell'vna, e nell'altra delle figure di ſotto.



Similmente ſe la  $AE$ , e la  $BD$  concorreſſero dalla parte  $AB$ , come nell'vna, e nell'altra delle figure di ſopra; alhora poiche la linea  $BF$ , non è equidistante alla linea  $CD$ , ò concorreranno con eſſa dalla parte  $FD$ , ò dalla parte  $BC$ . Se dalla parte  $FD$ , come nella prima delle di ſopra; Alhora dal punto  $D$  ſi può tirar la  $DH$  equidistante alla linea  $AE$ , che cada ſù'l lato  $BC$ .



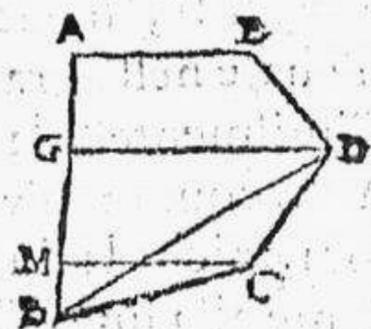
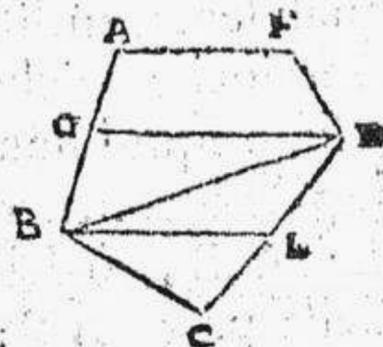
Ma ſe le  $BF$ , e  $CD$  concorreſſero dalla parte  $BC$  come nella ſeconda delle di ſopra; Alhora

H 2 dal

## DEL MODO DI DIVIDERE

dal punto C si può tirare la CK equidistante alla linea AE, che cade su'l lato ED. Hauemo adunque le BF, DH equidistanti alla linea AE, nella prima figura delle di sopra: & hauemo le BF, CK equidistanti alla medesima linea nella seconda delle figure di sopra.

Mà se le AE, BD concorressero dalla parte ED, come nell'vna, e nell'altra delle figure di sotto; Allora la linea DG, poi che non è equidistante alla linea BC, è concorrerà con essa dalla parte GB, o dalla parte DC. Se dalla parte della GB, come nella prima delle figure di sotto; allora dal punto B si può tirare la BL equidistante alla linea AE, e caderà su'l lato CD, Mà se le GD, e BC concorreranno dalla parte CD, come nella seconda delle figure di sotto; Allora dal punto C si può tirare la CM equidistante alla linea AE, che cada su'l lato AB. Hauemo adunque le DG, & BL nella prima delle figure di sotto: e le DG, CM nella seconda delle figure di sotto: equidistanti alla linea AE, e cadenti dentro al pentagono. è manifesto adunque quanto voleuamo dimostrare.



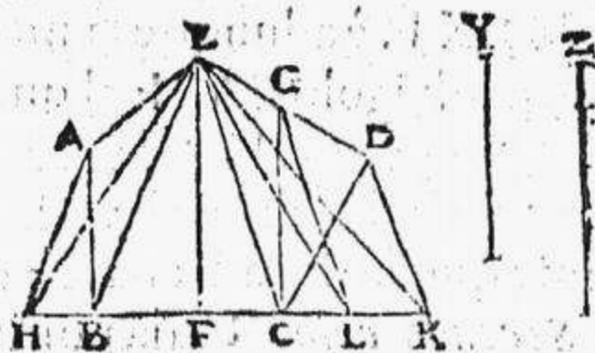
Propo:

## PROPOSITION XXII. PROBLEMA XXI.

Diuidere vn pentagono con vna linea equidistante ad vn suo lato assegnatosi, ilqual lato à nissun'altro lato suo, ne ad alcun suo diametro sia equidistante, secondo vna data proportione .

Sia il lato AB del pentagono AECDE, ne equidistante al diametro EC, ne ad alcuno de'lati ED, CD. Voglio adunque diuiderlo secondo la proportione della Y alla Z, con vna linea equidistante al lato suo AB. Perciò che da duo de' tre angoli C, D, E, tirarò due linee dentro al pentagono equidistanti al suo lato AB. Ouero adunq;

quelle due linee discendenti così da gli angoli, caderanno sopra il medesimo lato, ouero sopra i lati opposti. Cadranno adunq; prima sopra i lati opposti: e siano le EF, CG; talche il punto F sia nel lato EC, & il

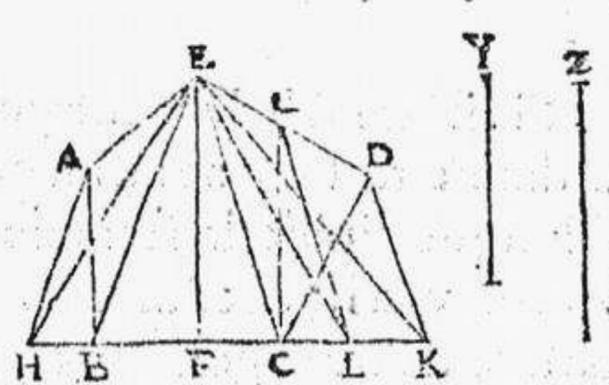


punto G sia nel lato ED. Formerò la dimostrazione adunque sopra il lato, su'l quale cade il parallelo più vicino alla linea AB: ciò è sopra il lato BC. Tirarò adunque le linee EB, & EC. Dopo tirarò la AH equidistante alla linea EF, e la linea DK equidistante alla linea EC; finche concorrano con la linea BC allungata si più dall'vna, e dall'altra parte, ne' punti H & K; e tirarò le linee EH, & EK. Perche adunque il triangolo EAB è vguale al triangolo EHB: & il triangolo EDC è vguale al  
triangolo

## DEL MODO DI DIVIDERE

triangolo  $EKC$ ; aggiuntouisi il triangolo  $EB C$  comune; serà il pentagono  $ABCDE$  eguale al triangolo  $E H K$ : *E questo hà da tenerfi à mente*. Tirarò anche la linea  $GL$  equidistate alla linea  $EC$ : e tirarò la linea  $EL$ . Allora diuiderò la linea  $HK$  secondo la proportione della  $Y$  alla  $Z$ . Ouero adunque caderà la diuisione nel punto  $F$ , ò nel punto  $L$ , ouero frà i punti  $H$  &  $F$ , ò fra i punti  $F$  &  $L$ , ò frà i punti  $L$  &  $K$ . Cada adunque prima nel punto  $F$ ; Talche sia la medesima proportiõe quel

la della  $HF$  alla  $F H$ , che que la della  $Y$  alla  $Z$ . Di co adunque che la linea  $EF$  diuide il pentagono secondo che si propone. Perciòche il quadrangolo  $EABF$  è vguale al tria



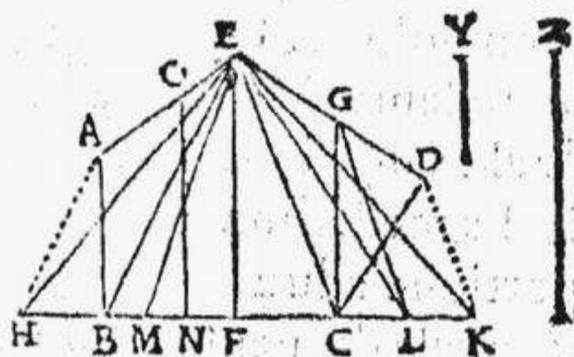
golo  $E H F$ : & il quadrangolo  $EDCF$  è vguale al triangolo  $E K F$ . è adunque la medesima proportione quella del quadrangolo  $EABF$  al quadrangolo  $EDCF$ , che quella del triangolo  $E H F$  al triangolo  $E K F$ . Adunque è come quella della  $HF$  alla  $FK$  ancora: e per consequenza come quella della  $Y$  alla  $Z$ : che fù il proposito.

*Secondo caso.* Cada poi la diuisione nel punto  $L$ . Di co adunque che la linea  $CG$  diuide il pentagono secòdo che si propone. Perciòche essendo le linee  $EC$  &  $GL$  equidistanti; seranno i triangoli  $EGC$ , &  $ELC$  eguali. Mà i triangoli totali  $EDC$ , &  $EKC$  sono eguali. Adunque il triangolo  $GCD$  ancora è vguale al triangolo  $ELK$ . Il quadrango o  $ABCE$  ancora è vguale al triangolo  $EHC$ . Adunque il pentagono  $ABCGE$  è vguale al triangolo  $EHL$ . La medesima proportione adunque è quella del pentagono  $ABCGE$  al triangolo  $GCD$ , che quella del triangolo  $EHL$  al triangolo  $ELK$ . è adunque come quella della  $HL$

la HL alla LK ancora, e per conseguenza come quella della Y alla Z: che fu il proposito.

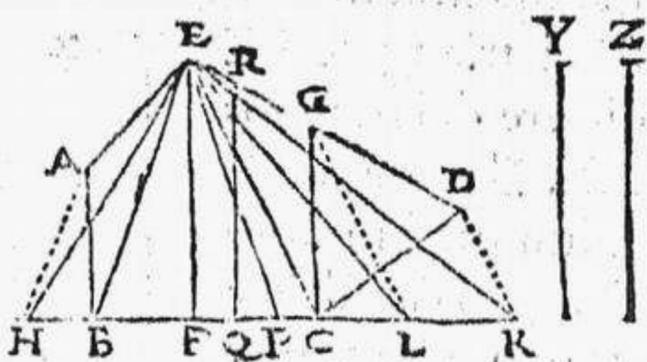
*Terzo caso.* Cada mò la diuisione frà i punti H & F nel punto M: e tirisi la linea EM. Perche adunque il triangolo EHF è vguale al quadrangolo EABF: & il triangolo EHM è minore del triangolo EHF; serà per ciò il triangolo EHM minore del quadrangolo EABF.

Applicherò adunque per la 10. di questo alla linea AB la superficie ABNO eguale al triangolo EHM con la linea NO equidistante alla linea AB. Dico adunque che la linea NO diuide il pentagono secondo che si suppone. Perciò che il pentagono ABCDE è



vguale al triangolo EHK: & il quadrangolo ABNO è vguale al triangolo EHM. Adunque il pentagono ONCDE restante è vguale al triangolo EMK restante. La medesima proportione adunque è quella del quadrangolo ABNO al pentagono ONCDE; che quella del triangolo EHM al triangolo EMK. Adunque è come quella ancora della HM alla MK: e per cōsequenza come quella della Y alla Z: che fù il proposito.

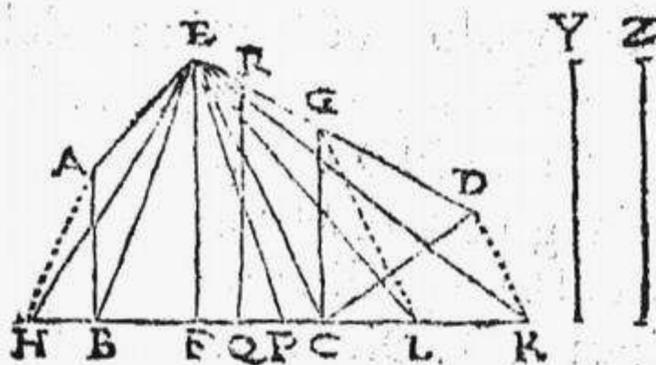
*Quarto caso.* Cada poi la diuisione frà i punti F, & L nel punto P: e tirisi la linea EP. Perche adunque il triangolo EFL è vguale al quadrangolo EFCG: & il tria-



golo EFP è minore del triangolo EFL; serà il triangolo EFP minore del quadrangolo EFCG. Applicherò adunque

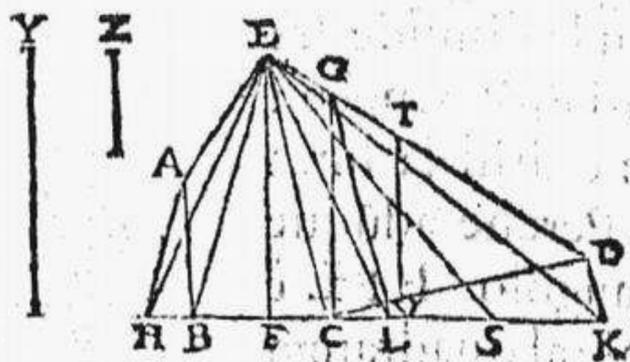
### DEL MODO DI DIVIDERE.

dunque alla linea EF per la 10 di questo il quadrangolo EFQR eguale al triangolo EFP, con la linea QR equidistante alla linea EF. Dico adunque che la linea QR divide il pentagono secondo che si propone. Perciò che il triangolo EHP è vguale al pentagono ABQRE, e tutto il pentagono ABCDE è vguale a tutto il triangolo EHK. Adunque il quadrangolo RQCD restante è vguale al triangolo EPK. La medesima



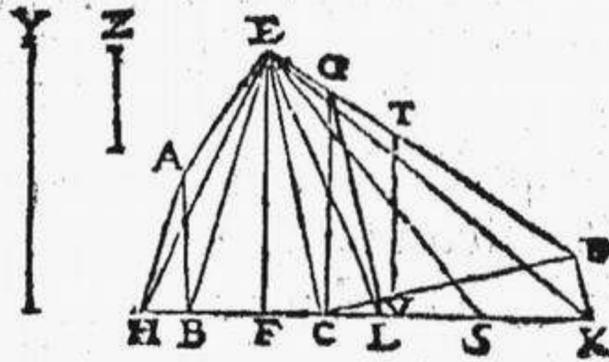
proporzione adunque è quella del pentagono ABQRE al quadrangolo RQCD; che quella del triangolo EHP al triangolo EPK. Adunque è come quella ancora della HP alla PK, e per conseguenza come quella della Y alla Z: che fu il proposito.

