

PRIMVS.

PROPOSITIO PRIMA.



DATA CIRCVLI DIAMETRO,
latera Decagoni, Hexagoni, Pentagoni,
Tetragoni, atq; Trianguli, Isopleurorum,
eidem circulo inscriptorum reperire.

Sit semicirculus a,b,g. supra diametrum a,d,g.
& centrum d. erectus. Protraham d,b. perpendicu-
larem super a,g. per 11. primi Euclidis. Lineamq;
d,g. diuidam per duo æqualia sup puncto e. & du-
cam lineam e,b. huic æqualem faciam e,z. productaq;
b,z. Dico z,d, esse
æquale lateri Decagoni, & b,z, æquale lateri Pentagoni. Quod sic ostendam:
quia g,d, diuiditur in duo æqua super e. & addita est ei in longū d,z.
ergo per sextam secundi quadrangulum quod fit ex g,z. in d,z. cum qua-
drato d,e. æquum est quadrato lineæ e,z. Sed e,z. est æqualis e,b. & per pe-
nultimam primi quadratum e,b. æquum est duobus quadratis b,d. & d,e.
quod igitur fit ex g,z. in z,d. cū quadrato d,e. æquale erit duobus quadra-
tis b,d. & d,e. ablato communi quadrato d,e. erit quod fit ex g,z. in z,d.
æquale quadrato b,d. ideo etiam æquale quadrato d,g. Ergo per secundā
partem 16. sexti g,z. ad d,g. proportio fiet sicut d,g. ad z,d. proportio. Ideo
per principium sextilinea z,g est diuisa in priueto d. secundum propor-
tionem habentem mediū & duo extremā. Sed maior eius portio scilicet d,g.
est latus Hexagoni per Correlarium 16. quarti. Ideo per conuersam nonæ
tredecimi minor eius portio scilicet d,z. est latus Decagoni, quod est pri-
mum. Et quoniam per penultimam primi quadratum b,z. est æquale duo
bus quadratis b,d. & d,z. & b,d. est latus Hexagoni, & d,z. latus Decago-
ni, ideo per conuersam decimæ 13. b,z. erit latus Pentagoni, quod est se-
cundum. Quod si duxeris lineam a,b. constabit ipsam ex 6. quarti esse la-
tus quadrati circulo inscriptibile. Sed & per octauam 13. manifestum est
latus Trigoni potestialiter triplum esse lateri Hexagoni seu semidiometro.
Quicunq; igitur diuisione Diameter diuisa fuerit, n eadem constabit
eius medietas, scilicet latus Hexagoni, cuius quadratum & medietatis qua-
dratum, sunt quadratū lineæ z,e. ideo z,e. nota, à qua ablata d,e. remane-
bit z,d. nota, chorda decimæ partis circuli. Sed & huius quadratum cū n
quadrato lateris Hexagoni sunt quadratum lateris Pentagoni. Ideo chor-
da quintæ partis circuli nota fiet. Quadratum vero lateris Tetragoni du-
plum est quad. ato lateris Hexagoni, ideo utruncq; horum notum fiet.

PROPOSITIO II.

Data alicuius arcus chorda nota fiet chorda arcus residui
de semicirculo.

Patet ex 30. tertij angulum quem continent tales chordæ rectum esse;
ideo per penultimam 1. quadratum Diometri circuli æquum erit quadra-
tis duobus ipsarum chordarum, igitur &c. Sic ex latere Decagoni inuenies
chordam arcus 144. graduum, Ex latere Pentagoni inuenies chor-
dam arcus 108. & sic similiter de alijs.

B iiii Propositio

