

SECUNDVS.

pticæ uaria tunc cœlum mediantia sint a, & b, distentq; primo à polo hæzontis g, ad partem meridiei ductis arcubus circulorum magnorum g,e,g,h,d,e,&d,h. Dico arcum g,h, æqualem esse arcui g,e, & duos angulos g,h,b, & g,e,z, simul esse æquales duplo anguli d,h,b, seu d,e,z. Sicut em in præmissa propter arcus parallelli quibus punctum à meridiano distat æquales, oportet angulum g, d, h, æqualem esse angulo g, d, e, & propter eandem declinationem oportet d,h, æqualem esse arcui d,e, hinc faciendo latus g,d, commune utriq; triangulo g, d, h, g, d, e, fiet basis g,h, æqualis basi g,e, quod est primum, & angulus g, d, h, æqualis angulo g, d, e. Sed d,h,b, æqualis est d,e,z, cum h, & e, idem punctum repræsentent, & duo anguli g,h,b, & g,h,d, constituunt angulum d,h,b, scilicet æquinalem d,e,z, ergo duo anguli g,h,b, & g,e,d, constituunt angulum æqualem angulo d,h,b, seu d,e,z, ergo tres anguli g,h,b,g,e,d, d,e,z, sunt duplum angulo d,e,z, quare duo anguli g,h,b, & g,e,z, sunt æquales duplo anguli d,e,z, quod est secundum. Sunt præterea puncta a, & b, à polo horizontis g, se pñtrionalia, arcus g,h, sit continuatus in l, & g,e, in k. Dico angulos l,h,b, & k,e,z, simul æquales esse duplo anguli d,e,z, ostenditur enim g,h, æqualis g,e, ut antea, & angulus d,h,g, æqualis angulo d,e,g. Igitur residuus d,h,l, æqualis residuo d,e,k. Sed quia d,h,b est æqualis angulo d,e,z, cum h, idem repræsentet punctum, ergo totalis l,h,b, æqualis duobus d,e,z, & d,e,k, addito utrobicq; k,e,z, erunt duo l,h,b, & k,e,z, simul æquales duplo anguli d,e,z, quod est propositum.

PROPOSITIO XLI.

Si uero unum punctorū tunc cœlum mediantium à polo horizontis esset meridionale, alterum septentrionale, anguli peruenientes ex concursu ecliptice & circulorum altitudinis ambo simul differunt à duplo anguli qui fit ex concursu meridiani & eclipticæ super eodem punto duorum rectorum quantitate ipso quidem maiores, dum punctum portionis orientalis meridionale fuerit, minores autem dum septentrionale.

Sit primo a, meridionale b, septentrionale à polo horizontis g, & sint arcus ducti ut antea. Dico duos angulos g,e,z, & l,h,b, simul maiores esse duplo anguli d,e,z, seu d,h,b, quantitate duorum rectorum. Est em d,h,g, æqualis angulo d,e,g. Sed duo anguli d,h,g, d,h,l, æquantur duobus rectis, ergo duo anguli d,e,g, & d,h,l, æquales sunt duobus rectis. Sed angulus d,e,z, æqualis est angulo d,h,b, ergo duo anguli g,e,z, l,h,b, sunt æquales duobus rectis & duplo anguli d,e,z. Ideoq; duo anguli g,e,z, & l,h,b, maiores sunt duplo anguli d,e,z, quātitate duorum rectorum, quod est propositum.

Sit præterea a, septentrionale b, meridionale, cætera sint ut prius. Dico duos angulos k,e,z, g,h,b, simul minores esse duplo anguli d,e,z, quantitate duorum rectorum. Ipsienim simul minores sunt duobus angulis d,e,z, & d,h,b, quantitate duorum anglorū d,e,k, & d,h,g. Seu hi duo d,e,k, d,h,g, sunt duobus rectis æquales, eo q; d,h,g, sint æquales d,e,g, ergo duo anguli k,e,z, g,h,b, simul minores sunt duobus angulis d,e,z, d,h,b, quantitate duorum rectorum. Sed d,e,z, est æqualis d,h,b, quod e, & h, idem punctum eclipticæ repræsentent, igitur patet propositum. Ex his palam est.

Si noti fuerint anguli antemeridiani ad unum quodq; punctum zodiaci ab initio cancri ad capricornum, noti etiam erunt anguli