*Quinto caso.* Cada mò la diuisione frà i punti L & K, nel punto S. Perche adunque per l'equidistanza delle linee EC & GL i triangoli EGC & ELC sono eguali, & i triangoli totali EDC, & EKC sono anco eguali; seranno per ciò i triangoli GDC, & EKL restanti eguali. Mà tirata si la linea ES, il triangolo EK S è minore del triangolo EKL. Il triangolo EKS adunque è minore del triangolo GDC. Per la terza di questo adunque taglierò dal triangolo GDC il triangolo TDV simile à se, & eguale al triangolo EKS, con la linea TV equidistante alla linea GC.

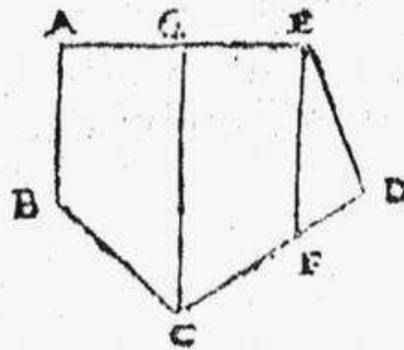


Dico

Dico adunque che la linea TV divide il pentagono secondo che si propone. Perciò che tutto il pentagono ABCDE è vguale à tutto il triangolo EHK, & il triangolo TDV eguale al triangolo EKS. Adunque l'heffagono ABCVTE restante è vguale al triangolo EHS restante. La medesima proportione adunque è quella dell'heffagono ABCVTE al triangolo TDV, che q̄lla del triangolo EHS, al triangolo EKS. Adunq; è come quella della HS alla SK ancora: e p consequenza come quella della Y alla Z: che fu il proposito.



Mà se le due linee EF & CG, lequali sono equidistanti alla linea AB caderanno in modo; che la linea EF cada su'l lato CD, e la linea CG sopra il lato AE; Alhora voltaremo in su l'angolo C, e formaremo la dimostrazione sopra la linea AE; si come la formammo sopra la linea BC, e verremo su'l nostro proposito come prima.



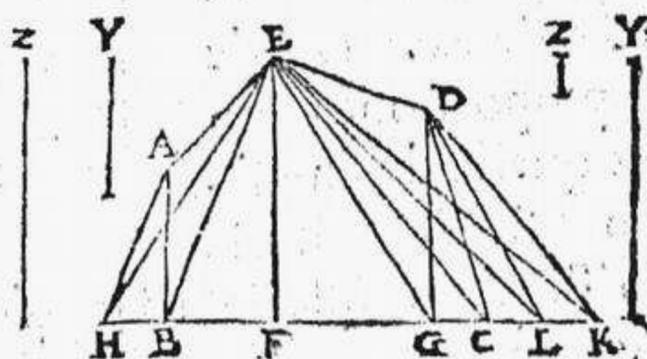
Mà se le due linee lequali si sono tirate equidistanti alla linea AB cadano sopra vno e medesimo lato; alhora formerò la dimostratione sopra quel lato. Come Verbigratia pongasi che nel pentagono ABCDE le due linee EF & DG tiratesi equidistanti alla linea AB, cadano sopra il lato BC. Alhora tirarò la AH equidistante alla linea EB, e la DK equidistante alla linea EC. Tirarò ancora la linea EG: & eqdistate ad essa la linea DL: e tirarò poi le linee EH, EL, & EK. è manifesto adunq; p le premesse, che il triangolo EHK è vguale al p̄tagono ABCDE: e che il triangolo EHL è vguale al p̄tagono ABGDE:

l e così

## DEL MODO DI DIVIDERE

e così rimane che il triangolo DGC è uguale al triangolo ELK. E queste cose deouonsi tenere à memoria. Diuiderò adunque la linea HK secondo la proportionè della Y alla Z: e caderà la diuisione ò nel punto F, ò nel punto L: ouero frà quelli, ò frà quelli e gli estremi. Cada prima adunque la diuisione nel punto F; t alche sia la proportionè della HF alla FK,

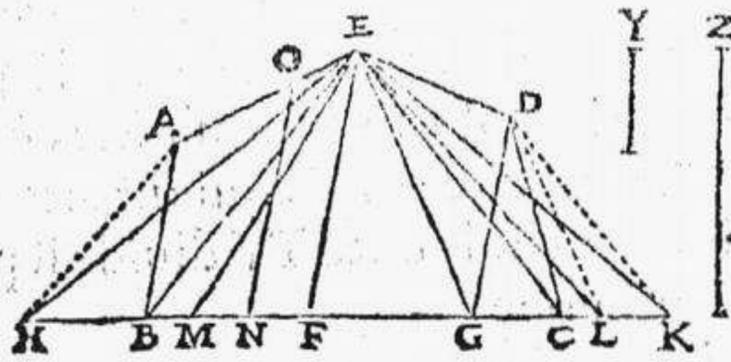
com'è quella della Y alla Z. Dico adunque che la linea EF diuide il pentagono secondo che si propone. Perciò che il quadrangolo ABFE è uguale al triangolo EHF, & il quadrangolo EFCD è uguale al triangolo EFK. La medesima proportionè adunq; è quella del quadrangolo ABFE al quadrangolo EFCD, che quella del triangolo EHF al triangolo EFK: e per consequenza che quella della Y alla Z: che fu il proposito.



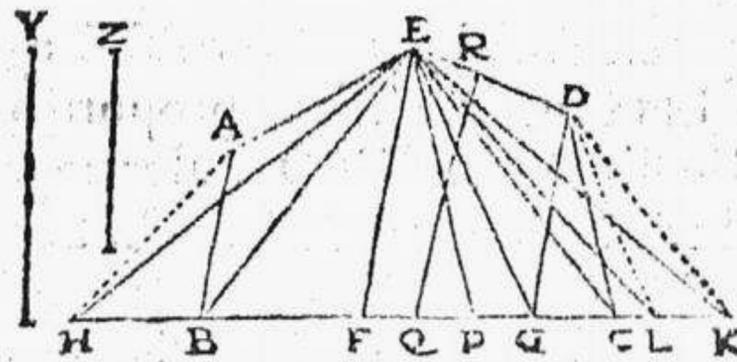
*Secondo caso.* Cada poi la diuisione nel punto L. Dico adunque che la linea DG diuide il pentagono secondo che si propone. Perciò che essendo il triangolo EGD eguale al triangolo EGL: & il quadrangolo ABGE eguale al triangolo EHG; serà il pentagono ABGDE eguale al triangolo EHL. Mà il triangolo DGC ancora è uguale al triangolo ELK. La medesima proportionè adunq; è quella del pentagono ABGDE al triangolo DGC; che quella del trinagolo EHL al triangolo ELK. Adunque è come quella della HL alla LK ancora: e per consequenza come quella della Y alla Z: che fu il proposito.

*Terzo caso.* Cada mò la diuisione nel punto M, frà i punti H & F: e tirata si la linea EM, formisi il quadrangolo ABNO per la to di questo eguale al triangolo EHM con la linea NO equidistante alla linea AB. Manifesto è adunq;

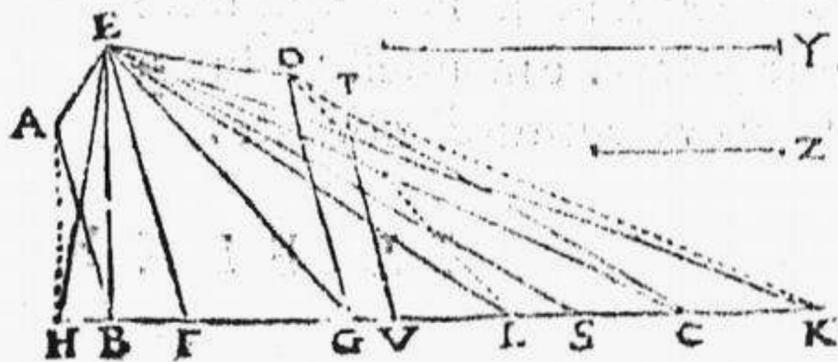
adunq; (come anco di sopra) che la proportionone del quadrangolo ABNO al pentagono ONCDE, è come la proportionone del triangolo EHM al triangolo EMK: e per cōseguenza come quella della Y alla Z. La ON adunque diuide il pentagono secondo che si propone.



Quarto caso. Cada poi la diuisione trà i pñti F & L nel punto P. Alhora tiratafi la linea EP facciasi il quadrangolo EFQR per la 10 di questo eguale al triangolo EFP. il pentagono ABQRE adunque è vguale al triangolo EHP. La medesima proportionone adunque è quella del pentagono ABQRE al quadrangolo RQCD; che quella del triangolo EHP al triangolo EPK. Adunq; è come q̄lla della HP alla PK ancora: e per cōleguenza come q̄lla della Y alla Z: che è il proposito.



Quinto caso. Cada mò la diuisione nel punto S, trà i punti L & K; talche sia la medesima p̄portionone que la della HS alla

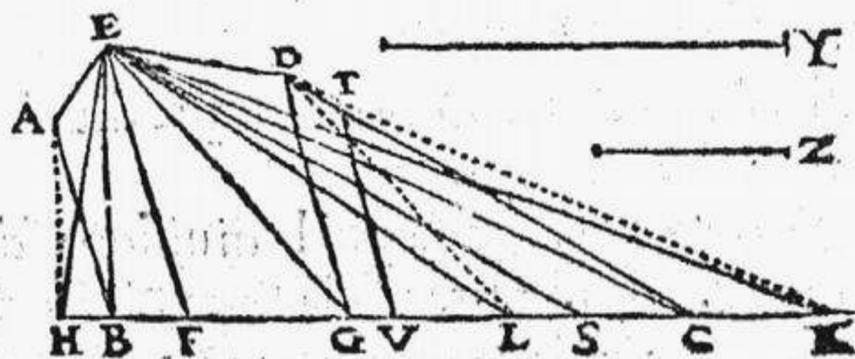


I 2 SK;

## DEL MODO DI DIVIDERE

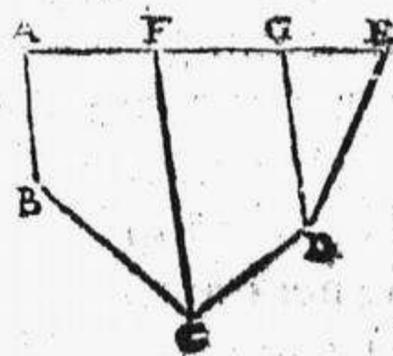
S K; che quella della Y alla Z. Perche adunque ( come s'è detto di sopra) il triangolo DGC è vguale al triangolo ELK; serà il triangolo ESK minore del triangolo DGC. Taglierò adunque per la terza di questo dal triangolo DGC il triangolo TVC simile à se, & vguale al triangolo ESK, con la linea TV equidistante alla linea DG. dico adunque che la linea TV diuide il pentagono secondo che si propone.

Perciòche essendo il triangolo TVC eguale al triangolo ESK, e tutto il pentagono ABCDE eguale à tutto il triangolo EHK;



serà perciò l'heffagono ABVTDE eguale à tutto il triangolo EHS. La medesima proportione adunq; è quella dell'heffagono ABVTDE al triangolo TVC; che quella del triangolo EHS al triangolo ESK: e per conseguenza è come quella della Y alla Z: che fu il proposito.

Mà se le due linee, che si seranno tirate equidistanti alla linea AB, cadano sopra il lato AE, secondo che cadono le linee CF, DG; Allora voltaremo in su l'angolo C, e formaremo la dimostratione sopra la linea AE, come la farmammo sopra la linea BC, e verremo su'l nostro proposito come prima. è manifesto adunq; quanto volemmo dimostrare.



I L F I N E

Breue

BREVE TRATTATO  
DI M. FEDERICO  
COMMANDINO DA VRBINO

INTORNO ALLA MEDESIMA  
MATERIA TRADOTTO  
DAL MEDESIMO.

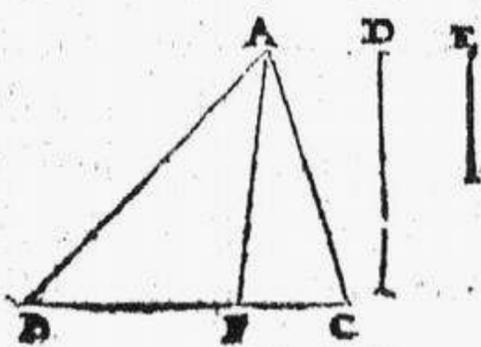


PROBLEMA PRIMO.

Da vn punto presosi nell'ambito d'vna figura rettilinea, ò in vn'angolo, ò in qualsi-  
uoglia lato, tirare vna linea retta, che la  
diuida in parti c'habbiano vna data pro-  
portione.

Intendo però hora per figura rettilinea quel-  
la, laquale da altrettanti lati, da quanti an-  
goli vien contenuta.

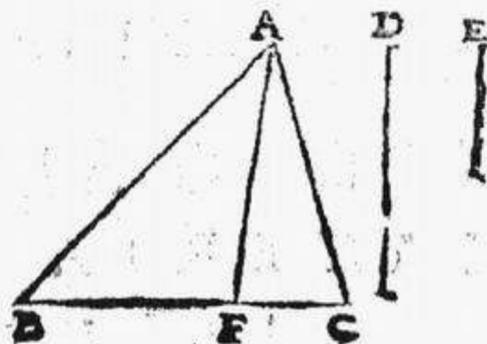
Sia il triangolo A-  
BC: e la proportion  
data sia qlla che hà la  
D alla E: e bisogni pri-  
ma tirar dal punto A  
vna linea retta, laqual  
diuida il triangolo se-  
condo la proportion



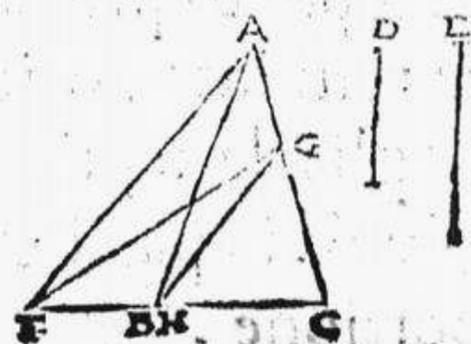
della

## DEL MODO DI DIVIDERE

della D alla E. Taglisi la BC nel punto F per la 10 del se-  
sto de gli elementi di Euclide; talmente che sia la BF alla  
FC come è la D alla E: e  
congiungasi la AF. Dico  
di già essersi fatto quanto  
si proponeua. Perciò che  
per la prima del sesto si  
com'è il triangolo ABF al  
triangolo AFC; così è la  
BF alla FC: cioè è la D  
alla E.



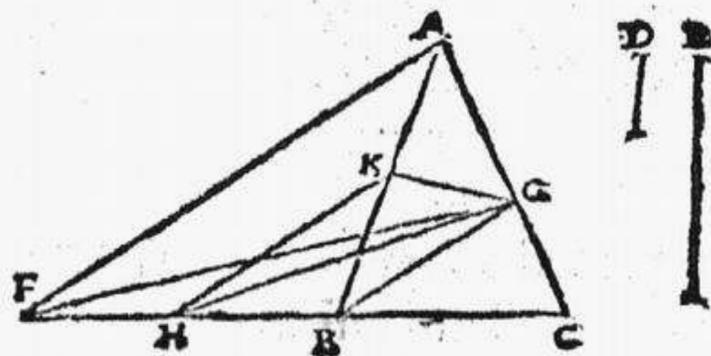
Pigliasi dopoi nel lato AC del medesimo triangolo il  
punto G, dalquale bisogna tirare vna linea, che diuida il  
triangolo secondo la proportione della D alla E. Cōgiun-  
gasi la GB, e dal punto A sulla linea retta CB allungata,  
tirisi la AF equidistante ad essa GB: e tiratisi la GF, ta-  
glisi la FC nel punto H; talmen-  
te che la FH alla HC, hab-  
bia la medesima proportione  
che la D alla E. Ouero adun-  
que il punto H cade nel pun-  
to B, ouerò frà i punti F, &  
B, ò pure frà i punti B, & C, e se cade nel punto B, la li-  
nea retta GB farà il problema. Perciò che il triangolo GFB  
al triangolo GBC, è come la FB alla BC, cioè è come la  
D alla E. Mà il triangolo ABG è uguale al triangolo G  
FB: essendo essi sulla medesima base, e frà le medesime pa-  
rallele. Adunque il triangolo ABG al triangolo GBC ha la  
medesima proportione che il triangolo GFB ad esso GBC:  
cioè è la medesima che la D alla E.



Mà se il punto H. cade frà i punti F & B, tirisi la linea  
retta HK equidistante ad essa GB: laquale seghi la AB  
nel punto K: e congiungansi le GH, GK. Dico la linea G  
K diuidere il triangolo come si bisognaua. Perciò che di-  
nuouo

nuouo il triangolo  $ABG$  è vguale al triangolo  $GFB$ : & aggiuntosi il  $GBC$  commune all'vno & all'altro; serà il triangolo  $ABC$  eguale il triangolo  $GFC$ . Mà il triangolo  $GKB$  ancora è v-

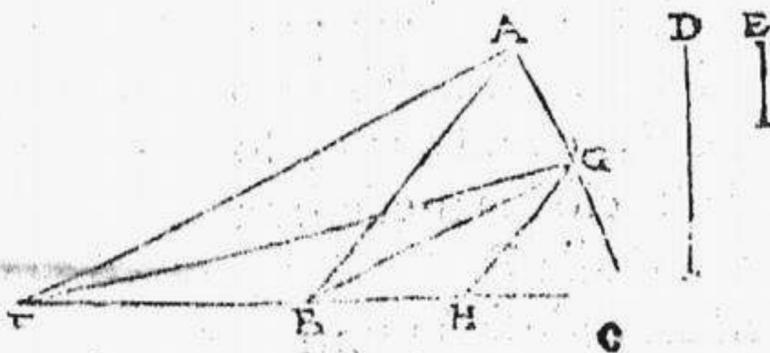
guale al triangolo  $GHB$ : onde il restante ancora è vguale al restate: cioè è il triangolo  $AKG$  al triangolo  $GFH$ : e per ciò il quadrilatero  $G$



$KBC$  eguale al triangolo  $GHC$ . Il triangolo  $AKG$  adunque è al quadrilatero  $GKBC$ , come il triangolo  $GFH$  al triangolo  $GHC$ : cioè è come la  $D$  alla  $E$ .

Che se il punto  $H$  cade frà i punti  $B$  &  $C$ ; tirisi la  $GH$ : laquale similmente farà il problema. Perciòche essendo i triangoli  $GFB$ ,  $ABG$  eguali: aggiuntosi all'uno, & all'altro il triangolo  $GBH$  commune; serà il triangolo  $GFH$  eguale al

quadrilatero  $ABHG$ . Adunque si com'è il triangolo  $GFH$  al triangolo  $GHC$ ; cioè è com'è la  $D$  alla  $E$ ; così è



il quadrilatero  $ABHG$  al triangolo  $GHC$ .

Che se il punto si pigli in vn'altro angolo, ò in vn'altro lato, ci valeremo della medesima ragione à conchiudere il proposito.

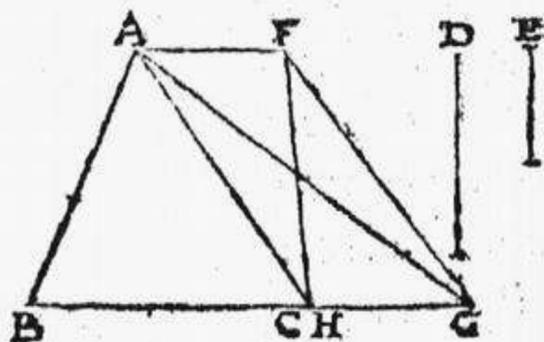
Sia il quadrilatero ò quadrangolo  $ABCF$ : e bisogni diuiderlo con vna linea retta tirata dall'angolo  $A$ : talmente che le parti frà di loro habbiano la medesima proportionne che hà la  $D$  alla  $E$ . Congiungasi la  $AC$ : e dal punto  $F$  tirisi



### DEL MODO DI DIVIDERE.

**F** tirisi la **FG** equidistante ad essa: laquale incontri la **linea BC** allungatafi, nel punto **G**: e congiungasi la **AG**.

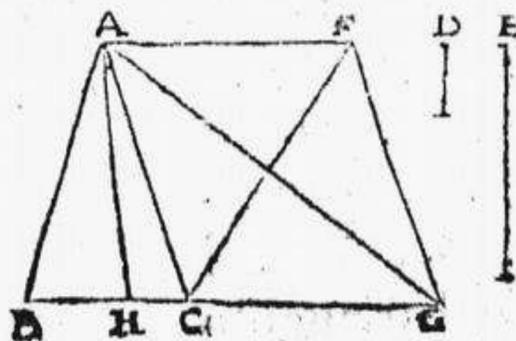
Serà il triangolo **ACG** eguale al triangolo **ACF**: & aggiutosi all'uno & all'altro il triangolo **ABC** commune; serà il triangolo **ABG** eguale al quadrilatero **ABCF**. Diuidasi



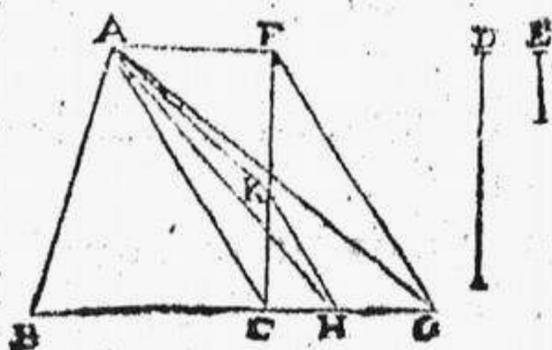
la **BG** nel puto **H**: e sia la **BH** alla **HG**, com'è la **D** alla **E**: e se il punto **H** cade nel punto **C**; serà di già fatto quello che si proponeua. Perciòche il triangolo **ABC** al triangolo **ACF** hauerà la medesima proportione che al triangolo **ACG**: cioè è la medesima che la **D** alla **E**.

Mà se il punto **H** cade frà i punti **B**, & **C**; la **AH** tiratafi farà il pblema. Perciòche

il quadrilatero **AHCF** è uguale al triangolo **AHG**. Ilperche il triangolo **ABH** hauerà la medesima proportione al quadrilatero **AHCF**, che al triangolo **AHG**: cioè è la medesima che la **D** alla **E**.



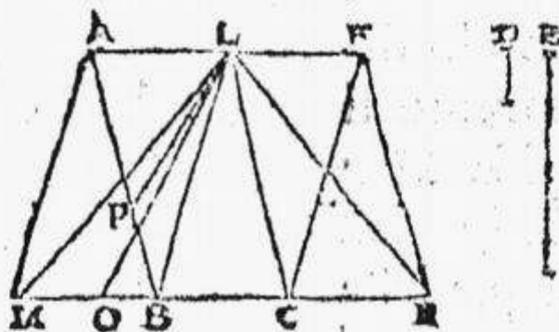
Mà se cade frà i punti **C** & **G**, tiratafi di nuovo sopra la **FC** la **HK** equidistante ad essa **AC**: e congiuntesì le **AH**, **AK**; la linea retta **AK** diuiderà il quadrilatero secondo la data proportione. Perciòche il trian



angolo ACK è uguale al triangolo ACH, Adunq; il restante AKF ancora al restante AHG: & il quadrilatero ABC K serà uguale al triangolo ABH. Il quadrilatero ABCK adunq; hà la medesima pportione al triangolo AKF, che il triangolo ABH al triägolo AHG: ciò è che la D alla E.

Pigliasi oltra di ciò nel lato AF qualsiuoglia puto, e sia L, dal quale bisogna tirarsi la linea retta, che diuida il quadrilatero secòdo la proportion datafi della D alla E. Congiungansi le LB, LC: & allūghisi la BC dall'vna, e dall'altra parte: e sopra essa dal punto A tirisi la AM equidistante alla LB: e dal punto F tirisi la FN equidistante alla LC: e congiuntesi le LM, LN; serà per le cose mostratesi dianzi il triangolo LMC uguale al quadrilatero ABC L: e similmente il triangolo LCN al triangolo LCF, e tutto il triangolo LMN e-

guale à tutto il quadrilatero ABCF. Diuidasi la MN nel punto O; talche la MO; alla ON habbia la medesima proportion che la D alla E, congiungasi la LO. Il-

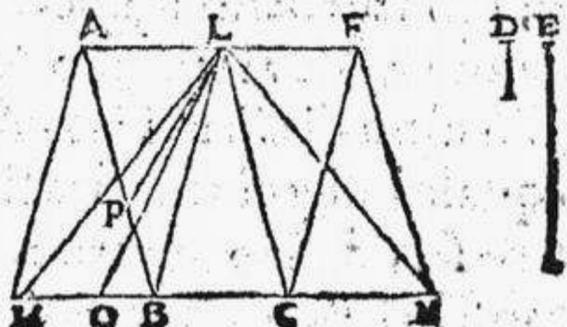


perche ouero il punto O cade sulla linea MC, ouero nella CN. e se cade nella MC, per le cose precedenti diuideremo il quadrilatero ABC L con vna linea retta tiratafi dall'angolo L, laquale sia LP; talmenteche le parti habbiano quella proportion fra di loro, che hà la MO alla OC. Dico la linea retta LP diuidere il quadrilatero secondo che si pponcua. Perciò che ouero il punto P serà nella linea AB, ouero nella BC. Sia prima nella AB. e pciò che il triägolo APL al quadrilatero LPBC hà qlla pportione che hà la MO alla OC; ciò è che il triägolo LMO al triägolo LOC; haierà cõponedo il quadrilatero ABC L la me-

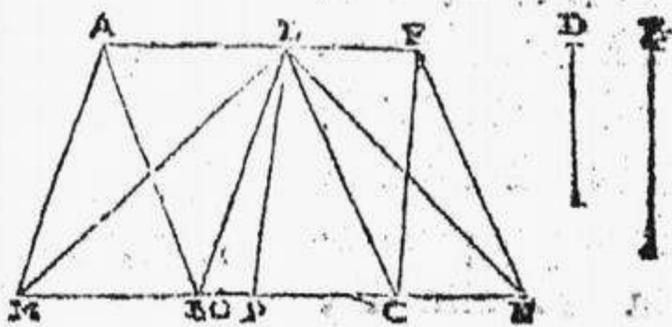
K defima

## DEL MODO DI DIVIDERE

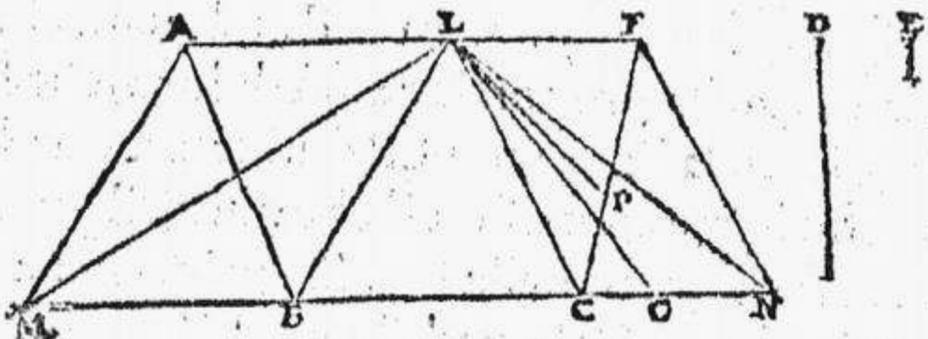
desima pportione al quadrilatero LPBC; che il triángolo LMC al triángolo LCC: e pmutádo ancora. Mà il triángolo LMC è vguale al quadrilatero ABCL. adūq; il triangolo LOC ancora serà eguale al quadrilatero LPBC, & il triángolo LMO al triángolo APL: e Perciò il triángolo LON restante al pentagono restante LPBCF. Si come adunq; è il triangolo LMO al triangolo LON, cioè è com'è la MO alla ON; così serà il triangolo APL al pentagono LPBCF.



Sia poi il punto P nella linea BC, come nell'altra figura. Nel medesimo modo dimostreremo si come è la MO alla ON, così essere il quadrilatero ABPL al quadrilatero LPBCF.



Mà se il pūto O cade nella linea CN; diuideremo il triángolo LCF con la linea retta LP; talmentechè il triángolo LCP al triángolo LPF



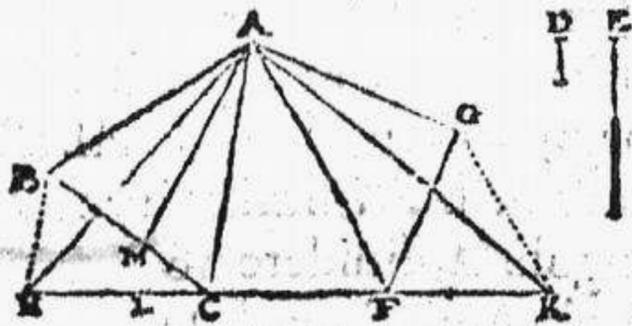
habbia la medesima pportione, che la CO alla ON: e così serà fatto quanto bisognaua. Perciò che essendo

sendo il triangolo  $LC P$  al triangolo  $LP F$ , come la  $CO$  alla  $ON$ ; cioè è come il triangolo  $LCO$  al triangolo  $LON$ ; componendo il triangolo  $LCF$ . così serà al triangolo  $LP F$ , come il triangolo  $LCN$  al triangolo  $LON$ : e permutando ancora. Mà il triangolo  $LCN$  è vguale al triangolo  $LCF$ . Adunque il triangolo  $LON$  ancora serà vguale al triangolo  $LPF$ : & il triangolo  $LMO$  restante al pentagono  $ABCPL$ . Onde si come è il triangolo  $LMO$  al triangolo  $LON$ ; cioè è come è la  $MO$  alla  $ON$ ; cioè è la  $D$  alla  $E$ ; così serà il pentagono  $ABCPL$  al triangolo  $LPF$ . Il quadrilatero  $ABCF$  adunq; con vna linea retta tirata si dal punto  $L$ , si è così diuiso; che le parti habbiamo la medesima proportione, che la proportione data si: il che bisognaua farsi.

Che se il punto dato si sia in vn'altro angolo, ouero in vn'altro lato di esso  $ABCF$ , conchiuderemo il proposito nel medesimo modo.

Sia il pentagono  $ABCFG$ , il quale bisogna diuidere con vna linea retta tirata si dall'angolo  $A$ , secòdo la proportione, che hà la  $D$  alla  $E$ .

Congiungansi le  $AC$ ,  $AF$ : e da i punti  $B$ ,  $G$  tiransi sopra la  $CF$  allungata si dall'vna

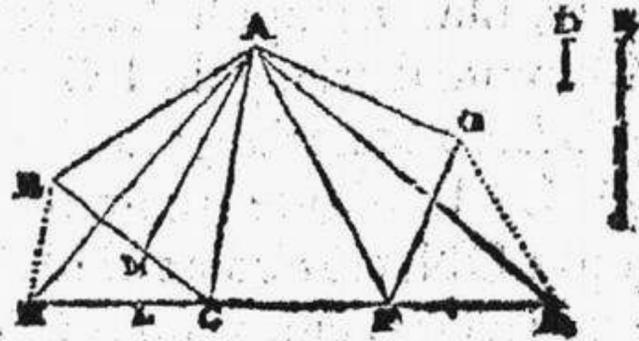


parte e dall'altra, le linee rette  $BH$ ,  $GK$ : dellequali la linea  $BH$  sia equidistite alla  $AC$ , e la  $GK$  ad essa  $AF$ . e congiungtesi le  $AH$ ,  $AK$ ; serà il triangolo  $AHF$  eguale al quadrilatero  $ABCF$ : & il triangolo  $AHK$  al triangolo  $AFG$ , e tutto il triangolo  $AHK$  eguale à tutto il pentagono  $ABCFG$ . Diuidasi la  $HK$  nel punto  $L$ , ta'mente che la  $HL$  alla  $LK$  habbia la medesima proportione, che hà la  $D$

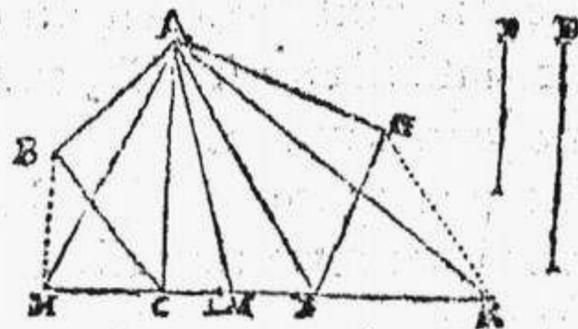
$K$  alla

## DEL MODO DI DIVIDERE.

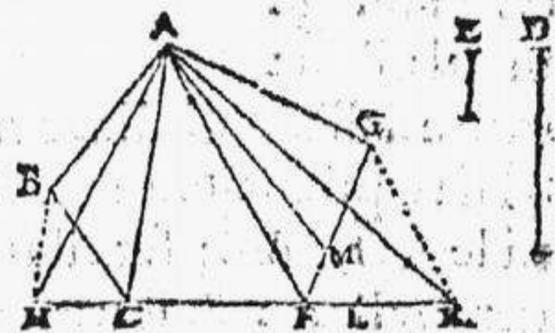
Alla E. Ouero adunque il punto L cade nella linea HF, ouero nella FK. e se nella HF; diuidasi per le precedenti il quadrilatero ABCF con vna linea retta tirata dall'angolo A, la quale sia AM; talmente che le parti habbiano quella proportion che hà la HL alla LF. La linea AM stessa diuiderà il pentagono secondo che si propone.



Perciò che con la stessa ragione che si è fatto di sopra mostreremo il triangolo ABM al pentagono AMCFG; ouero (come nell'altra figura) il



quadrilatero ABCM al quadrilatero AMFG hauer la medesima proportion, che hà la HL alla LK. Mà se poi il punto L cada nella FK, similmente cò la linea retta AM tirata dall'angolo A, diuideremo il triangolo AFG secondo la proportion della FL alla LK: e finalmente mostreremo il pentagono ABCFM così essere al triangolo AMG, com'è la HL alla LK: cioè è com'è la D alla E.

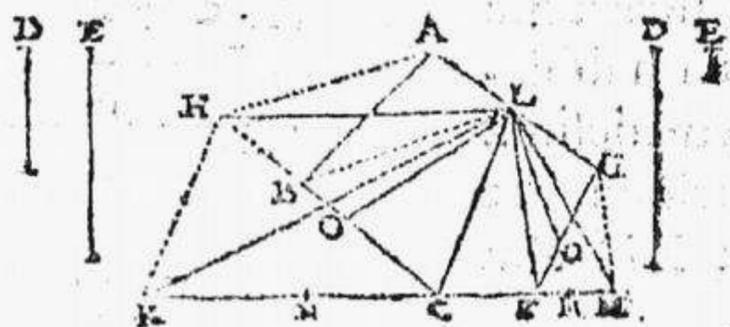


Piglisi nellato AG il punto L, dalquale debbia tirarsi vna linea, che diuida il pentagono

tagono

tagono secondo la proportion data della D alla E. Congiungansi le LC, LF: & allungatasi la linea CB dalla parte B, facciasi per le cose di già dettate il triangolo LHC eguale al quadrilatero LABC. Dopoi allungatasi la CF dalla parte C, facciasi il triangolo LKF eguale al quadrilatero LHCF, cioè è al pentagono LABC F. e di nuouo allungatasi dalla parte F, facciasi il triangolo LFM eguale al triangolo LFG. serà tutto il triangolo LKM eguale al pentagono ABCFG. ilperche taglisi la KM nel punto M, talmenteche la

KN alla NM habbia la medesima proportion, che la D alla E. e se il punto N cade nella linea KF; diuideremo il pētagono

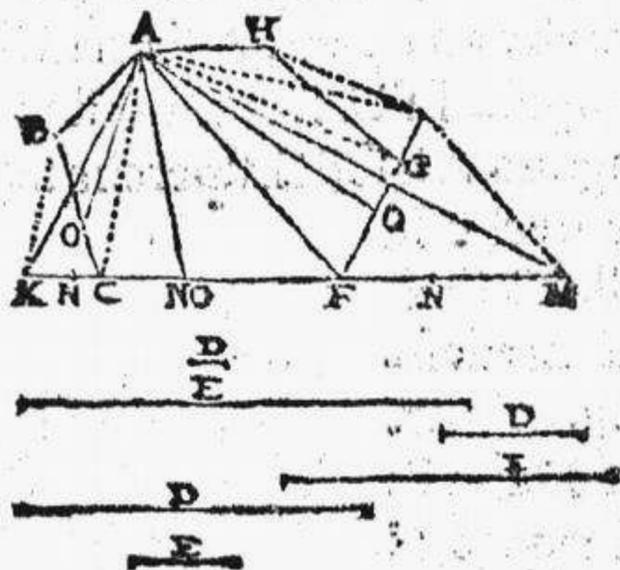


LABCF cō la linea retta LO: talmenteche il quadrilatero LABO sia al quadrilatero OCFL: com'è la KN alla NF. Serà il quadrilatero LABO al pētagono OCFLG, cōc è la KN alla NM: ilche certo si dimostrerà nel medesimo modo. Se il punto N poi cade nella linea FM; diuideremo il triangolo LFG con la linea retta LO; talmenteche il triangolo LFO al triangolo LOG habbia la medesima proportion, c'hà la FN alla NM. Similmente si dimostrerà l'heffagono ABCFO così essere al triangolo LOG, com'è la KN alla NM: ciò è com'è la D alla E: ilche bisognaua farsi.

Sia l'heffagono ABCFGH, e bisogni diuiderlo con vna linea retta tiratasi dall'angolo A; talmenteche le parti habbiano la medesima proportion, che hà la D alla E. Congiungasi la AF: & allungatasi la CF stessa dall'vna parte e dall'altra; facciasi il triangolo AKF eguale al quadrilatero ABCF: & il triangolo AFM eguale

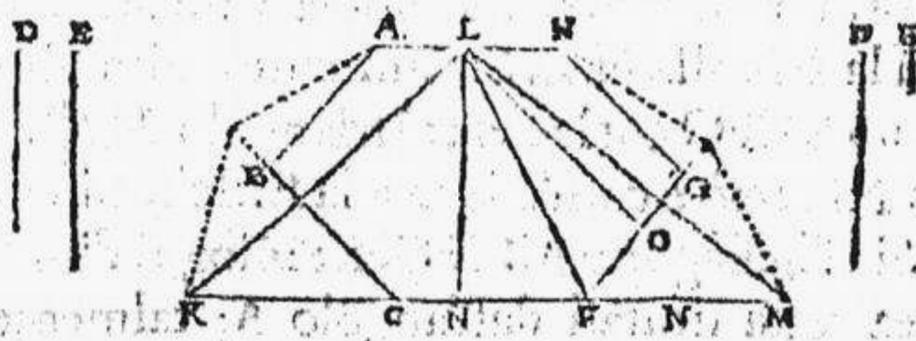
## DEL MODO DI DIVIDERE

eguale al quadrilatero  $AFGH$  per le cose dianzi dimostrate si Serà tutto il triangolo  $AKM$  eguale all'heffagono  $ABCFGH$ . Taglisi adunque la  $KM$  nel punto  $N$ ; tal che sia la  $KN$  alla  $NM$  com'è la  $D$  alla  $E$ . e se il punto  $N$  cade sulla linea  $KF$ , diuideremo il quadrilatero  $ABCF$  con vna linea retta tirata dall'angolo  $A$ ; talmente che le parti habbiano la medesima proportion che ha la  $KN$  alla  $NF$ .



Mà se il punto  $N$  cada sulla  $FM$ ; diuideremo il quadrilatero  $AFGH$  secondo la proportion della  $FN$  alla  $NM$ ; e così l'heffagono  $ABCFGH$  serà diuiso secondo la proportion della  $KN$  alla  $NM$ : cioè è secondo la proportion della  $D$  alla  $E$  data si.

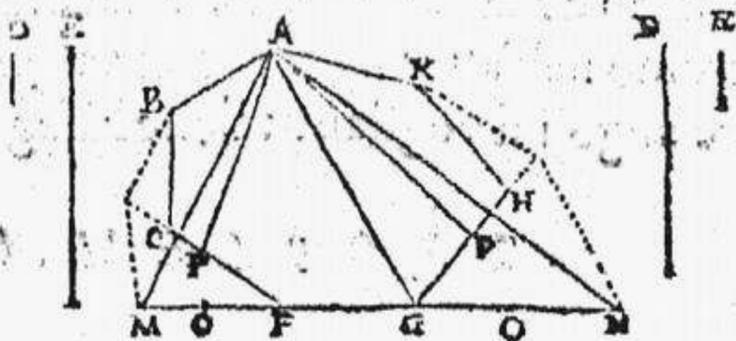
Pigli si il punto  $L$  nel lato  $AH$ , dal quale vogliamo tirare vna linea retta, la quale diuidi l'heffagono secondo la proportion data si.



Congiungasi la  $LF$ ; & allungata si la  $CF$ ; formi si il triangolo  $LKF$  eguale al pentagono  $LADCF$ ; & il triangolo  $LFM$  eguale al quadrilatero  $LFGH$ ; tal che tutto il triangolo

triangolo LKM sia eguale à tutto l'heffagono ABCFGH. Taglisi di nuouo la KM nel punto N secondo la proportion della D alla E datafi: e se il punto N cade sulla linea KF; diuidasi il pentagono LACBF con una linea retta tiratafi dall'angolo L secondo la proportion della KN alla NF: e se cade sulla linea FM, diuidasi il quadrilatero LFGH secondo la proportion della FN alla NM: e serà tutto l'heffagono diuiso dalla linea retta tiratafi dal punto L secondo la proportion della KN alla NM: ciò è secondo la proportion della D alla E.

Sia l'heptagono ABCFGHK, il quale debbia diuidersi con vna linea retta tiratafi dall'angolo A secondo la proportion della D alla E. Congiungasi la AG, e facciasi il triangolo AMG eguale al pètagono ABCFG: & il triangolo AGN eguale al quadrilatero AGHK; talche sia tutto il triangolo AMN eguale all'heptagono ABC-



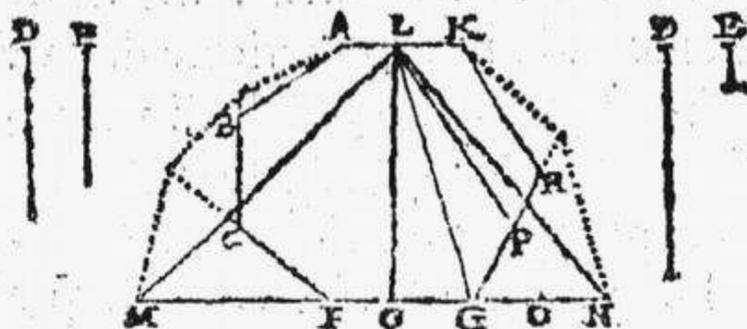
FGHK: Taglisi la MN nel punto O secondo la proportion della D alla E: e se il punto O cade sulla linea MG; diuiderassi il pentagono ABCFG secondo la proportion della MO alla OG con la linea retta AP tiratafi. e se cade sulla GN; diuiderassi il quadrilatero AGHK secondo la proportion della GO alla ON: e serà diuiso l'heptagono secondo la proportion della MO alla ON.

Pigli si vltimamente il punto L nel lato AK: e dal punto L habbiasi da tirare vna linea retta che diuida l'heptagono secondo la proportion datafi. Congiungasi la LG: e formisi il triangolo LMG eguale all'heffagono LACFG: & il triangolo LGN eguale al quadrilatero LGHK; talche

## DEL MODO DI DIVIDERE

talche tutto il triangolo LMN sia eguale àll'heptagono A BCFGHK. Taglisi di nuouo la MN secondo la proportione datafi nel punto O: e se esso cade sulla linea MG di-

uideremo l'heffagono secondo la proportione della MO alla OG. Mà se cade sulla GN; di uideremo il quadrilatero secondo la proportione della GO alla ON: e serà tutto l'heptagono di-

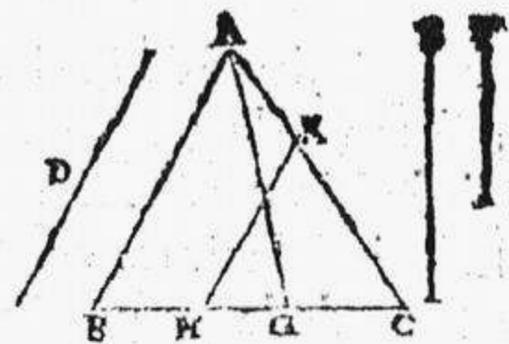


uiso secondo la proportione della MO alla ON: cioè è secòdo la proportione datafi della D alla E. e nel medesimo modo procederemo nell'altre figure, contengano pure quantitati uero angoli si vogliono: ilche bisognaua farsi.

## P R O B L E M A II.

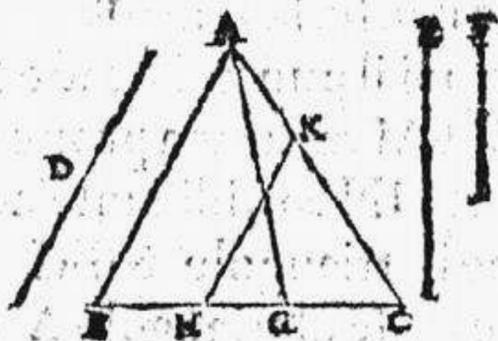
Diuidere vna figura rettilinea secondo vna data proportione con vna linea retta equidistante ad vn'altra data linea retta.

Sia il triangolo ABC; e la linea retta sia data D: e bisogni diuidere il triangolo secondo la proportione della E alla F con vna linea retta equidistante ad essa D. Taglisi la BC nel punto G; talmenteche la

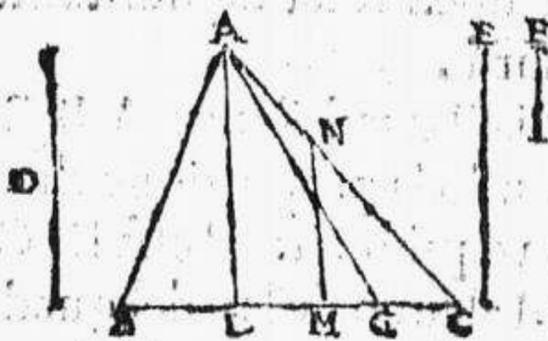


BG alla GC habbia la medesima Proportione che la E alla

alla F. ò che adunque la D. è equidistante ad vno de'lati del triangolo; ò non è equidistante à veruno. Sia prima equidistante al lato AB: e piglisi la CH mezzana proportionale frà le linee BC, CG: e dal punto H tirisi la HK equidistante ad essa BA. Dico la linea retta HK diuidere il triangolo secondo che si propone. Peròche congiuntasi la AG; serà il triangolo ABG al triangolo AGC, com'è la BG alla GC: cioè è com'è la E alla F; e componendo serà il triangolo ABC ad esso AGC, com'è la BC alla CG. Mà com'è la BC alla CG; così è il triangolo ABC al triangolo KHC per la 19 del sexto degli elementi: perciòche i triangoli ABC, KHC sono simili: e la BC alla CG hà dupla proportione à quella che è della BC alla CH. onde il triangolo KHC è vguale al triangolo AGC: & il quadrilatero restante ABHK è vguale al triangolo ABC. Il quadrilatero ABHK adunque hà la medesima proportione al triangolo KHC; che il triangolo ABG al triangolo AGC, cioè è che hà la E alla F. Similmente si dimostrerà il medesimo quando la linea D serà equidistante al lato BC, ò CA.



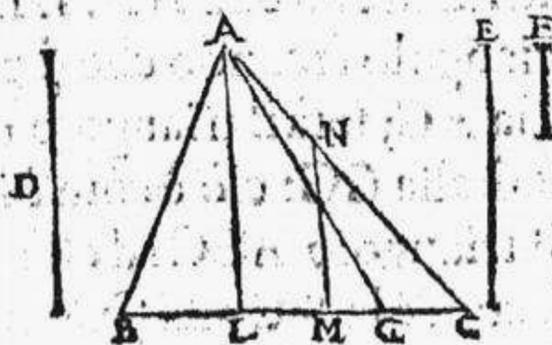
Che se nõ sia equidistante à veruno; tirisi la AL equidistante ad essa D. Onde ouero il punto G cade frà i punti L, e C: ouero frà gli B & L. Che se frà gli L, & C; piglisi la CM mezzana proportionale frà le linee LC, CG: e tirisi la MN



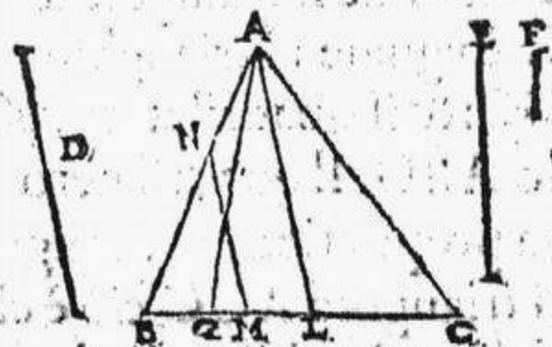
L equidi-

## DEL MODO DI DIVIDERE

equidistante alla  $AL$ . Sarà per le cose che dianzi dimo-  
strammo il triangolo  $NMC$  eguale al triangolo  $AGC$ : &  
il quadrilatero  $ALMN$  al triangolo  $ALG$ . Il perche ag-  
giuntosi all'uno & all'  
altro il triangolo  $ABL$   
commune; il quadrila-  
tero  $ABMN$  è vguale al  
triangolo  $ABG$ ; e per-  
ciò il quadrilatero  $AB-$   
 $MN$  al triangolo  $NMC$   
hà la medesima propor-  
tione che hà la  $E$  alla  $F$ .



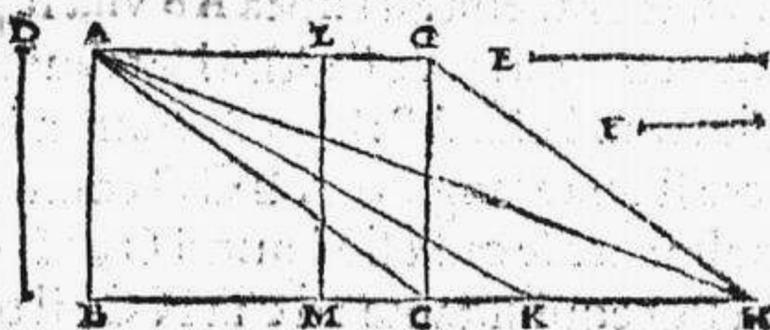
Se poi il punto  $G$  cade frà i punti  $B$  &  $L$ ; piglisi di nue-  
uo la  $BM$  mezzana proportionale frà le linee  $LB$ ,  $BG$ :  
tirisi la  $MN$  equidistante ad essa  $AL$ . Per la medesima ra-  
gione il triangolo  $NBM$   
serà eguale al triangolo  $A$   
 $BG$ : & il quadrilatero  $A-$   
 $NML$  al triangolo  $AGL$ .  
Aggiuntosi adunque all'  
uno & all'altro il triango-  
lo  $ALC$ ; il quadrilatero  
 $ANMC$  è uguale al trian-  
golo  $AGC$ . Il triangolo  $A$   
 $BC$  adunque si divide secondo la proportione data si con-  
vna linea retta equidistante ad essa  $D$ : il che bisogna-  
ua farsi.



Sia il quadrilatero  $A B C G$ , il quale debbia dividerfi  
secondo la proportione che hà la  $E$  alla  $F$ , con vna linea  
retta equidistante ad essa  $D$ . Onde ouero la  $D$  è equidistan-  
te ad alcuno de'lati del quadrilatero; ouero non è equidi-  
stante. Sia prima equidistante al lato  $AB$ : e congiuntasi  
la  $AC$  tirisi dal punto  $G$  la  $GH$  equidistante ad essa  $AC$ ,  
laquale concorra con la linea  $BC$  allungata nel punto  
 $H$ : e

H: e congiungasi la AH. Il triangolo ACH adunque per le cose di già dettate è uguale al triangolo ACG: & aggiuntosi all'uno & all'altro lo ABC commune serà il triangolo ABH uguale al quadrilatero ABCG. Taglisi la BH nel punto K; talmenteche la BK alla KH habbia la medesima propotione che la E alla F: e congiungasi la AK. Ouero adunque il lato CG del quadrilatero è equidistante ad esso BA; ò no: e se sia equidistante cada come si voglia

il punto K; applichisi per la 10 del libro precedente alla linea AB la superficie ABML eguale



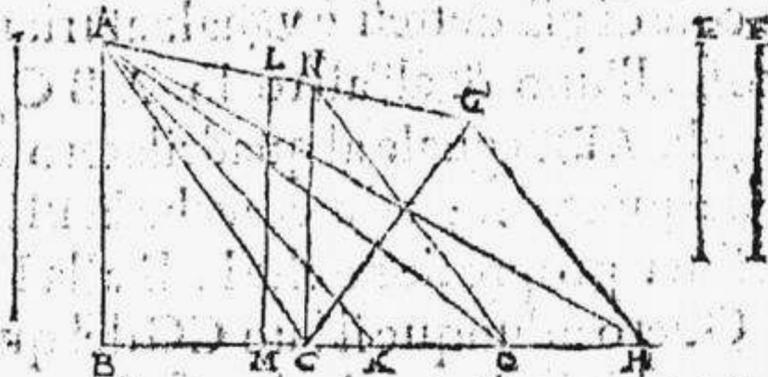
al triangolo ABK; talmenteche la linea LM sia equidistante ad essa AB. Dico la LM fare il problema. Perciòche essendo il triangolo ABH uguale al quadrilatero ABCG: & il triangolo ABK al quadrilatero ABML; serà il triangolo AKH restante uguale al quadrilatero restante LMCG. Il quadrilatero ABML adunque è al quadrilatero LMCG, com'è il triangolo ABK al triangolo AKH. Mà il triangolo ABK ad esso AKH è come la BK Alla HK, cioè è come la E alla F. Adunque il quadrilatero ABML al quadrilatero LMCG è come la E alla F.

Se il lato CG poi non è equidistante al lato BA; tirisi da uno de' duo punti C, G. dentro al quadrilatero una linea retta equidistante ad essa BA: e sia hora la CN: e dal punto N tirisi la NO equidistante alla AC, e congiungasi la AO. serà il triangolo ABO uguale al quadrilatero ABCN. Se adunque il punto K caderà nel punto O, la linea CN farà il problema. Perciòche serà il quadrilatero AB-

L 2 CN al

## DEL MODO DI DIVIDERE

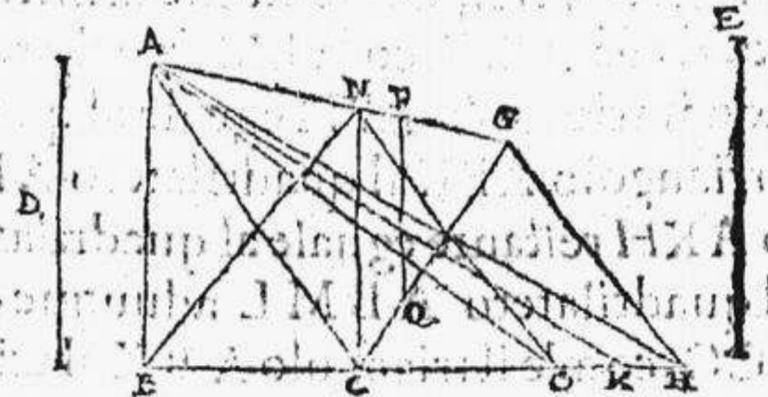
CN al trian-  
golo CNG,  
com'è il trian-  
golo ABO al  
triangolo AO  
H: ciò è come  
la BK alla KH,  
e come la  
E alla F.



Che se il punto K cada frà i punti B, O applicheremo per la 10 souradetta alla linea AB vna superficie eguale al triângolo ABK: laquale sia ABML; talmèteche la linea LM sia eqdistate ad'essa AB: laquale similmete dimostraremo diuidere il quadrangolo ABCG come si proponeua.

Finalmente se cada frà i punti O, H: diuideremo con la linea PQ equidistante ad'essa NC, il triangolo NCG secondo la proportione che hà la OK alla KH: ciò è quel

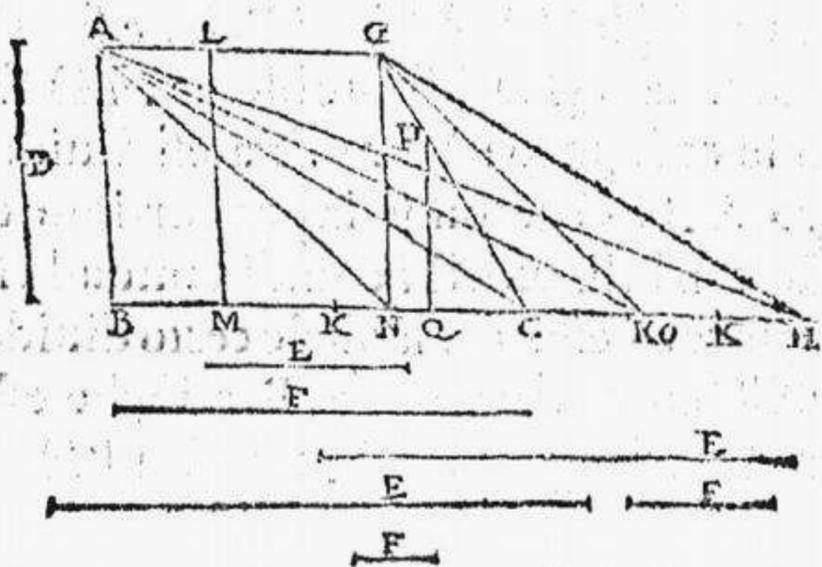
la che hà il triã-  
golo AOK al  
triangolo A-  
KH.: Et essen-  
do il triangolo  
NCG egua-  
le al triango-  
lo AOH; se  
rà la superfi-



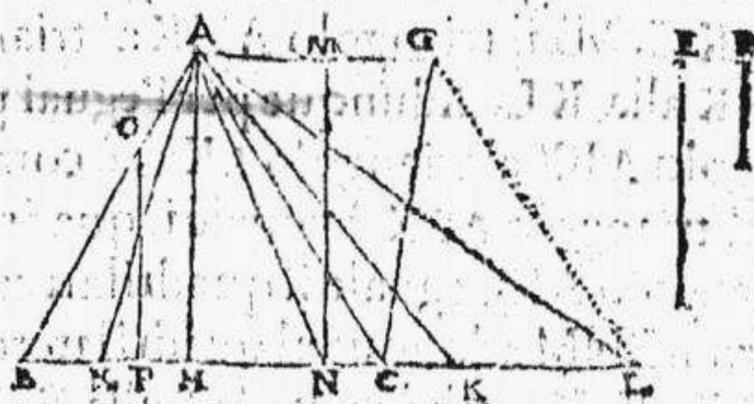
cie NCQP, eguale al triangolo AOK: & il trian-  
golo PQG eguale al triangolo AKH. il pentagono A-  
BCQP, adunq; è vguale al triangolo ABK: & hà la  
medesima proportione al triangolo PQG, che hà la BK  
alla KH: ciò è che hà la E alla F.

Nel medesimo modo otteremo l'intento, se dal punto  
G si tiri dentro al quadrilatero la GN equidistante  
ad'essa AB: come appare nell'altra figura. Perciòche con  
giuntesi

giuntesi le  $A N$ ,  $A C$ : e tiratafi la  $G O$  dal punto  $G$ , la quale sia equidistante ad essa  $A N$ : e tiratafi la  $G H$ , laquale sia equidistante alla  $A C$ : & vltimamente congiuntesi le  $A O$   $A H$ ; serà il triangolo  $A B O$  eguale al quadrilatero  $A B N G$ , & il triangolo  $A B H$  eguale al quadrilatero  $A B C G$ . e se il punto  $K$  cade rà nel pũto  $O$ , la linea retta  $N G$  farà il problema. Se frà gli  $B$ ,  $O$  faremo nel medesimo modo



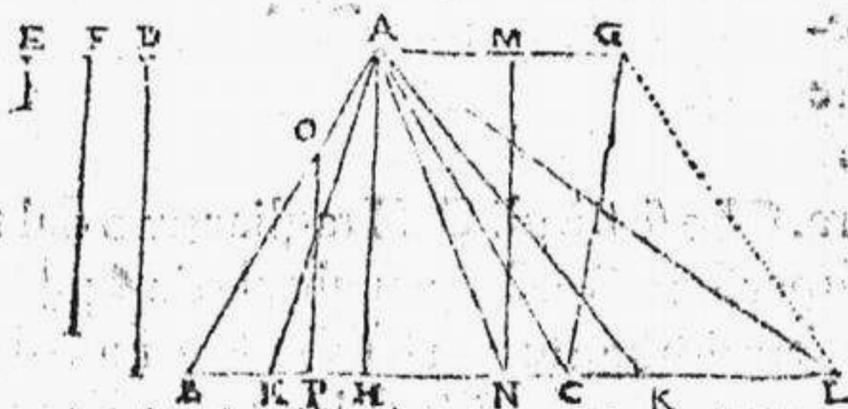
detto di sopra. Che se frà gli  $O$ ,  $H$  tagliaremo dal triangolo  $G N C$  la superficie  $G N Q P$  eguale al triangolo  $A O K$  tiratafi la  $P Q$  equidistante ad essa  $G N$ . e serà di già fatto quello che si proponeua. Må se la  $D$  non sia equidistante ad alcuno de' lati del quadrilatero  $A B C G$ ; tirisi da vno



de' duo punti  $A$ ,  $B$  dentro al quadrilatero vna linea retta equidistante ad essa  $D$ . e sia prima la  $A H$ : e congiuntasi la  $A C$  tirisi del punto  $G$  la  $G L$  equidistante ad essa  $A C$ : laquale

## DEL MODO DI DIVIDERE

laquale concorra nel punto L con la BC allungata: e congiungasi la AL, serà il triangolo ABL eguale al quadrilatero ABCG. Diuidasi la BL nel punto K; talmente che la BK alla KL habbia quella proportione, che hà la E alla F. Ouero adunque il punto K cade nel punto H, ouero frà gli H, L, ò frà gli B, H. e se cade nel punto H, la linea retta AH farà il problema. Mà se cade frà gli H, L per le cose poco hà dimostrate si diuideremo il quadrilatero AHCG secondo la proportione che hà la HK alla KL, con la linea MN equidistante ad essa AH, cioè è equidistante ad essa D: laquale certo diuiderà il quadrilatero ABCG come si propone. Perciò che essendo il triangolo ABH al triangolo AHK, com'è la BH alla HK; serà com-

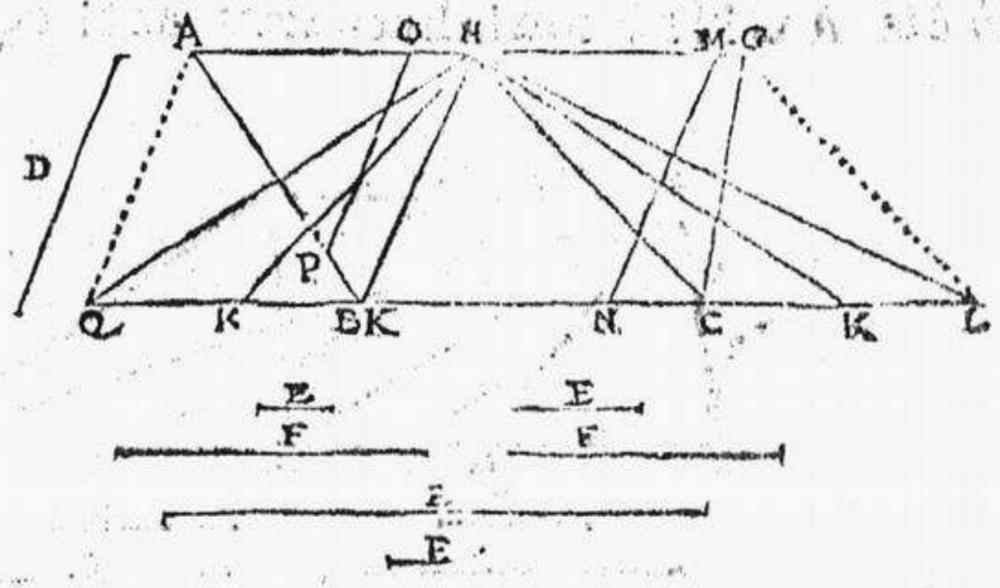


ponendo il triangolo ABK al triangolo AHK, com'è la BK alla KH. Mà il triangolo AHK al triangolo AKL è come la HK alla KL. Adunque per l'equal proportionalità il triangolo ABK al triangolo AKL, è come la BK alla KL, Mà al triangolo ABK è vguale il quadrilatero ABNM, & al triangolo AKL eguale il quadrilatero MNCG. Il quadrilatero ABNM adunque al quadrilatero MNCG, è come la BK alla KL cioè è come la E alla F.

Finalmente se il punto K cada frà gli B, H; tirata si la AK taglieremo dal triangolo ABH la superficie AOPH eguale al triangolo AKH con la linea retta OP equidistante ad essa AH. Serà il triangolo restante, OBP eguale al triangolo

golo ABK restante. Adunque il triangolo QBP è al pentagono AOPCG come il triangolo ABK al triangolo AKL: cioè è come la BK alla KL: cioè è come la E alla F.

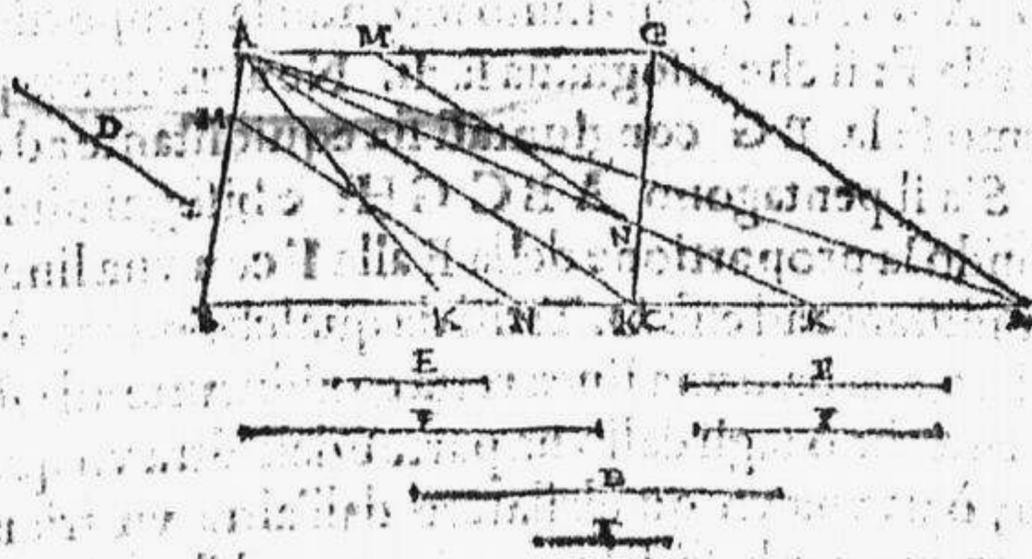
Se poi la BH tirata sia equidistante ad essa D; pongasi il triangolo HQB eguale al triangolo ABH: & il triangolo HBL eguale al quadrilatero HBCG: e diuisasi la Q



L secondo la proportionne della E alla F nel punto

to K: se il K cade nel punto B, la linea BH farà il problema. Se fra gli B, L, o Q, B faremo nel medesimo modo che s'è detto di sopra.

Che se la AC congiuntasi sia equidistante ad essa D; porremo il triangolo AGL e

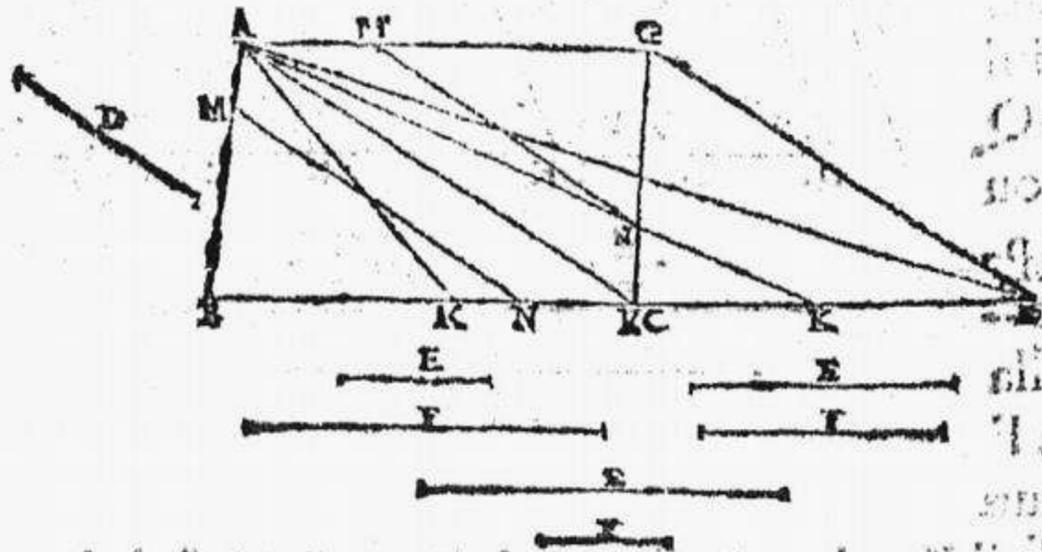


guate

**DEL MODO DI DIVIDERE.**

guale al triangolo  $ACG$ , e diuisasi la  $BL$  nel punto  $K$  secondo la proportion data della  $E$  alla  $F$ ; se il punto  $K$  cade nel punto  $C$ ; la linea  $AC$  farà il problema.

Se fra gli  $CL$  taglieremo dal triangolo  $ACG$  la superficie  $ACNM$  eguale al triangolo  $ACK$ ; tirasi la  $MN$  equidistante ad essa  $AC$ . e se fra gli  $B, C$ ; taglieremo dal triangolo  $ABC$  vna superficie eguale al triangolo  $ACK$ : cioè è la  $ACNM$  con la linea retta  $MN$  equidistante

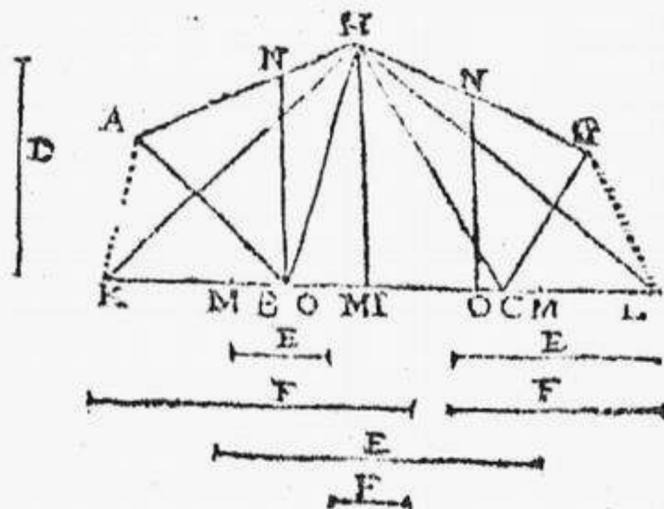


ad essa  $AC$ : e similmente dimostreremo il quadrilatero  $ABCG$  essersi diuiso secondo la proportion della  $E$  alla  $F$ : il che bisognaua farsi. Ne altremante procederemo se la  $BG$  congiuntasi sia equidistante ad essa  $D$ .

Sia il pentagono  $ABCGH$ : e bisogni diuiderlo secondo la proportion della  $E$  alla  $F$  con vna linea retta equidistante ad essa  $D$ . Tirisi da qualche punto, ò angolo, ò lato, a la base vna linea retta equidistante ad essa  $D$ ; talmente che ò tagli dall'vna parte e dall'altra vn quadrilatero; ò da vna vn quadrilatero dall'altra vn triangolo. e porremo per base del pentagono qual si voglia lato comodo alla linea  $D$ . Come nella prima figura tirisi dal punto  $H$  la linea retta  $HI$  equidistante ad essa  $D$ . e congiuntesi

giuntesi le HB, HC, tirisi dal punto A la AK equidistante ad essa HB: laquale concorra con la CB allungatafi nel punto K. Dal punto G poi tirisi la GL equidistante alla HC, e concorrente nel punto L con la BC allungatafi: e congiungansi le HK, KL. Serà il triángolo HKI eguale al quadrilatero ABIH: & il triangolo HIL al quadrilatero HICG, e tutto il triangolo HKL eguale à tutto il pentagono. Diuidasi la KL

secondo la proportionione della E alla F. nel punto M. Ilperche ò il punto M cade nel punto I, ò frà gli K, I, ò frà gli I, L. e se nello I, la linea retta HI farà il problema. perciòche il quadrilatero ABIH al quadrilatero HICG è come il triangolo HKI al triangolo HIL: ciò è com'è la KI alla IL: ciò è come la E alla F.



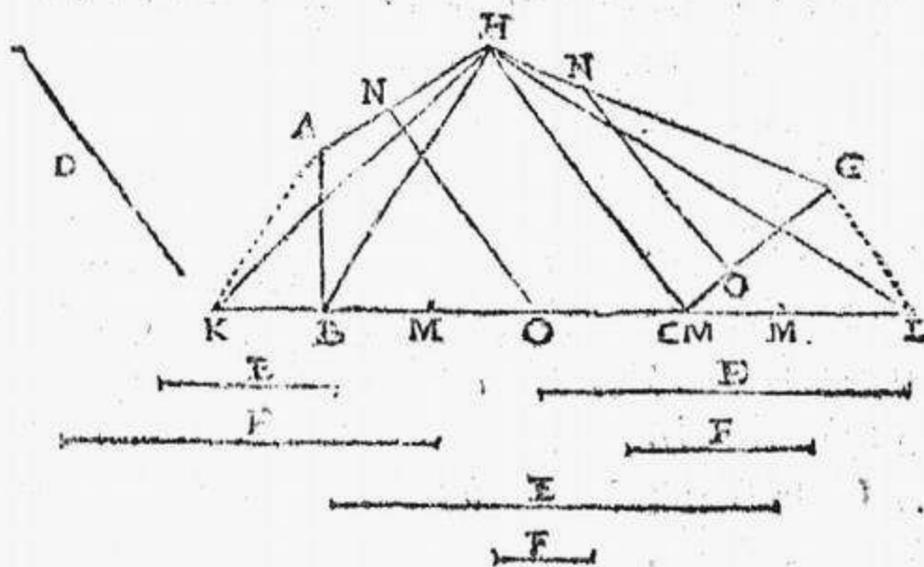
Se cade poi frà i punti K, I, diuideremo per le cose di già dimostratefi il quadrilatero ABIH secondo la proportionione della KM alla MI, con la linea retta NO equidistante ad essa HI. e se cade frà i punti I, L; similmente diuidere mo il quadrilatero HICG secondo la proportionione della IM alla ML, tiratafi la NO equidistante ad essa HI: e la NO diuiderà il pentagono ABCGH secondo la proportion datafi: ilche dimostraremo nel medesimo modo di sopra.

Oltra di questo nell'altra figura, nellaquale la HC è equidistante alla linea D: congiuntasi la HB, pongasi il triangolo HKB eguale al triangolo HAB: & il triangolo

H HGL

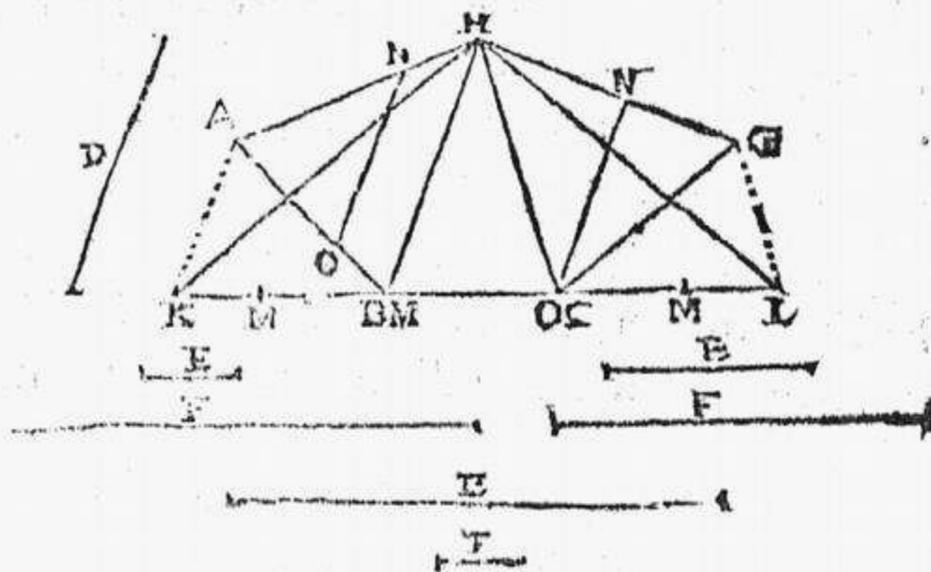
### DEL MODO DI DIVIDERE

HCL eguale al triangolo HCG. serà il triangolo HKC eguale al quadrilatero ABCH: e tutto il triangolo HKL eguale à tutto il pentagono ABCGH. Onde diuisasi la KL secondo la proportione della E alla F nel punto M; se il punto M cade nel punto C; la linea HC farà quello che



si propnone. se frà i punti K, C diuideremo il quadrilatero ABCH secondo la proportione della KM alla MC. se poi frà i punti C, L diuideremo il triangolo HCG secondo la proportione della CM alla ML: e serassi diuiso il pentagono secondo la proportione data si.

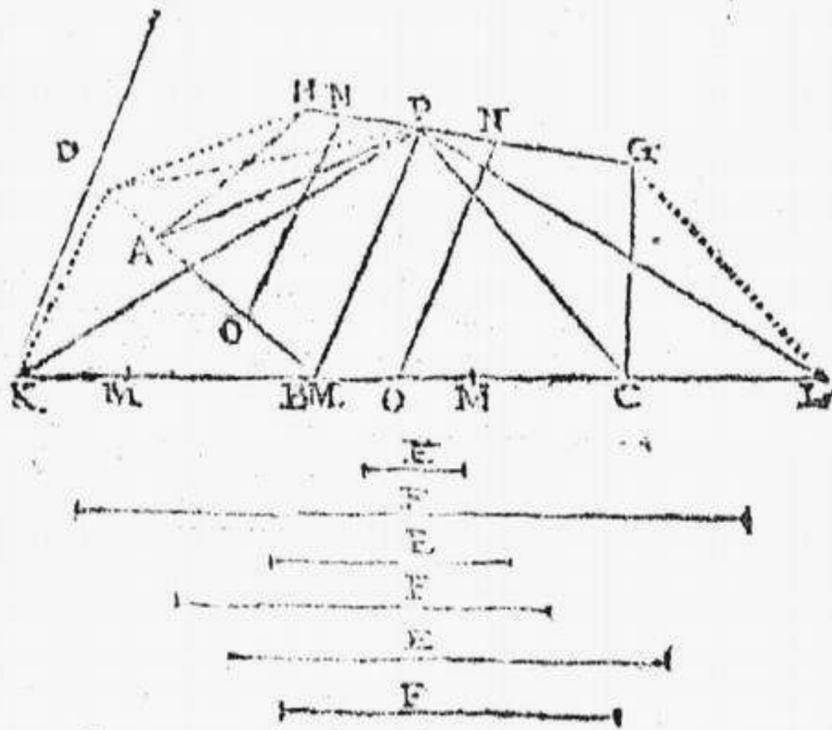
Ne altra-  
mète farassi  
se la linea HB  
sia equidistã  
te ad essa D:  
Perciò che  
formerassi il  
triangolo H  
KB eguale al  
triangolo HA



B, & il triangolo HBL eguale al quadrilatero HBCCG. Il perche se il punto M cade nel punto B; la linea HB farà quello che si proponeua. Se frà i punti KB, diuiderassi il triangolo HAB secondo la proportione della KM alla MB. Che se cade frà gli B, L; diuideremo il quadrilatero HBCCG secondo la proportione della BM alla ML: e serà fatto quello che bisognaua.

Ultimamente se la BP sia equidistante ad essa D, come nell'altra figura; porremo il triangolo PKB eguale al quadrilatero PHAB, & il triangolo PBL al quadrilatero PBCG. e se il punto M cade nel punto B; essa BP farà quello che si propone. Se frà i punti K, B diuideremo il quadrilatero PH

AB secódo la proportione della KM alla MB. Che se frà i punti B, L; diuideremo il quadrilatero PBCG secondo la proportione della BM alla BL: & il simile faremo negli altri pē-



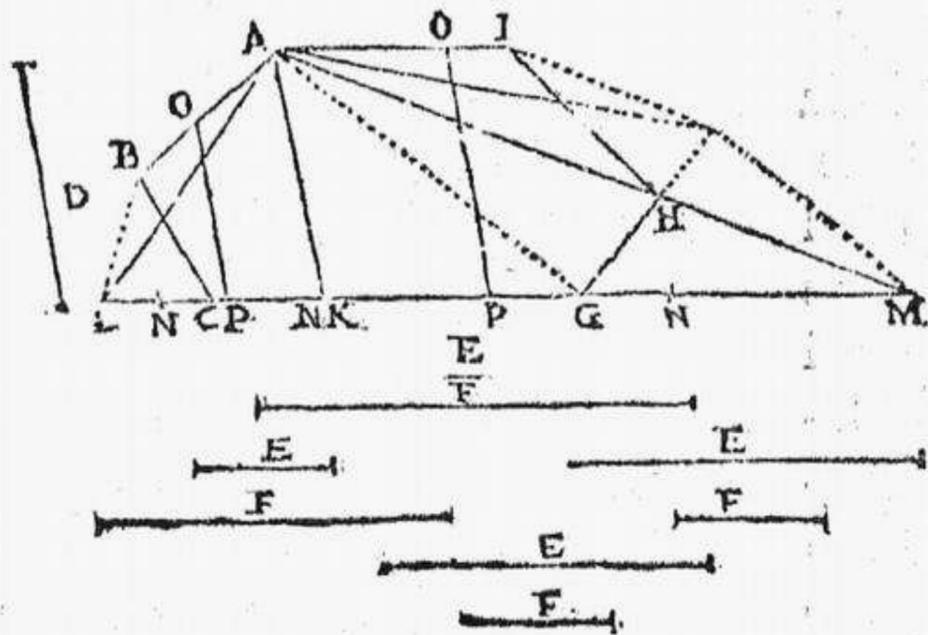
tagoni e di già serassi fatto quello che faceua dibisogno.

Sia l'heffagono ABCGHI: e bisogni diuiderlo secondo la proportione della E alla F con vna linea retta equidistante ad essa D. Tirisi da qualche punto alla base vna linea retta equidistante ad essa D; talmente che tagli ò vn quadrilatero, ò vn pentagono

M z dall'

## DEL MODO DI DIVIDERE

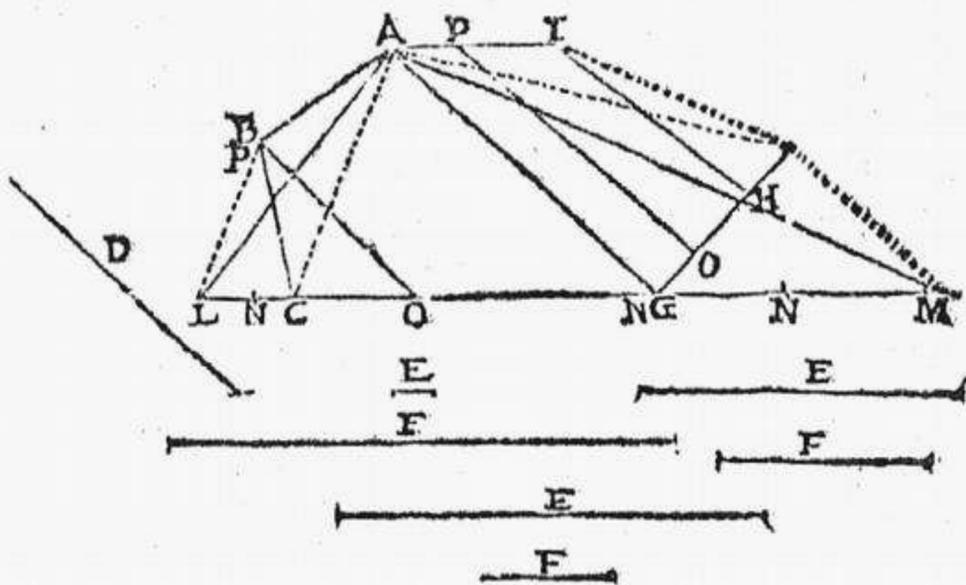
dall'vna e dall'altra parte; ouero da vna parte vn triangolo, ò vn quadrilatero; e dall'altra poi vn pentagono: Come nella prima figura propostasi; ti risi dal punto A la linea retta AK equidistante ad essa D, e formisi il triangolo ALK eguale al quadrilatero ABCK: Al pentagono poi KGHIA eguale il triangolo AKM. Dopoi diuidasi la linea LM secondo la proportionone della E alla F nel punto N: ilquale ouero caderà nel punto K, ò frà i punti L, K, ò frà i punti K, M. Se caderà nel punto K; la linea retta AK farà il pblema. Se frà i punti L, K diuideremo il



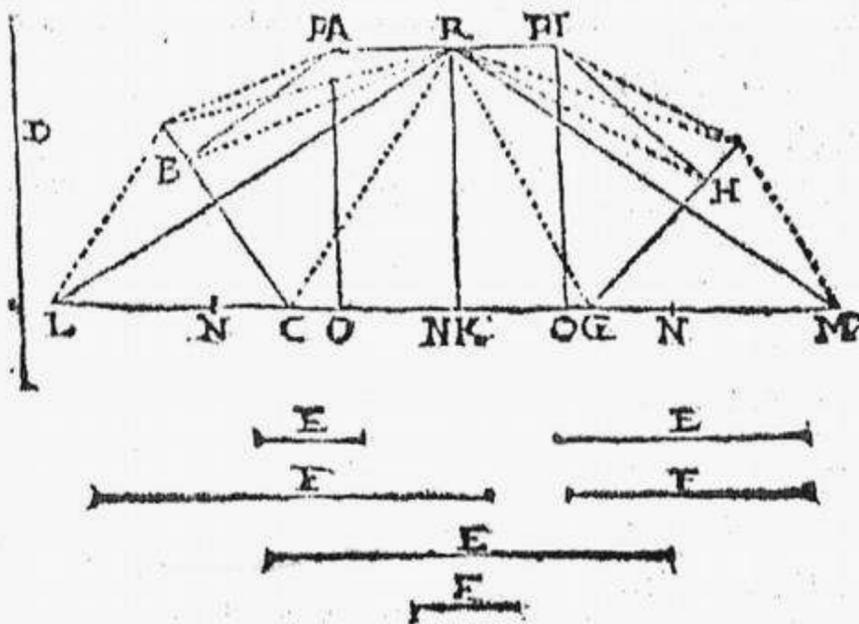
quadrilatero ABCK secondo la pportione della LN alla NK con la linea OP equidistante alla AK. se frà i pñti K, M per le cose dianzi dimostrate si diuideremo il pentagono AKGHI secondo la proportionone della KN alla NM cõ la linea retta OP equidistante ad essa AK.

Se poi

Se poi la AG tirata sia equidistante ad essa D; di nuovo forma  
remo il  
triangolo  
ALG e-  
guale al  
quadrila-  
tero AB-  
CG: & il  
triangolo  
AGM al  
quadrila-  
tero AG-  
HI: e fare  
mo il resto come s'è detto molte volte.



Che  
se la R  
K sia e-  
quidi-  
stata ad  
essa D;  
forma  
remo il  
triango-  
lo RL-  
K egua-  
le al pe-  
tago ---



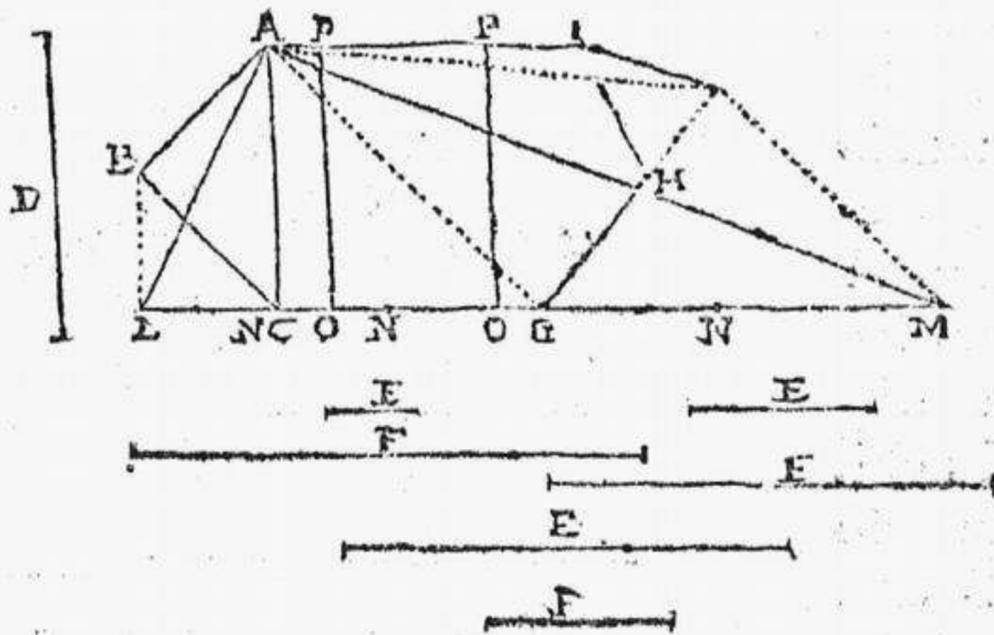
no R A B C K & il triangolo R K M eguale al pentago-  
no K G H I R.

Ultimamente se la AC tirata sia equidistate ad essa D  
formaremo il triangolo ALC eguale al triangolo A B C:  
& il triangolo ACM eguale al pentagono A C G H I: e fa-  
remo il resto come si è fatto di sopra, e serassi diuiso l'hes-  
sagono

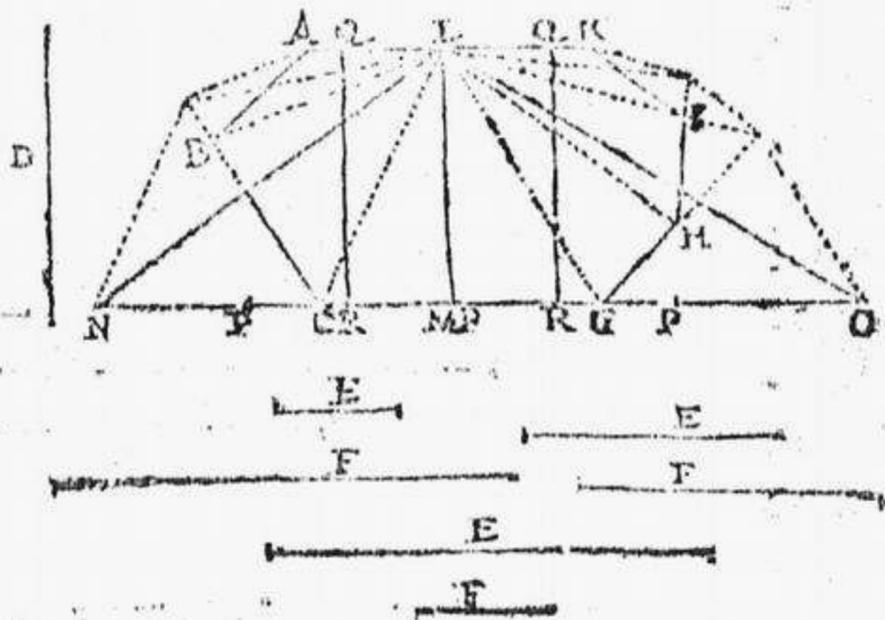
## DEL MODO DI DIVIDERE.

fagono  
come bi  
sognaua  
ua.

Sia l'  
haptago  
no ABC  
GH IK  
il quale  
habbia  
da diui-  
derfi se-  
condo la



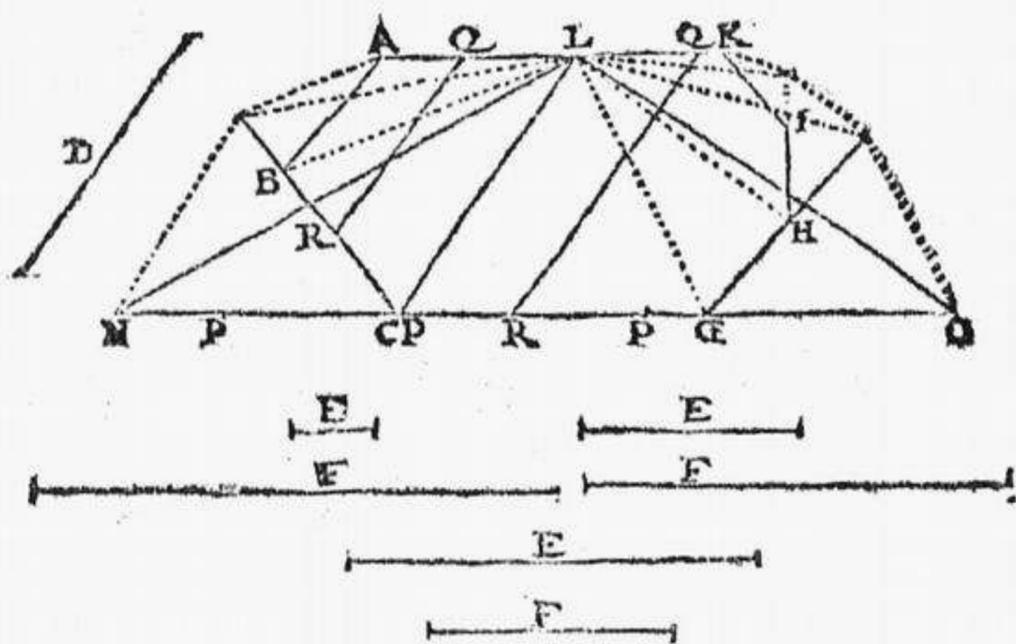
pportione della E alla F, cō vna linea equistate ad essa  
D. Tirisi da qualche pūto alla base vna linea retta equidi-  
stata ad essa D. laquale ò tagli vn pētagono dall'vna parte  
e dall'altra; ò da vna parte vn triangolo, ò vn quadrilate-  
ro, ò vn pētago-  
no, e dall'a'tra  
poi vn'heffago-  
no; ouero da  
vna vn quadri-  
latero, dall'al-  
tra vn pentago-  
no. Come nel-  
la prima figu-  
ra, nella quale  
la LM è equi-  
distate ad essa  
D; formaremo



il triangolo LNM eguale al pentagono LABCM: & all'  
heffagono LMGHIK eguale il triangolo LMO: e ta-  
glisi la NO secōdo la pportione della E alla F nel pūto P:  
se il pūto P cade nel pūto M; la linea retta LM farà il pble-  
ma.

ma. Se frà i punti  $N M$ ; similmente diuideremo il pentagono  $LABCM$  secondo la proportione della  $NP$  alla  $PM$  con la linea retta  $QR$  equidistante ad essa  $LM$ . Se poi frà i punti  $M, O$ ; diuideremo per le cose dette di sopra l'heffagono  $LMGHIK$  secondo la proportione della  $MP$  alla  $PO$  con vna linea retta equidistante ad essa  $LM$ .

Che se la linea  $LC$  tirata si sia equidistante ad essa  $D$ ; formaremo il triangolo  $LNC$  eguale al quadrilatero  $LABC$ , & il triangolo  $LCO$  eguale all'heffagono  $LCGHI-$



$K$ , e faremo il resto si come si è fatto di sopra: e serà l'heptagono diuiso come bisognaua: & il simile faremo ne gli altri heptagoni.

Nel medesimo modo diuideremo l'altre figure rettilinee ancora secõdo vna data proportione habbian si quantitati si vogliano con una linea equidistante ad una data linea retta: ilche n'era proposto da farsi.

**I L F I N E.**

14772795